

Livro Eletrônico



**Estratégia**  
CONCURSOS

# RFB

## AFRFB 2018

**Aula 00**

RETA FINAL - Questões Comentadas de Estatística p/ AFRFB 2018

Professor: Equipe Arthur Lima, Jerônimo Marcondes

**“O SEGREDO DO SUCESSO É  
A CONSTÂNCIA NO OBJETIVO”**

Receita Federal

SUPERINTENDÊNCIA  
RECEITA FEDERAL

## AULA 00 – ESTATÍSTICA

SUMÁRIO	PÁGINA
1. Apresentação do curso	01
2. Resolução de questões	04
3. Lista de questões resolvidas	21
4. Gabarito	27



## APRESENTAÇÃO DO CURSO



### ***Futuro(a) colega Auditor(a)-Fiscal da Receita Federal (AFRFB),***

Este curso de **Questões Comentadas de Estatística** é desenvolvido para a sua preparação para o próximo concurso da **Receita Federal do Brasil**. Efetuaremos uma **revisão completa de todos os tópicos do último edital deste concurso (de 2014)** a partir da resolução de aproximadamente **400 exercícios**, sempre priorizando questões da ESAF e de outros concursos para carreiras fiscais. Veja o nosso cronograma:

<b>Aula demo</b> Disponível em 20/03/2018	Demonstrativa	
Aula 01 Disponível em 27/03/2018	Combinações, Arranjos e Permutação.	
Aula 02 Disponível em 04/04/2018	Probabilidade	
Aula 03 Disponível em 11/04/2018	Estatística descritiva. Amostragem	
Aula 04 Disponível em 18/04/2018	Estatística descritiva (continuação)	
Aula 05 Disponível em 25/04/2018	Variáveis aleatórias. Principais distribuições de probabilidade. Amostragem (continuação)	
Aula 06 Disponível em 02/05/2018	Teste de Hipóteses e Análise de Regressão	
Aula 07 Disponível em 09/05/2018	Resumo teórico	

Cada aula terá a seguinte estrutura:

- um breve **resumo teórico**, com as principais fórmulas, conceitos e dicas;
- **bateria de exercícios**: de 50 a 100 questões de concursos anteriores da Receita Federal, além de outros concursos de alto nível da ESAF, bem como questões selecionadas dos principais concursos fiscais estaduais e municipais;

É importante finalizar essa introdução lembrando que neste curso eu pressuponho que você já tenha estudado alguma vez estes assuntos, e esteja buscando um material para exercitar os seus conhecimentos e revisar os tópicos mais importantes. **Este não é um curso voltado para**

**aqueles alunos que estejam iniciando os seus estudos** sobre Estatística.

Quer tirar alguma dúvida antes de adquirir o curso? Deixo abaixo meus contatos:



***Instagram: @ProfArthurLima***

***Facebook: ProfArthurLima***

***YouTube: Professor Arthur Lima***

## RESOLUÇÃO DE QUESTÕES

Vamos iniciar o nosso curso resolvendo uma bateria de questões da ESAF sobre os diversos pontos que trabalharemos ao longo deste curso.



HORA DE  
**PRATICAR!**

**1. ESAF – FUNAI – 2016)** Em uma cidade, 40% dos adultos são obesos, 45% dos adultos obesos são mulheres e 50% dos adultos não obesos são mulheres. Indique qual a probabilidade de que uma pessoa adulta da cidade escolhida ao acaso seja uma mulher.

- a) 0,48
- b) 0,49
- c) 0,50
- d) 0,51
- e) 0,52

### RESOLUÇÃO:

Suponha que a cidade tem 1000 adultos. Como 40% dos adultos são obesos, podemos dizer que são 400 adultos obesos. Destes 400 adultos obesos, 45% são mulheres, portanto as mulheres adultas obesas são  $45\% \times 400 = 180$ , de modo que os homens adultos obesos são os restantes:  $400 - 180 = 220$  homens adultos obesos.

Os adultos não obesos representam  $1000 - 400 = 600$  pessoas, das quais 50% são mulheres, ou seja, temos 300 mulheres adultas não obesas (e sobram 300 homens adultos não obesos).

O total de mulheres que temos na cidade é de 180 (obesas) + 300 (não obesas) = 480 mulheres. Elas representam  $480 / 1000 = 48 / 100 = 48\%$  dos adultos, o que dá uma probabilidade de 48% de escolha.

**Resposta: A**

**2. ESAF – FUNAI – 2016)** Considere as quatro letras A, C, G e T formando pares de letras nos quais A só forma par com T e C só forma par com G. Indique quantas sequências distintas de três pares ordenados de letras e com repetição podem ser formadas.

- a) 4
- b) 8
- c) 16
- d) 32
- e) 64

**RESOLUÇÃO:**

Veja que podemos ter os seguintes pares:

AT

CG

TA

GC

São 4 pares ao todo. Veja que a ordem importa, pois formaremos sequências de letras. Queremos formar uma sequência com 3 pares:

Par1, Par2, Par3

Para cada par temos 4 possibilidades, o que nos dá um total de:

$$4 \times 4 \times 4 = 64 \text{ possibilidades}$$

**Resposta: E**

**3. ESAF – ANAC – 2016)** Uma caixa contém seis bolas brancas e quatro pretas. Duas bolas serão retiradas dessa caixa, uma a uma e sem reposição, então a probabilidade de uma ser branca e a outra ser preta é igual a

- a)  $\frac{4}{15}$ .
- b)  $\frac{7}{15}$ .

- c) 2/15.
- d) 8/15.
- e) 11/15.

**RESOLUÇÃO:**

A chance de a primeira ser branca é de 6 em 10, ou 6/10. E a chance de a segunda ser preta, neste caso, é de 4 em 9, ou 4/9, de modo que a probabilidade de a primeira ser branca e a segunda ser preta é de:  
 $P = 6/10 \times 4/9 = 24/90 = 8/30 = 4/15$

De modo análogo, a chance de a primeira ser preta é de 4/10, e da segunda ser branca é de 6/9 neste caso, ficando:

$$P = 4/10 \times 6/9 = 4/15$$

Somando as probabilidades destes dois casos mutuamente excludentes, temos 8/15.

**Resposta: D**

**4. ESAF – RECEITA FEDERAL – 2009)** Considere a seguinte amostra aleatória das idades em anos completos dos alunos em um curso preparatório. Com relação a essa amostra, marque a única opção correta:

29, 27, 25, 39, 29, 27, 41, 31, 25, 33, 27, 25, 25, 23, 27, 27,  
32, 26, 24, 36, 32, 26, 28, 24, 28, 27, 24, 26, 30, 26, 35, 26,  
28, 34, 29, 23, 28.

- a) A média e a mediana das idades são iguais a 27.
- b) A moda e a média das idades são iguais a 27.
- c) A mediana das idades é 27 e a média é 26,08.
- d) A média das idades é 27 e o desvio-padrão é 1,074.
- e) A moda e a mediana das idades são iguais a 27.

**RESOLUÇÃO:**

A mediana será a idade abaixo da qual se encontrarem metade das freqüências. O primeiro passo aqui é colocar as idades em ordem:

23, 23, 24, 24, 24, 25, 25, 25, 25, 26, 26, 26, 26, 26, 27, 27, 27, 27, 27, 27, 28, 28, 28, 28, 29, 29, 29, 30, 31, 32, 32, 33, 34, 35, 36, 39, 41

Assim, temos ao todo  $n = 37$  frequências. A mediana será a idade localizada na posição  $(n+1)/2 = (37+1)/2 = 19$ . Note que a 19ª posição é ocupada pela idade 27. Assim, mediana = 27.

A moda é aquela idade que possui maior número de frequências (repetições). Neste caso, veja que a idade 27 possui 6 repetições, mais do que qualquer outra. Portanto, moda = 27. Chegamos ao gabarito, que é a letra E.

Para exercitar, veja como seria a tabela de frequências, bem como as frequências acumuladas (identifique nessa tabela a mediana e a moda):

<b>Idade</b>	<b>Frequências (fi)</b>	<b>Frequências acumuladas (fac)</b>
23	2	2
24	3	5
25	4	9
26	5	14
27	6	20
28	4	24
29	3	27
30	1	28
31	1	29
32	2	31
33	1	32
34	1	33
35	1	34
36	1	35

39	1	36
41	1	37
TOTAL	37	37

**Resposta: E**

**5. ESAF – STN – 2012)** Suponha que  $X$  seja uma variável aleatória com valor esperado 10 e variância 25. Para que a variável  $Y$  dada por  $Y = p - qX$ , com  $p$  e  $q$  positivos, tenha valor esperado 0 e variância 625, é necessário que  $p + q$  seja igual a:

- a) 50
- b) 250
- c) 55
- d) 100
- e) 350

**RESOLUÇÃO:**

Como  $Y = p - q.X$ , podemos dizer que:

$$\text{Média}(Y) = p - q.\text{Média}(X)$$

$$0 = p - q.10$$

E também que:

$$\text{Variância}(Y) = (-q)^2.\text{Variância}(X)$$

$$625 = q^2.25$$

$$q = 5$$

Voltando na primeira equação,

$$0 = p - 5.10$$

$$p = 50$$

Assim,  $p + q = 50 + 5 = 55$ .

**RESPOSTA: C**

**6. ESAF – MINISTÉRIO DA FAZENDA – 2013)** Duas categorias de trabalhadores –  $CT_1$  e  $CT_2$  – possuem diferentes médias salariais e, também, diferentes medidas de dispersão, todas expressas em unidades monetárias. O salário médio da categoria  $CT_1$  é igual a 7,5 u.m., com desvio padrão igual a 3 u.m.. O salário médio da categoria  $CT_2$  é igual a 8 u.m., com desvio padrão igual a 3,2 u.m.. Ana pertence à categoria  $CT_1$  e seu salário atual é igual a 9 u.m.. Por outro lado, Beatriz pertence à categoria  $CT_2$  e seu salário atual é igual a 9,6 u.m.. Deste modo, pode-se corretamente afirmar que:

- a) a dispersão salarial absoluta de  $CT_1$  é menor do que a de  $CT_2$ , e a dispersão relativa de  $CT_1$  é maior do que a de  $CT_2$ .
- b) a dispersão salarial absoluta de  $CT_1$  é menor do que a de  $CT_2$ , e a dispersão relativa de  $CT_1$  é menor do que a de  $CT_2$ .
- c) a dispersão relativa de  $CT_1$  é menor do que a de  $CT_2$ , e o salário de Ana ocupa pior posição relativa do que o de Beatriz.
- d) a dispersão relativa de  $CT_1$  é igual a de  $CT_2$ , e o salário de Beatriz ocupa melhor posição relativa do que o de Ana.
- e) a dispersão relativa de  $CT_1$  é igual a de  $CT_2$  e os salários de Ana e Beatriz ocupam a mesma posição relativa nas respectivas séries de salários.

### **RESOLUÇÃO:**

A dispersão salarial absoluta em cada categoria é dada pelo próprio desvio padrão (3 na  $CT_1$  e 3,2 na  $CT_2$ ). Assim, a categoria 2 possui maior dispersão absoluta.

A dispersão salarial relativa pode ser medida pelo coeficiente de variação. Assim, temos:

$$CV_1 = 3 / 7,5 = 0,4 = 40\%$$

$$CV_2 = 3,2 / 8 = 0,4 = 40\%$$

Portanto, ambas as categorias possuem mesma dispersão salarial relativa.

Podemos verificar ainda “quantos desvios-padrões acima ou abaixo da média” estão os salários de Ana e de Beatriz, para saber a posição relativa de cada uma delas dentro da própria categoria:

$$Ana = \frac{9 - 7,5}{3} = 0,5 \text{ (desvios-padrões acima da média)}$$

$$Beatriz = \frac{9,6 - 8}{3,2} = 0,5 \text{ (desvios-padrões acima da média)}$$

Assim, tanto Ana como Beatriz estão na mesma posição relativa, cada uma dentro da distribuição de sua própria categoria, afinal ambas estão 0,5 desvio-padrão acima da média salarial da categoria que pertencem.

Com as informações da análise acima, podemos marcar a alternativa E.

**RESPOSTA: E**

**7. ESAF – RECEITA FEDERAL – 2012)** A variância da amostra formada pelos valores 2, 3, 1, 4, 5 e 3 é igual a

- a) 3.
- b) 2.
- c) 1.
- d) 4.
- e) 5.

**RESOLUÇÃO:**

Podemos calcular a variância amostral através da fórmula:

$$s^2 = \frac{\sum_{i=1}^n X_i^2 - \frac{1}{n} \left( \sum_{i=1}^n X_i \right)^2}{n-1}$$

Veja que:

$$\sum_{i=1}^n X_i = 2 + 3 + 1 + 4 + 5 + 3 = 18$$

$$\sum_{i=1}^n X_i^2 = 2^2 + 3^2 + 1^2 + 4^2 + 5^2 + 3^2 = 64$$

Assim,

$$s^2 = \frac{64 - \frac{1}{6}(18)^2}{6-1} = 2$$

**RESPOSTA: B**

**8. ESAF – RECEITA FEDERAL – 2012)** A expectância de uma variável aleatória  $x$  – média ou esperança matemática como também é chamada – é igual a 2, ou seja:  $E(x) = 2$ . Sabendo-se que a média dos quadrados de  $x$  é igual a 9, então os valores da variância e do coeficiente de variação de  $x$  são, respectivamente, iguais a

- a) 5;  $\left(\frac{\sqrt{5}}{2}\right)$ .
- b) 5;  $\sqrt{5}$ .

c)  $\sqrt{5}; \frac{\sqrt{2}}{5}$ .

d)  $\sqrt{5}; \frac{2}{\sqrt{5}}$ .

e)  $\left(\frac{\sqrt{5}}{2}\right); 5$ .

### RESOLUÇÃO:

Foi dito que  $E(X) = 2$ , e que a média dos quadrados de  $X$  é 9, ou seja:

$$E(X) = \frac{\sum_{i=1}^n X_i}{n} = 2 \quad \text{e} \quad E(X^2) = \frac{\sum_{i=1}^n X_i^2}{n} = 9$$

A variância pode ser calculada por:

$$\text{Variância} = E(X^2) - (E(X))^2$$

$$\text{Variância} = 9 - (2)^2 = 5$$

Caso você não se lembresse desta fórmula, poderia ter usado:

$$\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^n X_i^2 - \frac{1}{n} \left( \sum_{i=1}^n X_i \right)^2}{n}$$

$$\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^n X_i^2}{n} - \frac{1}{n^2} \left( \sum_{i=1}^n X_i \right)^2$$

$$\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^n X_i^2}{n} - \left( \frac{\sum_{i=1}^n X_i}{n} \right)^2$$

$$\sigma^2 = 9 - (2)^2 = 5$$

O desvio padrão é a raiz da variância, ou seja,  $\sqrt{5}$ . E o coeficiente de variação é:

$$CV = \frac{\sigma}{\mu} = \frac{\sqrt{5}}{2}$$

**RESPOSTA: A**

**9. ESAF – MTur – 2014)** Uma moeda não viciada é lançada 4 vezes. Assim, a probabilidade de se obter 2 caras é igual a:

- a) 1/16
- b) 1/4
- c) 3/16
- d) 3/8
- e) 1/2

**RESOLUÇÃO:**

Temos uma distribuição binomial onde o “sucesso” é obter cara. Temos  $n = 4$  tentativas, das quais queremos  $k = 2$  sucessos, e a probabilidade de sucesso é de  $1/2$  (obter cara em uma moeda não viciada), e de fracasso é  $1 - 1/2 = 1/2$  (obter coroa). Logo,

$$\begin{aligned} P(n, k, p) &= C(n, k) \times p^k \cdot (1-p)^{n-k} \\ P(4, 2, 1/2) &= C(4, 2) \times (1/2)^2 \cdot (1-1/2)^{4-2} \\ P(4, 2, 1/2) &= 6 \times (1/4) \cdot (1/2)^2 \\ P(4, 2, 1/2) &= 6 \times (1/4) \cdot (1/4) \\ P(4, 2, 1/2) &= 6/16 = 3/8 \end{aligned}$$

**RESPOSTA: D**

**10. ESAF – RECEITA FEDERAL – 2014)** Em um teste de hipóteses bilateral, com nível de significância  $\alpha$ , cujas estatísticas de teste calculadas e tabeladas são designadas por  $T_c$  e  $T_{\frac{\alpha}{2}}$ , respectivamente,

pode-se afirmar que:

- a) se  $-T_{\frac{\alpha}{2}} \leq T_c \leq T_{\frac{\alpha}{2}}$ , rejeita-se  $H_0$ .
- b) se  $-T_{\frac{\alpha}{2}} \leq T_c \leq T_{\frac{\alpha}{2}}$ , não se pode rejeitar  $H_0$ .

- c) a probabilidade de se rejeitar  $H_0$ , sendo  $H_0$  verdadeira, é igual  $\frac{\alpha}{2}$ .
- d) ocorre erro tipo I quando se aceita  $H_0$  e  $H_0$  é falsa.
- e) se  $\alpha$  for igual a 5%, então a probabilidade de ocorrer erro tipo II é 95%.

**RESOLUÇÃO:**

Sendo  $T_{\frac{\alpha}{2}}$  a estatística tabelada do teste de hipóteses bilateral, a região de aceitação da hipótese nula se encontra entre elas, e a região de rejeição da hipótese nula se encontra em ambas as extremidades.

Portanto, se  $-T_{\frac{\alpha}{2}} \leq T_c \leq T_{\frac{\alpha}{2}}$ , não podemos rejeitar a hipótese nula, pois caímos na região de aceitação da mesma. Temos isso na alternativa B.

Já se  $T_c < -T_{\frac{\alpha}{2}}$  ou  $T_c > T_{\frac{\alpha}{2}}$ , devemos rejeitar a hipótese nula, pois caímos na região crítica.

**Resposta: B**

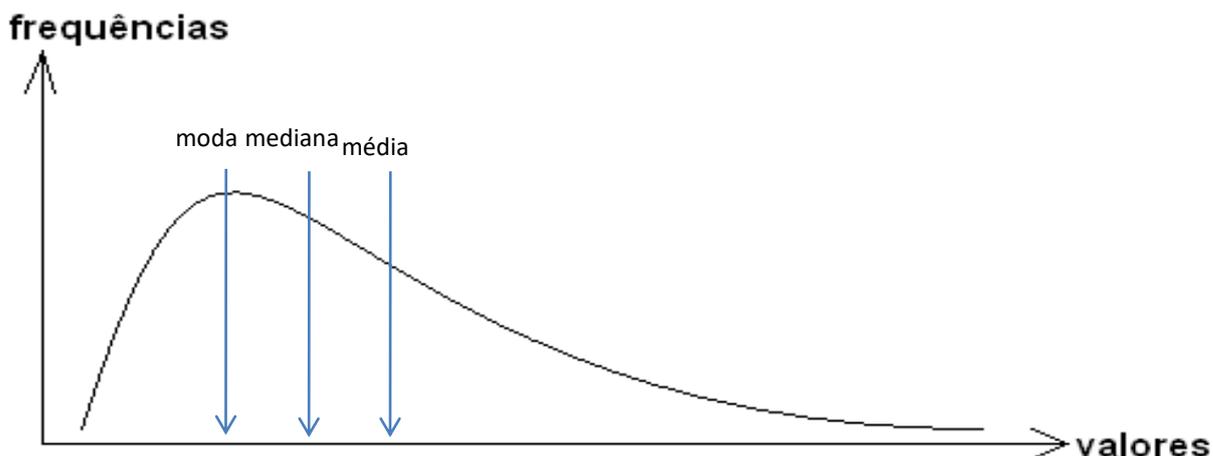
**11. ESAF – MTur – 2014)** Sejam duas distribuições de probabilidade fortemente assimétricas: A e B. A distribuição A apresenta moda > mediana > média. A distribuição B apresenta média > mediana > moda. Com essas afirmações pode-se, corretamente, afirmar que:

- a) a distribuição A é negativamente assimétrica.
- b) a distribuição B é negativamente assimétrica.
- c) a distribuição A é positivamente assimétrica.
- d) as distribuições A e B são positivamente assimétricas positivas.
- e) os valores das medidas de tendência central da distribuição A são maiores do que os de B.

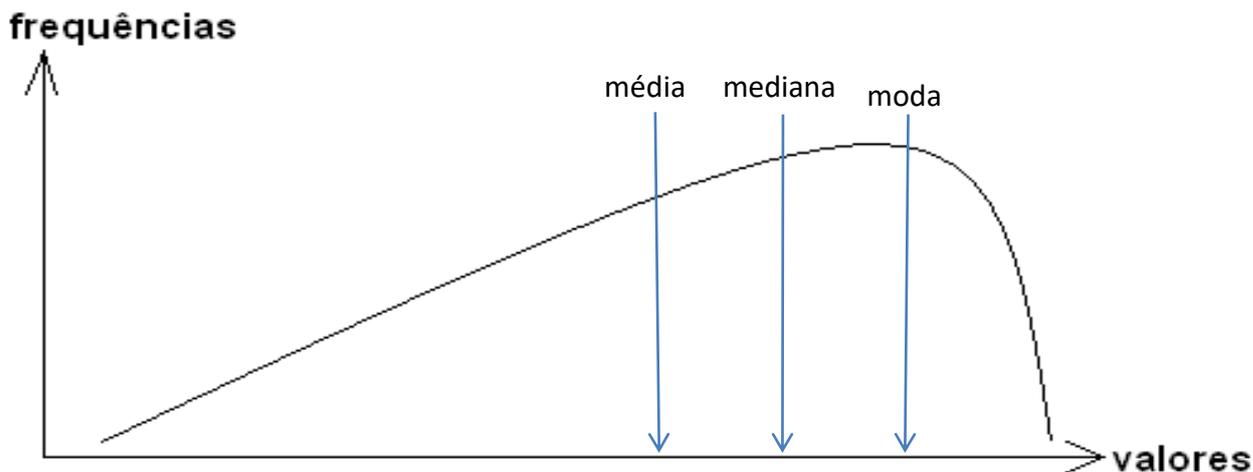
**RESOLUÇÃO:**

Quando a moda e mediana são as menores medidas, isto significa que temos uma grande concentração de frequências em valores mais baixos, ou seja, em valores à esquerda no eixo horizontal. O fato da

média ser mais alta indica que temos alguns valores extremos, à direita do eixo horizontal, que “puxam” a média para cima (pois esta é a única medida afetada pelos valores extremos). Assim, esse prolongamento para a direita caracteriza uma distribuição assimétrica positiva, que é a distribuição B:



Na distribuição A temos uma concentração de valores mais altos (que torna a mediana e moda mais altas) e valores extremos para a esquerda, ou seja, mais baixos, puxando a média para um valor mais baixo. Isto caracteriza uma distribuição assimétrica negativa:



**RESPOSTA: A**

**12. ESAF – MTur – 2014)** Uma variável aleatória X tem média igual a 6 e coeficiente de variação igual a 0,50. A partir disso, pode-se afirmar que o coeficiente de variação da variável  $Y = \frac{5X-2}{2}$  é igual a:

- a)  $\frac{\sqrt[3]{11,25}}{14}$
- b)  $\frac{\sqrt[3]{56,25}}{196}$
- c)  $\frac{11,25}{196}$
- d)  $\frac{\sqrt[3]{11,25}}{196}$
- e)  $\frac{\sqrt[3]{56,25}}{14}$

**RESOLUÇÃO:**

Como X tem média 6 e coeficiente de variação 0,50, podemos escrever que:

$$\text{Coeficiente de variação} = \text{desvio padrão} / \text{média}$$

$$0,50 = \text{desvio padrão} / 6$$

$$6 \times 0,50 = \text{desvio padrão}$$

$$\text{Desvio padrão de X} = 3$$

Veja que:

$$Y = 5X/2 - 2/2$$

$$Y = (5/2) \cdot X - 1$$

Assim, sendo 6 a média de X, a média de Y é simplesmente:

$$\text{MédiaY} = (5/2) \cdot \text{MédiaX} - 1$$

$$\text{MédiaY} = (5/2) \cdot 6 - 1$$

$$\text{MédiaY} = (5) \cdot 3 - 1$$

$$\text{MédiaY} = 14$$

O desvio padrão não é influenciado pela soma ou subtração, mas apenas pela multiplicação ou divisão. Assim,

$$\text{Desvio Padrão } Y = (5/2) \cdot \text{Desvio Padrão } X$$

$$\text{Desvio Padrão } Y = (5/2) \cdot 3$$

$$\text{Desvio Padrão } Y = (2,5) \cdot 3$$

$$\text{Desvio Padrão } Y = 7,5$$

Portanto,

$$\text{Coeficiente de Variação de } Y = 7,5 / 14$$

Não temos essa alternativa de resposta, mas veja que  $7,5^2 = 56,25$ . Ou seja,  $7,5 = \sqrt[3]{56,25}$ . Assim,

$$\text{Coeficiente de Variação de } Y = \sqrt[3]{56,25} / 14$$

**RESPOSTA: E**

**13. ESAF – MTur – 2014)** Dois eventos, A e B, são ditos independentes quando:

- a)  $P(A/B) = P(B)$
- b)  $P(B/A) = 1 - P(B)$
- c)  $P(A/B) = P(A)$
- d)  $P(A \cap B) = 0$
- e)  $P(A \cup B) = P(A) P(B)$

**RESOLUÇÃO:**

Quando dois eventos A e B são independentes, sabemos que  $P(A \cap B) = P(A) \times P(B)$ . Não temos essa opção de resposta.

Entretanto, sabemos que a probabilidade condicional é dada por:

$$P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$

Para eventos independentes, podemos substituir  $P(A \cap B)$  por  $P(A) \times P(B)$ , ficando com:

$$P(A|B) = \frac{P(A) \times P(B)}{P(B)}$$

$$P(A|B) = P(A)$$

De maneira intuitiva, basta entender que não há que se falar em probabilidade condicional no caso de eventos independentes. Como A e B são independentes, o fato de B ter ocorrido em NADA influencia o evento A ocorrer ou não. Portanto,  $P(A \text{ ocorrer dado que B ocorreu})$  é o mesmo que, simplesmente,  $P(A \text{ ocorrer})$ .

**RESPOSTA: C**

**14. ESAF – MINISTÉRIO DA FAZENDA – 2014)** Considere que há três formas de Ana ir para o trabalho: de carro, de ônibus e de bicicleta. Em 20% das vezes ela vai de carro, em 30% das vezes de ônibus e em 50% das vezes de bicicleta. Do total das idas de carro, Ana chega atrasada em 15% delas, das idas de ônibus, chega atrasada em 10% delas e, quando vai de bicicleta, chega atrasada em 8% delas. Sabendo-se que um determinado dia Ana chegou atrasada ao trabalho, a probabilidade de ter ido de carro é igual a

- a) 20%.
- b) 40%.
- c) 60%.
- d) 50%.
- e) 30%.

**RESOLUÇÃO:**

Suponha que Ana foi 100 vezes ao trabalho. Dessas, 20 foram de carro, 30 de ônibus e 50 de bicicleta. Os atrasos nas idas de carro foram  $15\% \times 20 = 3$  vezes. Nas idas de ônibus, os atrasos foram  $10\% \times 30 = 3$  vezes. E os atrasos nas idas de bicicleta foram  $8\% \times 50 = 4$  vezes.

Ao todo tivemos  $3 + 3 + 4 = 10$  atrasos, dos quais 3 foram em idas de carro. Sabendo que ela chegou atrasada um dia, a chance desse atraso ter sido de carro é igual a 3 em 10, ou  $3/10 = 0,30 = 30\%$ .

**RESPOSTA: E**

**15. ESAF – Mtur – 2014)** Com os dígitos 3, 4, 5, 7, 8 e 9 serão formadas centenas com dígitos distintos. Se uma centena for selecionada ao acaso, a probabilidade de ser menor do que 500 e par é

- a) 15%
- b) 10%
- c) 25%
- d) 30%
- e) 20%

**RESOLUÇÃO:**

O total de centenas (números de 3 dígitos) que podemos criar com os 6 dígitos disponibilizados é  $6 \times 5 \times 4 = 120$ .

Para ser menor que 500, o primeiro dígito só tem 2 possibilidades (3 ou 4). Se ele for 3, temos 2 possibilidades para o último dígito de modo a formar um número par (4 ou 8). Como já usamos um algarismo para o primeiro dígito (3) e outro para o último dígito (4 ou 8), com isso sobram 4 possibilidades para o dígito do meio, totalizando  $1 \times 4 \times 2 = 8$  possibilidades de centenas pares e menores que 500 começadas com 3.

Se o primeiro dígito for 4, temos apenas 1 possibilidade para o último dígito (8) para garantir que o número será par, e com isso sobram 4 possibilidades para o dígito do meio, totalizando  $1 \times 4 \times 1 = 4$  possibilidades.

Ao todo temos  $8 + 4 = 12$  casos que nos atendem (centenas menores que 500 e pares) em 120 possíveis. Nossa probabilidade é:

$$P = 12 / 120 = 1 / 10 = 10\%$$

**RESPOSTA: B**



Fim de aula. Até o próximo encontro! Abraço,

Prof. Arthur Lima

**Instagram: @ProfArthurLima**

**Facebook: ProfArthurLima**

**YouTube: Professor Arthur Lima**



**1. ESAF – FUNAI – 2016)** Em uma cidade, 40% dos adultos são obesos, 45% dos adultos obesos são mulheres e 50% dos adultos não obesos são mulheres. Indique qual a probabilidade de que uma pessoa adulta da cidade escolhida ao acaso seja uma mulher.

- a) 0,48
- b) 0,49
- c) 0,50
- d) 0,51
- e) 0,52

**2. ESAF – FUNAI – 2016)** Considere as quatro letras A, C, G e T formando pares de letras nos quais A só forma par com T e C só forma par com G. Indique quantas sequências distintas de três pares ordenados de letras e com repetição podem ser formadas.

- a) 4
- b) 8
- c) 16
- d) 32
- e) 64

**3. ESAF – ANAC – 2016)** Uma caixa contém seis bolas brancas e quatro pretas. Duas bolas serão retiradas dessa caixa, uma a uma e sem reposição, então a probabilidade de uma ser branca e a outra ser preta é igual a

- a)  $4/15$ .
- b)  $7/15$ .
- c)  $2/15$ .
- d)  $8/15$ .

e) 11/15.

**4. ESAF – RECEITA FEDERAL – 2009)** Considere a seguinte amostra aleatória das idades em anos completos dos alunos em um curso preparatório. Com relação a essa amostra, marque a única opção correta:

29, 27, 25, 39, 29, 27, 41, 31, 25, 33, 27, 25, 25, 23, 27, 27,  
32, 26, 24, 36, 32, 26, 28, 24, 28, 27, 24, 26, 30, 26, 35, 26,  
28, 34, 29, 23, 28.

- a) A média e a mediana das idades são iguais a 27.
- b) A moda e a média das idades são iguais a 27.
- c) A mediana das idades é 27 e a média é 26,08.
- d) A média das idades é 27 e o desvio-padrão é 1,074.
- e) A moda e a mediana das idades são iguais a 27.

**5. ESAF – STN – 2012)** Suponha que  $X$  seja uma variável aleatória com valor esperado 10 e variância 25. Para que a variável  $Y$  dada por  $Y = p - qX$ , com  $p$  e  $q$  positivos, tenha valor esperado 0 e variância 625, é necessário que  $p + q$  seja igual a:

- a) 50
- b) 250
- c) 55
- d) 100
- e) 350

**6. ESAF – MINISTÉRIO DA FAZENDA – 2013)** Duas categorias de trabalhadores –  $CT_1$  e  $CT_2$  – possuem diferentes médias salariais e, também, diferentes medidas de dispersão, todas expressas em unidades monetárias. O salário médio da categoria  $CT_1$  é igual a 7,5 u.m., com desvio padrão igual a 3 u.m.. O salário médio da categoria  $CT_2$  é igual a 8 u.m., com desvio padrão igual a 3,2 u.m.. Ana pertence à categoria  $CT_1$  e seu salário atual é igual a 9 u.m.. Por outro lado, Beatriz pertence à

categoria  $CT_2$  e seu salário atual é igual a 9,6 u.m.. Deste modo, pode-se corretamente afirmar que:

- a) a dispersão salarial absoluta de  $CT_1$  é menor do que a de  $CT_2$ , e a dispersão relativa de  $CT_1$  é maior do que a de  $CT_2$ .
- b) a dispersão salarial absoluta de  $CT_1$  é menor do que a de  $CT_2$ , e a dispersão relativa de  $CT_1$  é menor do que a de  $CT_2$ .
- c) a dispersão relativa de  $CT_1$  é menor do que a de  $CT_2$ , e o salário de Ana ocupa pior posição relativa do que o de Beatriz.
- d) a dispersão relativa de  $CT_1$  é igual a de  $CT_2$ , e o salário de Beatriz ocupa melhor posição relativa do que o de Ana.
- e) a dispersão relativa de  $CT_1$  é igual a de  $CT_2$  e os salários de Ana e Beatriz ocupam a mesma posição relativa nas respectivas séries de salários.

**7. ESAF – RECEITA FEDERAL – 2012)** A variância da amostra formada pelos valores 2, 3, 1, 4, 5 e 3 é igual a

- a) 3.
- b) 2.
- c) 1.
- d) 4.
- e) 5.

**8. ESAF – RECEITA FEDERAL – 2012)** A expectância de uma variável aleatória  $x$  – média ou esperança matemática como também é chamada – é igual a 2, ou seja:  $E(x) = 2$ . Sabendo-se que a média dos quadrados

de  $x$  é igual a 9, então os valores da variância e do coeficiente de variação de  $x$  são, respectivamente, iguais a

- a)  $5; \left(\frac{\sqrt{5}}{2}\right)$ .
- b)  $5; \sqrt{5}$ .
- c)  $\sqrt{5}; \frac{\sqrt{2}}{5}$ .
- d)  $\sqrt{5}; \frac{2}{\sqrt{5}}$ .
- e)  $\left(\frac{\sqrt{5}}{2}\right); 5$ .

**9. ESAF – MTur – 2014)** Uma moeda não viciada é lançada 4 vezes. Assim, a probabilidade de se obter 2 caras é igual a:

- a)  $1/16$
- b)  $1/4$
- c)  $3/16$
- d)  $3/8$
- e)  $1/2$

**10. ESAF – RECEITA FEDERAL – 2014)** Em um teste de hipóteses bilateral, com nível de significância  $\alpha$ , cujas estatísticas de teste calculadas e tabeladas são designadas por  $T_c$  e  $T_{\frac{\alpha}{2}}$ , respectivamente,

pode-se afirmar que:

- a) se  $-T_{\frac{\alpha}{2}} \leq T_c \leq T_{\frac{\alpha}{2}}$ , rejeita-se  $H_0$ .
- b) se  $-T_{\frac{\alpha}{2}} \leq T_c \leq T_{\frac{\alpha}{2}}$ , não se pode rejeitar  $H_0$ .
- c) a probabilidade de se rejeitar  $H_0$ , sendo  $H_0$  verdadeira, é igual  $\frac{\alpha}{2}$ .
- d) ocorre erro tipo I quando se aceita  $H_0$  e  $H_0$  é falsa.

e) se  $\alpha$  for igual a 5%, então a probabilidade de ocorrer erro tipo II é 95%.

**11. ESAF – MTur – 2014)** Sejam duas distribuições de probabilidade fortemente assimétricas: A e B. A distribuição A apresenta moda > mediana > média. A distribuição B apresenta média > mediana > moda. Com essas afirmações pode-se, corretamente, afirmar que:

- a) a distribuição A é negativamente assimétrica.
- b) a distribuição B é negativamente assimétrica.
- c) a distribuição A é positivamente assimétrica.
- d) as distribuições A e B são positivamente assimétricas positivas.
- e) os valores das medidas de tendência central da distribuição A são maiores do que os de B.

**12. ESAF – MTur – 2014)** Uma variável aleatória X tem média igual a 6 e coeficiente de variação igual a 0,50. A partir disso, pode-se afirmar que o coeficiente de variação da variável  $Y = \frac{5X-2}{2}$  é igual a:

- a)  $\frac{\sqrt[3]{11,25}}{14}$
- b)  $\frac{\sqrt[3]{56,25}}{196}$
- c)  $\frac{11,25}{196}$
- d)  $\frac{\sqrt[3]{11,25}}{196}$
- e)  $\frac{\sqrt[3]{56,25}}{14}$

**13. ESAF – MTur – 2014)** Dois eventos, A e B, são ditos independentes quando:

- a)  $P(A/B) = P(B)$
- b)  $P(B/A) = 1 - P(B)$

- c)  $P(A/B) = P(A)$
- d)  $P(A \cap B) = 0$
- e)  $P(A \cup B) = P(A) P(B)$

**14. ESAF – MINISTÉRIO DA FAZENDA – 2014)** Considere que há três formas de Ana ir para o trabalho: de carro, de ônibus e de bicicleta. Em 20% das vezes ela vai de carro, em 30% das vezes de ônibus e em 50% das vezes de bicicleta. Do total das idas de carro, Ana chega atrasada em 15% delas, das idas de ônibus, chega atrasada em 10% delas e, quando vai de bicicleta, chega atrasada em 8% delas. Sabendo-se que um determinado dia Ana chegou atrasada ao trabalho, a probabilidade de ter ido de carro é igual a

- a) 20%.
- b) 40%.
- c) 60%.
- d) 50%.
- e) 30%.

**15. ESAF – Mtur – 2014)** Com os dígitos 3, 4, 5, 7, 8 e 9 serão formadas centenas com dígitos distintos. Se uma centena for selecionada ao acaso, a probabilidade de ser menor do que 500 e par é

- a) 15%
- b) 10%
- c) 25%
- d) 30%
- e) 20%



## GABARITO

<b>01 A</b>	<b>02 E</b>	<b>03 D</b>	<b>04 E</b>	<b>05 C</b>	<b>06 E</b>	<b>07 B</b>
<b>08 A</b>	<b>09 D</b>	<b>10 B</b>	<b>11 A</b>	<b>12 E</b>	<b>13 C</b>	<b>14 E</b>
<b>15 B</b>						

# ESSA LEI TODO MUNDO CONHECE: PIRATARIA É CRIME.

Mas é sempre bom revisar o porquê e como você pode ser prejudicado com essa prática.



**1** Professor investe seu tempo para elaborar os cursos e o site os coloca à venda.



**2** Pirata divulga ilicitamente (grupos de rateio), utilizando-se do anonimato, nomes falsos ou laranjas (geralmente o pirata se anuncia como formador de "grupos solidários" de rateio que não visam lucro).



**3** Pirata cria alunos fake praticando falsidade ideológica, comprando cursos do site em nome de pessoas aleatórias (usando nome, CPF, endereço e telefone de terceiros sem autorização).



**4** Pirata compra, muitas vezes, clonando cartões de crédito (por vezes o sistema anti-fraude não consegue identificar o golpe a tempo).



**5** Pirata fere os Termos de Uso, adultera as aulas e retira a identificação dos arquivos PDF (justamente porque a atividade é ilegal e ele não quer que seus fakes sejam identificados).



**6** Pirata revende as aulas protegidas por direitos autorais, praticando concorrência desleal e em flagrante desrespeito à Lei de Direitos Autorais (Lei 9.610/98).



**7** Concurseiro(a) desinformado participa de rateio, achando que nada disso está acontecendo e esperando se tornar servidor público para exigir o cumprimento das leis.



**8** O professor que elaborou o curso não ganha nada, o site não recebe nada, e a pessoa que praticou todos os ilícitos anteriores (pirata) fica com o lucro.



Deixando de lado esse mar de sujeira, aproveitamos para agradecer a todos que adquirem os cursos honestamente e permitem que o site continue existindo.