

Eletrônico



Estratégia
CONCURSOS

Aula

NÃO ATIVAR Matemática p/ PM-AC (Soldado) Com Videoaulas - 2019

Professor: Guilherme Neves

Apresentação do curso	2
<i>Metodologia do Curso</i>	3
<i>Conteúdo programático e cronograma</i>	4
1. Razão	6
2. Proporção	7
2.1. <i>Propriedades das Proporções</i>	8
3. Grandezas Proporcionais	12
4. Divisão Proporcional	14
5. Lista de Questões de Concursos Anteriores	21
6. Gabaritos	41
7. Lista de Questões de Concursos Anteriores com Comentários	43
Considerações Finais	101



APRESENTAÇÃO DO CURSO

Olá, queridos alunos!!!

Sejam bem vindos ao curso de Matemática para o concurso da PM-AC.

Para quem não me conhece, meu nome é Guilherme Neves e a minha predileção é ensinar matérias de exatas como Matemática, Matemática Financeira, Raciocínio Lógico, Raciocínio Crítico, Estatística e Física.

Comecei a ensinar em cursos preparatórios para concursos há mais de 10 anos, mesmo antes de começar o meu curso de Bacharelado em Matemática na UFPE. No biênio 2007-2008, fui bolsista pela FACEPE/UFPE com o trabalho “Análise Matemática e Equações Diferenciais Parciais”. Em 2009, publiquei meu livro chamado “Raciocínio Lógico Essencial” pela editora Campus. Tenho o prazer de ensinar Matemática na internet desde 2009 e desde 2014, moro nos Estados Unidos, onde estou me graduando em Engenharia Civil pela University of Central Florida.

Neste curso, você terá acesso a 20 aulas em PDF com teoria minuciosamente explicada e centenas de exercícios resolvidos.

Você também terá acesso às aulas em vídeo com o professor Brunno Lima, nosso parceiro nessa caminhada.

Ademais, você poderá fazer perguntas sobre as aulas em nosso fórum de dúvidas. Estarei sempre atento para responder rapidamente as suas perguntas.



Você também pode nos acompanhar pelo **instagram @profguilhermeneves e @profbrunno lima** ou entrar em contato direto comigo pelo email profguilhermeneves@gmail.com.



METODOLOGIA DO CURSO

Aqui, parto do pressuposto de que o aluno não gosta de Matemática ou que não tem uma boa base. Portanto, não se preocupe. Tudo está sendo produzido com muito carinho para que você possa fechar a prova.

Nosso curso terá a seguinte estrutura:

estudo detalhado da **TEORIA** de Matemática

resolução e comentários de **QUESTÕES** de concursos recentes ou inéditas

realização de **SIMULADOS**

Este curso está sendo preparado para que seja a sua única fonte de estudos. A teoria será minuciosamente explicada sempre com atenção à forma como o assunto é cobrado. Os exercícios são criteriosamente selecionados seguindo uma ordem crescente de dificuldade para a sua melhor compreensão.

Tenho certeza absoluta que na hora da prova você vai dar um sorrisinho e pensar: “bem que o professor Guilherme falou...”.

A partir de hoje, Matemática será a sua aliada na sua caminhada à aprovação!!!



CONTEÚDO PROGRAMÁTICO E CRONOGRAMA



DISPONÍVEL	CONTEÚDO	
Aula demo Disponível em 30/11/2018	Grandezas Proporcionais: razão, proporção	 
Aula 01 Disponível em 07/12/2018	Regra de três simples e composta.	 
Aula 02 Disponível em 14/12/2018	Porcentagem	 
Aula 03 Disponível em 21/12/2018	Conjuntos: conceito, igualdade, classificação, pertinência, inclusão, operações de união, interseção e diferença.	 
Aula 04 Disponível em 28/12/2018	Operações com números naturais. Problemas com as quatro operações. Expressões Numéricas. Divisibilidade. Múltiplos e Divisores. Números Primos. Fatoração. MDC e MMC e aplicações. Números Racionais: forma fracionária e forma decimal, operações e problemas.	 
Aula 05 Disponível em 05/01/2019	Sistema de Numeração Decimal e outras bases de numeração	
Aula 06 Disponível em 12/01/2019	Medidas: unidades de medida (comprimento, massa, capacidade, superfície e volume).	 
Aula 07 Disponível em 19/01/2019	Equação do 1º grau	 
Aula 08 Disponível em 26/01/2019	Juros Simples	 
Aula 09 Disponível em 03/02/2019	Equação do 2º grau	 
Aula 10 Disponível em 10/02/2019	Funções	



Aula 11 Disponível em 17/02/2019	Função Polinomial do 1º grau	 
Aula 12 Disponível em 24/02/2019	Função Polinomial do 2º grau	 
Aula 13 Disponível em 01/03/2019	Função exponencial	 
Aula 14 Disponível em 08/03/2019	Função logarítmica	 
Aula 15 Disponível em 15/03/2019	Matrizes	 
Aula 16 Disponível em 22/03/2019	Determinantes	 
Aula 17 Disponível em 30/03/2019	Sistemas lineares	 
Aula 18 Disponível em 07/04/2019	Análise Combinatória	 
Aula 19 Disponível em 14/04/2019	Probabilidade	 
Aula 20 Disponível em 21/04/2019	Noções de Geometria Plana: triângulos, quadriláteros, polígonos, semelhança, teorema de Pitágoras, áreas e volumes.	 



1. RAZÃO

Começemos com algumas definições formais que serão fundamentais para um bom entendimento das resoluções das questões.

Razão de um número **a** para um número **b**, sendo **b** diferente de zero, é o quociente de **a** por **b**.

Então quando aparecer a palavra razão, devemos sempre nos lembrar que haverá uma divisão!!

Denotamos por $a : b = a / b$ a razão entre os números **a** e **b**. O número **a** é chamado de antecedente e o número **b** de conseqüente.

O conceito de razão nos permite fazer comparações de grandezas entre dois números.

Imagine, por exemplo, que há 80 homens e 60 mulheres em uma sala. A razão do número de homens para o número de mulheres é:

$$\frac{80}{60} = \frac{8}{6} = \frac{4}{3}$$

Isto quer dizer que há, nesta sala, 4 homens para cada 3 mulheres.

Existem na matemática várias razões que recebem nomes especiais. A escala, por exemplo, é a relação entre as distâncias representadas em um mapa e as correspondentes distâncias reais.

Escala é a razão entre a medida no desenho e o correspondente na medida real.

$$Escala = \frac{Medida\ do\ desenho}{Medida\ real}$$

Desta forma, quando você lê em um mapa que a escala é de 1 : 100, isto significa que para cada unidade de comprimento no desenho, teremos 100 unidades de comprimento na realidade.

$$Escala = 1 : 100$$

Isto significa que:

1 centímetro no desenho equivale a 100 centímetros na realidade.

1 decímetro no desenho equivale a 100 decímetros na realidade.

1 metro no desenho equivale a 100 metros na realidade.

E assim por diante...





A razão entre dois segmentos de reta x e y é $\frac{2}{5}$. Determinar a razão entre o quántuplo do segmento x e a metade do segmento y .

Resolução

Pelo enunciado, podemos escrever que

$$\frac{x}{y} = \frac{2}{5}$$

Queremos calcular a seguinte razão:

$$\frac{5x}{\frac{y}{2}}$$

Lembre-se que para dividir frações, repetimos a fração do numerador, invertemos a fração do denominador e multiplicamos. Dessa forma,

$$\frac{5x}{\frac{y}{2}} = 5x \cdot \frac{2}{y} = 10 \cdot \frac{x}{y} = 10 \cdot \frac{2}{5} = \frac{20}{5} = 4$$

2. PROPORÇÃO

Proporção é simplesmente a igualdade entre duas ou mais razões. Assim, se a razão a/b for igual à razão c/d , teremos a seguinte proporção:

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$$

Observe que podemos escrever esta proporção de duas maneiras equivalentes.

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d} \Leftrightarrow a/b = c/d$$

Com a notação da esquerda, dizemos que **a** e **c** são os antecedentes; **b** e **d** são os consequentes. Assim, os numeradores são chamados de antecedentes e os denominadores são chamados de consequentes.

Com a notação da direita, dizemos que **a** e **d** são os extremos, e que **b** e **c** são os meios.

O número d é a chamada quarta proporcional dos números a , b e c .





Quando os meios de uma proporção são iguais, a proporção é dita uma proporção contínua.

Assim, uma proporção do tipo $\frac{a}{b} = \frac{b}{c}$ é chamada de contínua.

Neste caso, o número b é a média geométrica dos números a e c .

O número c é chamado de terceira proporcional dos números a e b .

O número 6, por exemplo, é a média geométrica dos números 4 e 9 porque $\frac{4}{6} = \frac{6}{9}$.

2.1. PROPRIEDADES DAS PROPORÇÕES

Em toda proporção, é válida a seguinte propriedade (chamada de Propriedade Fundamental das Proporções): o produto dos meios é igual ao produto dos extremos.

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d} \Leftrightarrow b \cdot c = a \cdot d$$

Por exemplo,

$$\frac{4}{6} = \frac{8}{12} \Leftrightarrow 6 \cdot 8 = 4 \cdot 12 = 48$$

Esta propriedade é importantíssima no processo de resolução de equações. Sempre que tivermos uma igualdade entre frações (proporção), podemos “multiplicar cruzado”.





Resolver a equação $\frac{2x+1}{15} = \frac{x-1}{5}$.

Resolução

Basta utilizar a Propriedade Fundamental das Proporções: o produto dos meios (15 e $x - 1$) é igual ao produto dos extremos ($2x+1$ e 5).

Em outras palavras, vamos “multiplicar cruzado”.

$$15 \cdot (x - 1) = 5 \cdot (2x + 1)$$

$$15x - 15 = 10x + 5$$

$$15x - 10x = 15 + 5$$

$$5x = 20$$

$$x = 4$$

Assim, o conjunto-solução da equação é $S = \{4\}$.

É muito importante também que você saiba simplificar as frações antes de “multiplicar cruzado”. Assim, você ganhará muito tempo na resolução das questões.

Em suma, siga as seguintes regras para simplificar:

- Se você quiser simplificar números do mesmo lado da equação, então deverá simplificar numerador com denominador.
- Se você quiser simplificar números em lados diferentes da equação, então deverá simplificar numerador com numerador ou denominador com denominador.

Veja, por exemplo, a última proporção que trabalhamos.

$$\frac{2x + 1}{15} = \frac{x - 1}{5}$$

Neste caso, podemos simplificar 5 e 15 porque estão em lados diferentes da equação e ambos são denominadores. Os números 5 e 15 podem ser simplificados por 5. Como $5/5 = 1$ e $15/5 = 3$, temos:

$$\frac{2x + 1}{3} = \frac{x - 1}{1}$$

E, assim, ficamos com:

$$3(x - 1) = 2x + 1$$

$$3x - 3 = 2x + 1$$



$$3x - 2x = 3 + 1$$

$$x = 4$$



HORA DE
PRATICAR!

Resolver a equação $\frac{6(x+1)}{9} = \frac{16(2x-1)}{24}$.

Resolução

Há várias maneiras de simplificar esta proporção.

Podemos simplificar 6 com 9 (por 3) e 16 com 24 (por 8), por exemplo. Podemos fazer isso porque quando estamos no mesmo lado da equação, devemos simplificar numerador com denominador. Ficamos com:

$$\frac{2(x+1)}{3} = \frac{2(2x-1)}{3}$$

Perceba que agora podemos cortar 2 com 2 e 3 com 3 porque quando olhamos para lados diferentes da equação, devemos simplificar numerador com numerador e denominador com denominador.

$$x + 1 = 2x - 1$$

$$x - 2x = -1 - 1$$

$$-x = -2$$

$$x = 2$$

É claro que você poderia ter resolvido sem efetuar as simplificações. Entretanto, com a prática, você ganhará muito tempo efetuando as devidas simplificações.

Sabe-se que $x/y = 2/5$ e que $x+y=49$. Determinar o valor de x e y .

Resolução

$$\frac{x}{y} = \frac{2}{5}$$

Dica: É preferível que você coloque as incógnitas no numerador e os números no denominador. Você poderá fazer isso trocando os meios de lugar, ou trocando os extremos. Por exemplo, podemos trocar o y com o 2. Essa troca é válida porque o produto dos meios é igual ao produto dos extremos, e a ordem dos fatores não altera o produto.

Assim, a mesma proporção pode ser escrita como

$$\frac{x}{2} = \frac{y}{5}$$

Vamos agora aprender uma importante propriedade.



Podemos “prolongar” toda proporção, somando os numeradores das frações e somando os denominadores.

$$\frac{x}{2} = \frac{y}{5} = \frac{x+y}{2+5} = \frac{49}{7} = 7$$

Dessa forma,

$$\frac{x}{2} = 7 \Leftrightarrow x = 14 \quad e \quad \frac{y}{5} = 7 \Leftrightarrow y = 35$$

Em uma festa, a razão entre o número de moças e o de rapazes, é de $3/2$. Determinar a porcentagem de rapazes na festa.

Resolução

Se a razão entre o número de moças e o de rapazes é $3/2$, então

$$\frac{m}{r} = \frac{3}{2}$$

Falamos anteriormente que é preferível que você coloque as incógnitas no numerador e os números no denominador. Você poderá fazer isso trocando os meios de lugar, ou trocando os extremos.

$$\frac{m}{3} = \frac{r}{2}$$

Queremos saber o percentual de rapazes. Podemos supor que o total de pessoas é igual a 100. Se o total de pessoas ($m+r$) for igual a 100, então quantos serão os rapazes?

$$\frac{m}{3} = \frac{r}{2} = \frac{m+r}{3+2} = \frac{100}{5} = 20$$

$$\frac{r}{2} = 20 \Leftrightarrow r = 40$$

Ou seja, se fossem 100 pessoas no total, 40 seriam rapazes. Portanto, o percentual de rapazes é 40%.

Determinar a diferença entre dois números, se a razão entre eles é 5 e a soma é 30.

Resolução

Sejam x e y os números.

$$\frac{x}{y} = 5 \Rightarrow x = 5y$$

Como a soma deles é 30,

$$x + y = 30$$



Vamos substituir x por $5y$.

$$5y + y = 30 \Rightarrow 6y = 30 \Rightarrow y = 5$$

Como $x = 5y$, então $x = 5 \cdot 5 = 25$

A diferença entre eles é $25 - 5 = 20$.

3. GRANDEZAS PROPORCIONAIS

Duas sequências de números são ditas **diretamente proporcionais** se o **quociente** entre os elementos correspondentes for constante.

Ou seja, as sequências (a_1, a_2, \dots, a_n) e (b_1, b_2, \dots, b_n) são diretamente proporcionais se

$$\frac{a_1}{b_1} = \frac{a_2}{b_2} = \dots = \frac{a_n}{b_n} = k$$

O número k é a chamada constante de proporcionalidade.

Exemplo: As sequências $(15, 18, 27)$ e $(5, 6, 9)$ são diretamente proporcionais porque o quociente entre os termos correspondentes é constante.

$$\frac{15}{5} = \frac{18}{6} = \frac{27}{9} = 3$$

Neste caso, 3 é a constante de proporcionalidade.

Em muitos casos, dizemos que as sequências são proporcionais (sem precisar dizer “diretamente”).

Duas sequências de números são ditas **inversamente proporcionais** se o **produto** entre os elementos correspondentes for constante.

Ou seja, as sequências (a_1, a_2, \dots, a_n) e (b_1, b_2, \dots, b_n) são inversamente proporcionais se

$$a_1 \cdot b_1 = a_2 \cdot b_2 = \dots = a_n \cdot b_n = k$$

O número k é a chamada constante de proporcionalidade.

Observe que $ab = \frac{a}{1/b}$. Assim, se as sequências (a_1, a_2, \dots, a_n) e (b_1, b_2, \dots, b_n) são inversamente proporcionais, então podemos escrever:

$$\frac{a_1}{\frac{1}{b_1}} = \frac{a_2}{\frac{1}{b_2}} = \dots = \frac{a_n}{\frac{1}{b_n}} = k$$

Em muitos casos, esta notação é preferível porque podemos aplicar as propriedades já estudadas sobre proporções.



Exemplo: As sequências (2, 4, 6, 8) e (12, 6, 4, 3) são inversamente proporcionais porque o produto entre os termos correspondentes é constante. Observe:

$$2 \times 12 = 4 \times 6 = 6 \times 4 = 8 \times 3 = 24$$

Observe que 2×12 é o mesmo que $2/(1/12)$. Lembre-se que para dividir um número por uma fração devemos repetir o número e multiplicar pelo inverso da fração.

Portanto, podemos escrever:

$$\frac{2}{\frac{1}{12}} = \frac{4}{\frac{1}{6}} = \frac{6}{\frac{1}{4}} = \frac{8}{\frac{1}{3}} = 24$$

Neste caso, 24 é a constante de proporcionalidade.



Em um processo de fabricação, o custo total é inversamente proporcional ao quadrado das quantidades produzidas. Quando são produzidas 5 unidades, o custo total é igual a 225. Assim, quando forem produzidas 12 unidades, o custo total será igual a:

- a) 625/25
- b) 625/24
- c) 625/16
- d) 625/15
- e) 625/12

Resolução

Chamemos a grandeza custo de C e a grandeza quantidade produzida de Q. Sabemos que o custo total é inversamente proporcional ao quadrado das quantidades produzidas.

Quando duas grandezas são inversamente proporcionais, o produto entre os valores correspondentes é constante. Assim,

$$C_1 \cdot Q_1^2 = C_2 \cdot Q_2^2$$

$$225 \cdot 5^2 = C_2 \cdot 12^2$$

$$C_2 = \frac{225 \cdot 25}{144}$$

Podemos simplificar 225 e 144 por 9.

$$C_2 = \frac{25 \cdot 25}{16} = \frac{625}{16}$$

Gabarito: C

(FGV 2007/FNDE) A grandeza x é diretamente proporcional às grandezas a e b e inversamente proporcional à grandeza c . Quando $a = 20$, $b = 12$ e $c = 30$, o valor de x é 42. Então, quando os valores de a , b e c forem respectivamente 25, 8 e 70, o valor de x será:

- a) 15 b) 21 c) 30 d) 56 e) 35

Resolução

Grandezas diretamente proporcionais variam a quociente constante e grandezas inversamente proporcionais variam a produto constante. Portanto:

$$\frac{x_1 \cdot c_1}{a_1 \cdot b_1} = \frac{x_2 \cdot c_2}{a_2 \cdot b_2}$$

Vamos substituir os valores:

$$\frac{42 \cdot 30}{20 \cdot 12} = \frac{x_2 \cdot 70}{25 \cdot 8}$$

$$\frac{1.260}{240} = \frac{x_2 \cdot 70}{200}$$

O produto dos meios é igual ao produto dos extremos, portanto:

$$240 \cdot x_2 \cdot 70 = 1.260 \cdot 200$$

Assim,

$$x_2 = \frac{1.260 \cdot 200}{240 \cdot 70} = 15$$

Gabarito: A

4. DIVISÃO PROPORCIONAL

É muito comum em provas o assunto “divisão proporcional”. Normalmente, teremos uma situação-problema em que uma quantia será dividida em partes diretamente ou inversamente proporcionais a outros números.

Por exemplo: Dividir o número 250 em partes proporcionais a 2, 3 e 5.

Antes de qualquer coisa, dizer que vamos dividir em partes proporcionais é o mesmo que dizer que vamos dividir em partes DIRETAMENTE proporcionais.

As questões de concurso, no fundo, vão pedir exatamente o que foi pedido. Entretanto, eles vão enfeitar o texto com uma historinha.

Um pai deseja premiar seus 3 filhos com R\$ 250,00. A divisão será feita em partes diretamente proporcionais às suas idades. O mais novo tem 2 anos, o do meio tem 3 anos e o mais velho tem 5 anos. Quantos reais receberá o mais velho?

Em suma: vamos dividir 250 em partes proporcionais a 2, 3 e 5.



Em outras palavras: vamos dividir o número 250 em 3 partes (a, b, c) de tal forma que as sequências (a, b, c) e (2, 3, 5) sejam diretamente proporcionais.

Ora, se as sequências (a, b, c) e (2, 3, 5) são diretamente proporcionais, então o quociente entre os termos correspondentes é constante.

$$\frac{a}{2} = \frac{b}{3} = \frac{c}{5}$$

E aqui vamos aplicar aquela propriedade que estudamos anteriormente. Toda proporção pode ser prolongada. Para tanto, basta somar os numeradores e somar os denominadores.

Em outras palavras: vamos acrescentar mais uma razão a esta proporção. O numerador da nova razão vai ser a soma dos numeradores e o denominador vai ser a soma dos denominadores.

$$\frac{a}{2} = \frac{b}{3} = \frac{c}{5} = \frac{a+b+c}{2+3+5}$$

Ora, como dividimos 250 em 3 partes (a,b,c), então $a + b + c = 250$. Vamos substituir.

$$\frac{a}{2} = \frac{b}{3} = \frac{c}{5} = \frac{250}{10}$$

$$\frac{a}{2} = \frac{b}{3} = \frac{c}{5} = 25$$

Agora é só levar os denominadores, que estão dividindo, para multiplicar o último membro.

Em outras palavras: o número 25 é a constante de proporcionalidade. Para calcular cada numerador, basta multiplicar o denominador pela constante de proporcionalidade.

$$a = 2 \times 25 = 50$$

$$b = 3 \times 25 = 75$$

$$c = 5 \times 25 = 125$$

Pronto!! Muito simples, não? Vamos fazer um outro exemplo.



Paulo tem três filhos, Rodrigo de 15 anos, Ricardo de 20 anos e Renato de 25 anos. Paulo pretende dividir R\$ 3.000,00 para os três filhos em valores proporcionais as suas idades. Qual o valor que Rodrigo receberá?

Resolução

Queremos dividir R\$ 3.000,00 em três partes diretamente proporcionais a 15, 20 e 25 anos, que são as idades de Rodrigo, Ricardo e Renato, respectivamente.

Falou em divisão diretamente proporcional? Já pode armar a proporção. Nos numeradores você vai colocar as partes desconhecidas. Nos denominadores você vai colocar as informações dadas no enunciado.



Assim,

$$\frac{R_o}{15} = \frac{R_i}{20} = \frac{R_e}{25}$$

Obviamente, $R_o + R_i + R_e = 3.000$.

Somando os numeradores e somando os denominadores, podemos prolongar a proporção.

$$\frac{R_o}{15} = \frac{R_i}{20} = \frac{R_e}{25} = \frac{R_o + R_i + R_e}{15 + 20 + 25} = \frac{3.000}{60} = 50$$

Queremos saber o valor devido a Rodrigo. Basta multiplicar o denominador de Rodrigo pela constante de proporcionalidade.

Temos então:

$$\frac{R_o}{15} = 50 \Rightarrow R_o = 15 \cdot 50 = 750$$

Três técnicos receberam, ao todo, por um serviço R\$3.540,00. Um deles trabalhou 2 dias, o outro 4 dias e o outro 6 dias. Sabendo-se que a divisão do valor é proporcional ao tempo que cada um trabalhou, o técnico que trabalhou mais dias recebeu quantos reais?

Resolução

Devemos dividir R\$ 3.540,00 em partes diretamente proporcionais a 2, 4 e 6 dias. Assim, temos a seguinte proporção:

$$\frac{a}{2} = \frac{b}{4} = \frac{c}{6}$$

Obviamente, a soma das três partes ($a+b+c$) é igual a R\$ 3.540,00. Dessa forma,

$$\frac{a}{2} = \frac{b}{4} = \frac{c}{6} = \frac{a + b + c}{2 + 4 + 6} = \frac{3.540}{12} = 295$$

O técnico que mais trabalhou (6 dias) recebeu

$$\frac{c}{6} = 295 \Rightarrow c = 6 \cdot 295 = 1.770 \text{ reais}$$

Dividir 180 em partes inversamente proporcionais a 3, 4 e 6.

Resolução

Vamos dividir 180 em três partes (a, b, c).

Neste caso, as sequências (a, b, c) e (3, 4, 6) são inversamente proporcionais.



Quando as sequências são inversamente proporcionais, o produto entre os termos correspondentes é constante.

$$a \cdot 3 = b \cdot 4 = c \cdot 6$$

Esta forma de escrever não é conveniente porque fica muito trabalhoso resolver o sistema de equações. O que fazemos? Exatamente aquilo que mostrei lá na teoria.

Em vez de multiplicar por 3, vamos dividir por $1/3$. O mesmo com os outros números.

$$\frac{a}{\frac{1}{3}} = \frac{b}{\frac{1}{4}} = \frac{c}{\frac{1}{6}}$$

Agora podemos prolongar a proporção somando os numeradores e somando os denominadores.

Entretanto, ainda temos um inconveniente: as frações.

Podemos simplificar esta proporção. Para tanto, precisamos calcular o MMC dos denominadores.

Basta ir efetuando sucessivas divisões pelos fatores. Paramos quando ficar tudo 1.

3, 4, 6 2

3, 2, 3 2

3, 1, 3 3

1, 1, 1

Assim, $\text{MMC}(3,4,6) = 2 \times 2 \times 3 = 12$.

Para simplificar a nossa proporção, vamos multiplicar cada uma daquelas frações por 12.

$$\frac{a}{\frac{1}{3} \cdot 12} = \frac{b}{\frac{1}{4} \cdot 12} = \frac{c}{\frac{1}{6} \cdot 12}$$
$$\frac{a}{4} = \frac{b}{3} = \frac{c}{2}$$

Bem melhor!!!

Agora vamos prolongar a proporção.

$$\frac{a}{4} = \frac{b}{3} = \frac{c}{2} = \frac{a+b+c}{4+3+2}$$

A soma das 3 partes é 120.

$$\frac{a}{4} = \frac{b}{3} = \frac{c}{2} = \frac{180}{9}$$
$$\frac{a}{4} = \frac{b}{3} = \frac{c}{2} = 20$$

Agora é só multiplicar cada denominador pela constante de proporcionalidade.



$$a = 4 \times 20 = 80$$

$$b = 3 \times 20 = 60$$

$$c = 2 \times 20 = 40$$

As três partes são 80, 60 e 40, respectivamente.

Vamos fazer mais um exemplo. Como vocês já aprenderam o procedimento, vamos fazer um pouco mais rápido.

Dividir 570 em partes inversamente proporcionais a 4, 6 e 9.

Resolução

Vamos armar a proporção colocando $1/4$, $1/6$ e $1/9$ nos denominadores.

$$\frac{a}{\frac{1}{4}} = \frac{b}{\frac{1}{6}} = \frac{c}{\frac{1}{9}}$$

Agora calculamos o MMC dos denominadores.

$$4, 6, 9 \quad 2$$

$$2, 3, 9 \quad 2$$

$$1, 3, 9 \quad 3$$

$$1, 1, 3 \quad 3$$

$$1, 1, 1$$

Portanto, $\text{MMC}(4, 6, 9) = 2 \times 2 \times 3 \times 3 = 36$.

Vamos agora multiplicar cada uma das frações por 36. Para fazer isso de maneira rápida, basta dividir 36 pelo denominador e multiplicar pelo numerador.

Por exemplo, para multiplicar 36 por $1/4$, dividimos 36 pelo denominador 4 e o resultado multiplicamos por 1.

Ficamos com:

$$\frac{a}{9} = \frac{b}{6} = \frac{c}{4}$$

Agora é só prolongar a proporção e correr pro abraço!!

A soma das 3 partes é $a + b + c = 380$.

$$\frac{a}{9} = \frac{b}{6} = \frac{c}{4} = \frac{570}{19} = 30$$

Agora é só multiplicar cada denominador pela constante de proporcionalidade.

$$a = 9 \times 30 = 270$$



$$b = 6 \times 30 = 180$$

$$c = 4 \times 30 = 120$$

As partes são 270, 180 e 120, respectivamente.

Vamos fazer um último exemplo em que fazer uma divisão em partes diretamente proporcionais e inversamente proporcionais.

Uma gratificação de R\$ 5.280,00 será dividida entre três funcionários de uma empresa na razão direta do número de filhos e na razão inversa das idades de cada um. André tem 30 anos e possui 2 filhos; Bruno com 36 anos tem 3 filhos e Carlos tem 48 anos e 6 filhos. É **correto** que o mais velho receberá:

Resolução

Temos agora uma divisão diretamente proporcional ao número de filhos e inversamente proporcional às idades.

Em divisões desse tipo, a proporção tomará a seguinte forma:

$$\frac{a}{\frac{\text{direta}}{\text{inversa}}} = \frac{b}{\frac{\text{direta}}{\text{inversa}}} = \frac{c}{\frac{\text{direta}}{\text{inversa}}}$$

No nosso exemplo, a divisão será diretamente proporcional a 2, 3 e 6 (ficam no numerador) e será inversamente proporcional a 30, 36 e 48 (ficam no denominador).

$$\frac{a}{\frac{2}{30}} = \frac{b}{\frac{3}{36}} = \frac{c}{\frac{6}{48}}$$

Podemos simplificar as frações:

$$\frac{a}{\frac{1}{15}} = \frac{b}{\frac{1}{12}} = \frac{c}{\frac{1}{8}}$$

Podemos facilitar nossas vidas adotando o seguinte procedimento:

Sempre que numa proporção houver frações nos denominadores, devemos calcular o m.m.c dos denominadores das frações.

No caso, o m.m.c. entre 8, 12 e 15 é igual a 120. Devemos agora dividir 120 por 15 e multiplicar por 1. Devemos dividir 120 por 12 e multiplicar por 1. Devemos dividir 120 por 8 e multiplicar por 1.

$$\frac{a}{8} = \frac{b}{10} = \frac{c}{15}$$

Agora é só prolongar a proporção.



$$\frac{a}{8} = \frac{b}{10} = \frac{c}{15} = \frac{a + b + c}{8 + 10 + 15} = \frac{5.280}{33} = 160$$

O mais velho, Carlos, receberá:

$$c = 15 \times 160 = 2.400 \text{ reais}$$

Vamos agora praticar?



5. LISTA DE QUESTÕES DE CONCURSOS ANTERIORES



1. (FGV 2018/BANESTES)

Em um terminal de autoatendimento bancário há apenas cédulas de R\$ 10,00, R\$ 20,00 e R\$ 50,00. As quantidades de cada um dos três tipos de cédula na máquina são inversamente proporcionais aos seus valores. Se há 272 cédulas ao todo, então a quantidade total de dinheiro armazenado no terminal é:

- a) R\$ 3.600,00;
- b) R\$ 3.960,00;
- c) R\$ 4.050,00;
- d) R\$ 4.240,00;
- e) R\$ 4.800,00.

2. (FGV 2017/IBGE)

A quantia de 900 mil reais deve ser dividida em partes proporcionais aos números 4, 5 e 6. A menor dessas partes corresponde a:

- a) 210 mil reais;
- b) 240 mil reais;
- c) 270 mil reais;
- d) 300 mil reais;
- e) 360 mil reais.

3. (FGV 2014/CGE-MA)

Os irmãos Davi, Lorena e Pedro, com idades de 42, 48 e 60 anos, respectivamente, receberam uma determinada quantia como herança de seus pais. Fizeram um acordo e resolveram dividir a herança em partes diretamente proporcionais ao número de anos esperados de vida de cada um, baseados em uma expectativa de vida de 72 anos para os homens e de 78 anos para as mulheres.

Lorena recebeu R\$ 240.000,00. Davi e Pedro receberam, respectivamente,

- (A) R\$ 210.000,00 e R\$ 300.000,00.
- (B) R\$ 210.000,00 e R\$ 240.000,00.
- (C) R\$ 240.000,00 e R\$ 210.000,00.
- (D) R\$ 240.000,00 e R\$ 96.000,00.
- (E) R\$ 300.000,00 e R\$ 210.000,00.



4. (FGV 2010/CAERN)

Dividindo-se 11.700 em partes proporcionais a 1, 3 e 5, a diferença entre a maior das partes e a menor delas é

- a) 6.500.
- b) 5.500.
- c) 5.800.
- d) 5.200.
- e) 5.000

5. (FGV 2016/IBGE)

A grandeza G é diretamente proporcional à grandeza A e inversamente proporcional à grandeza B . Sabe-se que quando o valor de A é o dobro do valor de B , o valor de G é 10. Quando A vale 144 e B vale 40, o valor de G é:

- a) 15;
- b) 16;
- c) 18;
- d) 20;
- e) 24.

6. (FGV 2016/Pref. de Paulínia)

A força do vento sobre a vela de um veleiro varia diretamente proporcional à área da vela e ao quadrado da velocidade do vento. Considere que a força exercida pelo vento a 25 km/h sobre uma área de 1 m^2 seja de 10 libras. Quando a força sobre uma área de 16 m^2 é de 40 libras, a velocidade do vento, em km/h, é de

- a) 6,25.
- b) 8,0.
- c) 12,5.
- d) 16,5.
- e) 20,0.

7. (FGV 2014/BNB)

Três grandezas A , B e C , são tais que A é diretamente proporcional a B e inversamente proporcional ao quadrado de C . Quando $B = 6$ e $C = 3$ tem-se $A = 1$. Quando $A = 3$ e $C = 2$, o valor de B é:

- (A) 1
- (B) 2



- (C) 4
- (D) 6
- (E) 8

8. (FGV 2014/AL-BA)

Sobre três grandezas X , Y e Z , sabe-se que Z é diretamente proporcional ao quadrado de X e que X é inversamente proporcional a Y . Sabe-se ainda que quando X é igual a 10, Z é igual a 300 e Y é igual a 9. Quando Z é igual a 243, tem-se

- (A) $Y = 12$.
- (B) $X = 12$.
- (C) $Y = 10$.
- (D) $X = 10$.
- (E) $X = 8$.

9. (FGV 2015/SSP-AM)

José tem em sua microempresa três empregados cujos salários são proporcionais ao número de horas que trabalham por dia.

Empregado	Horas de trabalho por dia
Alex	5
Breno	7
Caio	8

José paga mensalmente R\$ 5.200,00 pelos salários desses três empregados. O salário de Caio é:

- a) R\$ 1.300,00;
- b) R\$ 1.820,00;
- c) R\$ 2.080,00;
- d) R\$ 2.220,00;
- e) R\$ 2.340,00.

10. (FGV 2014/BNB)

Francisco não tinha herdeiros diretos e assim, no ano de 2003, no dia do seu aniversário, fez seu testamento. Nesse testamento declarava que o saldo total da caderneta de poupança que possuía deveria ser dividido entre seus três sobrinhos em partes proporcionais às idades que tivessem no dia de sua morte. No dia em que estava redigindo o testamento, seus sobrinhos tinham 12, 18 e 20 anos. Francisco morreu em 2013, curiosamente, no dia do seu aniversário e, nesse dia, sua caderneta de poupança tinha exatamente R\$ 300.000,00. Feita a divisão de acordo com o testamento, o sobrinho mais jovem recebeu:

- (A) R\$ 72.000,00
- (B) R\$ 82.500,00



- (C) R\$ 94.000,00
- (D) R\$ 112.500,00
- (E) R\$ 120.000,00

11. (FGV 2014/AL-BA)

O pai de José e de Marlene deixou uma herança de R\$ 2.988.000,00 para ser repartida entre os dois.

Entretanto, determinou, em seu testamento, que a parte que caberia a cada um deveria ser diretamente proporcional à idade dele na data de sua morte e também diretamente proporcional à sobrevivida de cada um na mesma data.

As idades e sobrevividas de José e de Marlene na data da morte do pai são apresentadas na tabela a seguir:

	Idade	Sobrevida
José	50	21
Marlene	48	30

Marlene recebeu de herança a quantia de

- (A) R\$ 1.728.000,00.
- (B) R\$ 1.680.420,00.
- (C) R\$ 1.564.188,00.
- (D) R\$ 1.423.812,00.
- (E) R\$ 1.250.000,00.

12. (FCC 2018/CL-DF)

Miguel, Otávio e Pedro foram convocados para realizar um trabalho emergencial. Para recompensá-los posteriormente, decide-se dividir uma quantia em reais entre os 3 em partes diretamente proporcionais ao tempo dedicado de cada um para realizar o trabalho e inversamente proporcionais às respectivas idades. Sabe-se que Miguel dedicou 4 horas para o trabalho e sua idade é igual a 30 anos, Otávio dedicou 8 horas e sua idade é igual a 40 anos e Pedro dedicou 15 horas e sua idade é igual a 60 anos. Se a menor parte correspondente a esta divisão foi de 4.800, então a maior parte foi igual a

- a) R\$ 7.200,00
- b) R\$ 9.000,00
- c) R\$ 6.000,00
- d) R\$ 12.000,00
- e) R\$ 8.400,00



13. (FCC 2018/ TRT - 15ª Região)

André, Bruno, Carla e Daniela eram sócios em um negócio, sendo a participação de cada um, respectivamente, 10%, 20%, 20% e 50%. Bruno faleceu e, por não ter herdeiros naturais, estipulara, em testamento, que sua parte no negócio deveria ser distribuída entre seus sócios, de modo que as razões entre as participações dos três permanecessem inalteradas. Assim, após a partilha, a nova participação de André no negócio deve ser igual a

- (A) 20%.
- (B) 8%.
- (C) 12,5%.
- (D) 15%.
- (E) 10,5%.

14. (FCC 2018/TRT - 2ª REGIÃO)

Há dois anos, em uma empresa, a razão entre o número de funcionárias mulheres e o número de funcionários homens era $\frac{7}{12}$. Hoje, sem que tenha aumentado ou diminuído o número total de funcionários (homens e mulheres) essa mesma razão é $\frac{9}{10}$. A diferença do número de funcionárias mulheres de hoje e de dois anos atrás corresponde, em relação ao total de funcionários (homens e mulheres) da empresa, a um valor

- (A) menor que 5%
- (B) entre 5% e 8%
- (C) entre 8% e 10%
- (D) entre 10% e 12%
- (E) maior que 12%

15. (FCC 2018/ TRT - 6ª Região)

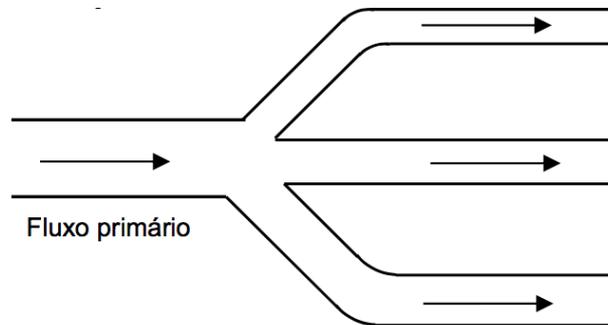
A relação entre funcionários homens e funcionárias mulheres em uma repartição pública é de 5 para 4, nessa ordem. Após um concurso, foram admitidos 5 novos funcionários homens e 12 novas funcionárias mulheres nessa repartição. Com o ingresso desses funcionários, a proporção entre funcionários homens e funcionárias mulheres da repartição passou a ser de 9 para 8, nessa ordem. Sendo assim, depois do concurso a repartição passou a ter um total de funcionárias mulheres igual a

- (A) 64.
- (B) 78.
- (C) 80.
- (D) 72.
- (E) 70.



16. (FCC 2018/SABESP)

A figura a seguir exibe uma tubulação de água que se divide em outras três de diâmetros menores, sendo que as setas indicam o sentido do fluxo de água em cada tubulação.



Sabe-se que o fluxo de água primário se divide de forma proporcional às áreas das seções transversais das tubulações de diâmetros menores e que a soma dos fluxos nessas tubulações é igual ao fluxo primário. Se o fluxo de água primário for de 300 litros por minuto e as áreas das seções transversais das tubulações menores forem de 5 cm^2 , 6 cm^2 e 9 cm^2 , respectivamente, então o fluxo de água na tubulação de menor área da seção transversal será de

- (A) 15 litros por minuto.
- (B) 90 litros por minuto.
- (C) 75 litros por minuto.
- (D) 50 litros por minuto.
- (E) 135 litros por minuto.

17. (FCC 2018/SABESP)

Em um centro de telemarketing de uma rede de academias, três operadores dividem entre si um bônus no final do ano de forma proporcional às quantidades de clientes matriculados por cada um ao longo do ano. No ano de 2017, o operador Carlos matriculou 700 clientes; a operadora Silvânia, 850 clientes; o operador Josias, 800 clientes. Se o bônus recebido por Josias foi de R\$ 1.200,00, então o valor total do bônus dividido entre os três operadores em 2017 foi de

- (A) R\$ 2.515,50.
- (B) R\$ 9.600,00.
- (C) R\$ 8.400,00.
- (D) R\$ 3.525,00.
- (E) R\$ 10.200,00.



18. (FCC 2018/SABESP)

Cento e quarenta tarefas anuais serão distribuídas entre 4 funcionários diretamente proporcional ao tempo de empresa de cada um. Dois dos funcionários têm 6 anos de empresa. Dos 4 funcionários, aquele que tem mais tempo de empresa possui o triplo dos anos de empresa do único funcionário dos 4 com menos de 6 anos de empresa. Se a média aritmética simples dos anos de empresa dos 4 funcionários é de 7 anos, o funcionário com mais anos de empresa receberá a quantidade de tarefas anuais igual a

- (A) 65
- (B) 64
- (C) 58
- (D) 66
- (E) 60

19. (FCC 2018/ SEGEP-MA)

Há 4 anos Francine e Helena compararam o dinheiro que tinham guardado para investir. A razão entre o dinheiro de Francine e o de Helena era igual a $\frac{2}{3}$. Após esses 4 anos o investimento de Francine fez com que o seu dinheiro aumentasse 50% e o de Helena fez com que seu dinheiro aumentasse 25%. Agora, a razão $\frac{2}{3}$ passou a ser

- (A) $\frac{2}{5}$
- (B) $\frac{1}{2}$
- (C) $\frac{3}{4}$
- (D) $\frac{4}{5}$
- (E) $\frac{5}{6}$

20. (FCC 2017/ TST)

Em uma empresa, trabalham oito funcionários, na mesma função, mas com cargas horárias diferentes: um deles trabalha 32 horas semanais, um trabalha 24 horas semanais, um trabalha 20 horas semanais, três trabalham 16 horas semanais e, por fim, dois deles trabalham 12 horas semanais. No final do ano, a empresa distribuirá um bônus total de R\$ 74.000,00 entre esses oito funcionários, de forma que a parte de cada um seja diretamente proporcional à sua carga horária semanal. Dessa forma, nessa equipe de funcionários, a diferença entre o maior e o menor bônus individual será, em R\$, de

- (A) 10.000,00.
- (B) 8.000,00.
- (C) 20.000,00.
- (D) 12.000,00.
- (E) 6.000,00.



21. (FCC 2017/ DPE-RS)

A razão entre as alturas de dois irmãos era $\frac{3}{4}$ e, nessa ocasião, a altura do irmão mais alto era 1,40 m. Hoje, esse irmão mais alto cresceu 10 cm. Para que a razão entre a altura do irmão mais baixo e a altura do mais alto seja hoje, igual a $\frac{4}{5}$, é necessário que o irmão mais baixo tenha crescido, nesse tempo, o equivalente a

- (A) 13,5 cm.
- (B) 10,0 cm.
- (C) 12,5 cm.
- (D) 14,8 cm.
- (E) 15,0 cm.

22. (FCC 2017/DPE-RS)

O presidente de uma empresa resolveu premiar os três vendedores mais eficientes do ano com a quantia de R\$ 13.500,00 que será distribuída de forma diretamente proporcional ao número de pontos obtidos por cada um na avaliação do ano. O vencedor, com 45 pontos, recebeu R\$ 6.750,00, e o número de pontos do segundo colocado foi igual a 27. O número de pontos a menos que o terceiro colocado conseguiu em relação ao segundo colocado foi

- (A) 12
- (B) 8
- (C) 11
- (D) 10
- (E) 9

23. (FCC 2017/DPE-RS)

O diretor de uma empresa designou uma quantia que será distribuída para os três melhores funcionários do ano. O prêmio de cada um será inversamente proporcional ao total de pontos negativos que cada um obteve em suas respectivas avaliações. O funcionário que mais recebeu tinha uma avaliação com apenas 12 pontos negativos, o segundo colocado obteve 15 pontos negativos e o terceiro colocado com 21 pontos negativos. Sabendo que a quantia total a ser distribuída é R\$ 24.900,00, o maior prêmio superará o menor prêmio em exatos

- (A) R\$ 2.420,00
- (B) R\$ 3.990,00
- (C) R\$ 7.530,00
- (D) R\$ 6.180,00
- (E) R\$ 4.500,00



24. (FCC 2017/ TRT - 24ª REGIÃO)

Uma corda será dividida em três pedaços de comprimentos diretamente proporcionais a 3, 5 e 7. Feita a divisão, verificou-se que o maior pedaço ficou com 1 metro a mais do que deveria ser o correto para a medida do maior pedaço, e que o menor pedaço ficou com 1 metro a menos do que deveria ser o correto para a medida do menor pedaço. Se o único pedaço que saiu na medida correta ficou com 12 metros de comprimento, o menor dos três pedaços saiu com comprimento, em metros, igual a

- (A) 8,6
- (B) 7,5
- (C) 6,2
- (D) 4,8
- (E) 5,6

25. (FCC 2016/ SEGEP-MA)

Caberá a cada um dos doze funcionários de uma repartição, acompanhar um determinado número de um total de 360 projetos. Esse número de projetos deverá ser diretamente proporcional ao número de anos de serviço de cada funcionário. Sabe-se que três dos doze funcionários têm 4 anos de serviço, cinco deles têm 6 anos de serviço, três deles têm 7 anos de serviço e um deles tem 9 anos de serviço. Dessa maneira, o total de projetos que serão acompanhados pelo grupo dos mais jovens, em serviço, superará o número de projetos que o mais velho, em serviço, acompanhará, em um número igual a

- (A) 20.
- (B) 12.
- (C) 45.
- (D) 30.
- (E) 15.

26. (FCC 2016/ Prefeitura de Teresina - PI)

Em um Estado, a proporção de funcionários públicos para o número de habitantes é de 2:45. Se esse Estado possui 2,25 milhões de habitantes, o total desses habitantes que são funcionários públicos é igual a

- (A) 850 mil.
- (B) 240 mil.
- (C) 100 mil.
- (D) 180 mil.
- (E) 900 mil.



27. (FCC 2016 / Prefeitura de Teresina - PI)

Em uma empresa, um prêmio em dinheiro foi dividido entre 3 funcionários (Antônio, Bento e Celso) em partes diretamente proporcionais ao tempo de serviço de cada um na empresa e inversamente proporcionais ao número de faltas injustificadas deles dentro de um período. O quadro abaixo forneceu as informações necessárias para o cálculo desta divisão.

Informação	Antônio	Bento	Celso
Tempo de serviço	8 anos	10 anos	18 anos
Número de faltas injustificadas	2 dias	5 dias	6 dias

Se Celso recebeu R\$ 13.500,00, então Antônio recebeu, em reais,

- (A) 12.000,00
- (B) 9.000,00
- (C) 27.000,00
- (D) 18.000,00
- (E) 22.500,00

28. (FCC 2017/TRT 24ª Região)

Um bônus de R\$ 47.600,00 foi distribuído, a três funcionários de uma empresa, em partes diretamente proporcionais às respectivas idades. Sabendo que as idades são 23, 35 e 54 anos, a diferença, em reais, entre o valor daquele que recebeu mais e o valor daquele que recebeu menos, é

- (A) 16650
- (B) 8925
- (C) 12745
- (D) 13175
- (E) 9850

29. (FCC 2014/TRF 3ª Região)

Quatro funcionários dividirão, em partes diretamente proporcionais aos anos dedicados para a empresa, um bônus de R\$ 36.000,00. Sabe-se que dentre esses quatro funcionários um deles já possui 2 anos trabalhados, outro possui 7 anos trabalhados, outro possui 6 anos trabalhados e o outro terá direito, nessa divisão, à quantia de R\$ 6.000,00. Dessa maneira, o número de anos dedicados para a empresa, desse último funcionário citado, é igual a

- (A) 5.
- (B) 7.
- (C) 2.
- (D) 3.
- (E) 4.



30. (FCC 2014/CM de São Paulo)

Uma prefeitura destinou a quantia de 54 milhões de reais para a construção de três escolas de educação infantil. A área a ser construída em cada escola é, respectivamente, 1.500 m^2 , 1.200 m^2 e 900 m^2 e a quantia destinada à cada escola é diretamente proporcional a área a ser construída. Sendo assim, a quantia destinada à construção da escola com 1.500 m^2 é, em reais, igual a

- (A) 22,5 milhões.
- (B) 13,5 milhões.
- (C) 15 milhões.
- (D) 27 milhões.
- (E) 21,75 milhões.

31. (FCC 2014/CM de São Paulo)

Uma empresa foi constituída por três sócios, que investiram, respectivamente, R\$ 60.000,00, R\$ 40.000,00 e R\$ 20.000,00. No final do primeiro ano de funcionamento, a empresa obteve um lucro de R\$ 18.600,00 para dividir entre os sócios em quantias diretamente proporcionais ao que foi investido. O sócio que menos investiu deverá receber

- (A) R\$ 2.100,00.
- (B) R\$ 2.800,00.
- (C) R\$ 3.400,00.
- (D) R\$ 4.000,00.
- (E) R\$ 3.100,00.

32. (FCC 2017/TRT 11ª Região)

José Souza, Paulo Almeida e Claudio Prinot são três funcionários que têm que realizar, no total para os três, 72 tarefas diariamente. Cada dia eles escolhem um critério diferente para repartir as tarefas. Por exemplo, no dia de ontem eles decidiram que as 72 tarefas seriam divididas entre eles diretamente proporcional às consoantes do sobrenome de cada um. Sendo assim, ontem Paulo Almeida teve que realizar o total de tarefas igual a

- (A) 15.
- (B) 12.
- (C) 18.
- (D) 9.
- (E) 24.

33. (FCC 2010/TRE-AC)

Suponha que, para transportar as urnas eletrônicas usadas em uma eleição foi utilizada uma viatura do TRE do Estado do Acre. Na ocasião, o motorista responsável pela condução de tal viatura consultou um mapa feito na escala 1 : 20 000 000, ou seja, 1 unidade de medida no mapa correspondem a 20 000 000 unidades de medida real. Se nesse mapa o município de Rio Branco



distava 1,19 km do de Brasília e o município de Tarauacá distava 2,27 km do de Rio Branco, quantos quilômetros a viatura deve ter percorrido no trajeto: Rio Branco → Brasília → Rio Branco → Tarauacá → Rio Branco?

- a) 1.482
- b) 1.384
- c) 1.146
- d) 930
- e) 692

34. (FCC 2010/MPE-RS)

A tabela a seguir mostra as participações dos três sócios de uma empresa na composição de suas ações.

Sócio	Total de ações
Paulo Silva	15.000
Maria Oliveira	10.000
Carlos Braga	7.000

Os lucros da empresa em determinado ano, que totalizaram R\$ 560.000,00, foram divididos entre os três sócios proporcionalmente à quantidade de ações que cada um possui. Assim, a sócia Maria Oliveira recebeu nessa divisão

- a) R\$ 17.500,00
- b) R\$ 56.000,00
- c) R\$ 112.000,00
- d) R\$ 140.000,00
- e) R\$ 175.000,00

35. (FCC 2008/TRF 5ª Região)

A razão entre as idades de dois técnicos é igual a $\frac{5}{9}$. Se a soma dessas idades é igual a 70 anos, quantos anos o mais jovem tem a menos que o mais velho?

- a) 15
- b) 18
- c) 20
- d) 22
- e) 25

36. (FCC 2008/Pref. de São Paulo)

Lourival e Juvenal são funcionários da Prefeitura Municipal de São Paulo há 8 e 12 anos, respectivamente. Eles foram incumbidos de inspecionar as instalações de 75 estabelecimentos comerciais ao longo de certa semana e decidiram dividir esse total entre si, em partes inversamente proporcionais aos seus respectivos tempos de serviço na Prefeitura. Com base nessas informações, é correto afirmar que coube a Lourival inspecionar



- (A) 50 estabelecimentos.
- (B) 15 estabelecimentos a menos do que Juvenal.
- (C) 20 estabelecimentos a mais do que Juvenal.
- (D) 40% do total de estabelecimentos.
- (E) 60% do total de estabelecimentos.

37. (FCC 2007/Metro-SP)

Certo dia, três funcionários da Companhia do Metropolitano de São Paulo foram incumbidos de distribuir folhetos informativos contendo orientações aos usuários dos trens. Para executar tal tarefa, eles dividiram o total de folhetos entre si, em partes inversamente proporcionais aos seus respectivos tempos de serviço no Metrô: 2 anos, 9 anos e 12 anos. Se o que trabalha há 9 anos ficou com 288 folhetos, a soma das quantidades com que os outros dois ficaram foi

- (A) 448
- (B) 630
- (C) 954
- (D) 1 512
- (E) 1 640

38. (FCC 2010/BAHIA GAS)

Para realizar a partilha de uma herança de R\$ 28.500,00, quatro irmãos, que nasceram em dias diferentes, marcaram encontro em um sábado. O testamento determinava que eles receberiam partes diretamente proporcionais às respectivas idades, em anos completos, que nesse sábado seriam: 15, 17, 21 e 22 anos. O irmão mais novo só compareceu no domingo, um dia depois do combinado, e que era exatamente o dia de seu aniversário. Supondo que a partilha tenha sido feita no domingo, a quantia somada que os dois irmãos mais velhos deixaram de receber por conta do adiamento de um dia é:

- (A) R\$ 50,00.
- (B) R\$ 155,00.
- (C) R\$ 180,00.
- (D) R\$ 205,00.
- (E) R\$ 215,00.

39. (FCC 2008/Pref. de Salvador)

Foi solicitada, à Guarda Municipal, a distribuição de colaboradores que se responsabilizassem por ações que garantissem a preservação dos parques públicos de três municípios da região metropolitana do Salvador. Fez-se a opção de distribuir os 72 colaboradores, de forma diretamente proporcional à população de cada um dos municípios.

Tabela de valores aproximados de população



Município	População
Camaçari	180 000
Dias D'Ávila	50 000
Lauro de Freitas	130 000

(Dados de 01/07/03 adaptados de SEI (Superintendência de Estudos Econômicos e Sociais da Bahia).

Qual é o número de colaboradores destinados ao município Lauro de Freitas?

- (A) 36
- (B) 30
- (C) 26
- (D) 13
- (E) 10

40. (FCC 2009/MPE-AP)

O dono de uma loja resolveu distribuir a quantia de R\$ 3.570,00 entre seus funcionários, como premiação. Cada um dos cinco funcionários receberá uma parte diretamente proporcional ao número de anos completos trabalhados na loja. A tabela mostra o número de anos completos trabalhados na loja pelos cinco funcionários.

Funcionário	Anos completos
J	2
K	3
L	4
M	7
N	12

A diferença entre o prêmio recebido pelo funcionário M e o prêmio recebido pelo funcionário K, em reais, é

- (A) 127,50
- (B) 255,00
- (C) 382,50
- (D) 510,00
- (E) 892,50

41. (FCC 2010/DPE-SP)

O orçamento de um município para transporte público é de R\$ 770.000,00. Esse orçamento será repartido entre três regiões (A, B e C) do município em proporção direta ao número de habitantes de cada uma. Sabe-se que o número de habitantes da região A é o dobro da região B, que por sua vez é dobro da região C. Nas condições dadas, as regiões B e C receberão, juntas,

- (A) R\$ 280.000,00.



- (B) R\$ 290.000,00.
- (C) R\$ 300.000,00.
- (D) R\$ 310.000,00.
- (E) R\$ 330.000,00.

42. (FCC 2016/TRF 3ª Região)

Uma herança de R\$ 82.000,00 será repartida de modo inversamente proporcional às idades, em anos completos, dos três herdeiros. As idades dos herdeiros são: 2, 3 e x anos. Sabe-se que os números que correspondem às idades dos herdeiros são números primos entre si (o maior divisor comum dos três números é o número 1) e que foi R\$ 42.000,00 a parte da herança que o herdeiro com 2 anos recebeu. A partir dessas informações o valor de x é igual a

- (A) 7.
- (B) 5.
- (C) 11.
- (D) 1.
- (E) 13.

43. (CESPE 2018/IFF)

A quantia de R\$ 360.000 deverá ser repassada às escolas A, B e C para complemento da merenda escolar. A distribuição será em partes diretamente proporcionais às quantidades de alunos de cada escola. Sabe-se que a escola A tem 20% a mais de alunos que a escola B e que a escola C tem 20% a menos de alunos que a escola B. Nesse caso, a escola A deverá receber

- A) R\$ 140.000.
- B) R\$ 144.000.
- C) R\$ 168.000.
- D) R\$ 192.000.
- E) R\$ 216.000.

(CESPE 2018/STM)

Os irmãos Jonas, Pierre e Saulo, que têm, respectivamente, 30, 20 e 18 anos de idade, herdaram de seu pai a quantia de R\$ 5 milhões. O testamento prevê que essa quantia deverá ser dividida entre os irmãos em partes inversamente proporcionais às suas idades

Nessa situação hipotética,

44. um dos irmãos receberá metade da herança.

45. Jonas receberá 50% a mais que Saulo.

46. (CESPE 2018 / CAGE RS)

João, Pedro e Tiago, três investidores amadores, animados com a popularização das criptomoedas, investiram 12, 14 e 24 mil reais, respectivamente, em moeda virtual. Após uma semana do



investimento, eles perceberam que o prejuízo acumulado, que era de 8 mil reais, deveria ser dividido entre os três, em proporção direta aos valores investidos.

Nessa situação, em caso de desistência do investimento após a constatação do prejuízo, João, Pedro e Tiago receberão, respectivamente, as quantias, em reais, de

- A) 9.340, 11.340 e 21.340.
- B) 10.080, 11.760 e 20.160.
- C) 11.920, 13.240 e 22.840.
- D) 2.660, 2.660 e 2.660.
- E) 1.920, 2.240 e 3.840.

47. (CESPE 2017/ SEDF)

Um empresário dividiu, entre três de seus empregados, a quantia de R\$ 6.600,00 em partes inversamente proporcionais a 2, 5 e 8. Nesse caso, todos os valores nessa partilha são maiores que R\$ 1.100,00.

48. (CESPE 2014/MDIC)

Lúcio, Breno, Cláudia e Denise abriram a loja virtual Lik, para a qual, no ato de abertura, Lúcio contribuiu com R\$ 10.000,00; Breno, com R\$ 15.000,00; Cláudia, com R\$ 12.000,00; e Denise, com R\$ 13.000,00. Os lucros obtidos por essa loja serão distribuídos de forma diretamente proporcional à participação financeira de cada um dos sócios no ato de abertura da loja.

A partir dessas informações, julgue os itens a seguir.

Se o lucro obtido ao final de determinado mês for igual a R\$ 7.000,00, então a parcela de Cláudia no lucro será superior a R\$ 1.700,00 nesse mês.

49. (CESPE 2014/MDIC)

Caso toda a produção de uma fábrica seja destinada aos públicos infantil, jovem e adulto, de modo que as porcentagens da produção destinadas a cada um desses públicos sejam inversamente proporcionais, respectivamente, aos números 2, 3 e 6, então mais de 30% da produção dessa fábrica destinar-se-á ao público jovem.

50. (CESPE 2012/PRF)

Paulo, Maria e Sandra investiram, respectivamente, R\$ 20.000,00, R\$ 30.000,00 e R\$ 50.000,00 na construção de um empreendimento. Ao final de determinado período de tempo, foi obtido o lucro de R\$ 10.000,00, que deverá ser dividido entre os três, em quantias diretamente proporcionais às quantias investidas.

Considerando a situação hipotética acima, julgue o item que se segue.

Paulo e Maria receberão, juntos, mais do que Sandra.

(CESPE 2009/PM-AC)

A poluição dos carros paulistanos



São Paulo começou neste ano a fazer a inspeção ambiental dos veículos registrados na cidade. Os movidos a diesel são os primeiros.

Veja os números dos veículos na capital paulista:

- veículos registrados: 6,1 milhões;
- está fora de circulação ou trafega irregularmente: 1,5 milhão;
- movidos a diesel: 800.000;
- cumprem os limites de emissão de poluentes: 20% dos veículos inspecionados.

Idem, p. 63 (com adaptações).

Tendo o texto acima como referência, julgue os itens seguintes.

51. Suponha que na capital paulista, entre os veículos registrados, não haja nenhum veículo bicombustível, que os únicos combustíveis disponíveis sejam diesel, gasolina e álcool, e que a quantidade de veículos movidos a álcool está para 3 assim como a quantidade de veículos movidos a gasolina está para 7. Nesse caso, em São Paulo há mais de 3,7 milhões de veículos movidos a gasolina e menos de 1,6 milhão de veículos movidos a álcool.

52. Suponha que na cidade de São Paulo não há nenhum veículo bicombustível e que os combustíveis disponíveis são álcool, gasolina, diesel e gás liquefeito de petróleo (GLP). Suponha também que as quantidades de veículos movidos a álcool, gasolina e GLP são números diretamente proporcionais a 5, 9, e 2. Nessa situação, é correto afirmar que mais de 50% dos veículos registrados na capital paulista são movidos a gasolina.

(CESPE 2009/MEC)

Levando em consideração que, em um supermercado, há biscoitos recheados de chocolate em embalagens de 130 g, 140 g e 150 g, com preços de R\$ 1,58, R\$ 1,68 e R\$ 1,80, respectivamente, julgue os itens a seguir.

53. Proporcionalmente, os biscoitos nas embalagens de 130 g são mais baratos que aqueles nas embalagens de 140 g.

54. Proporcionalmente, os biscoitos nas embalagens de 140 g e 150 g saem pelo mesmo preço.

(CESPE 2008/Ministério do Esporte)

Uma empresa realizará concurso para contratar profissionais de níveis de escolaridade fundamental, médio e superior. O salário mensal depende apenas do nível de escolaridade do profissional. Os salários mensais a serem pagos em cada um desses níveis são diretamente proporcionais aos números 2, 5 e 11, respectivamente. Com referência a essa situação e sabendo que o profissional de nível superior receberá, por mês, R\$ 2.340,00 a mais que o profissional de nível fundamental, julgue os itens seguintes.

55. Por mês, 8 profissionais de nível médio receberão, juntos, o mesmo que 4 profissionais de nível superior.

56. Cada profissional de nível médio receberá um salário mensal superior a R\$ 1.200,00.

57. A soma do salário mensal de um profissional de nível fundamental com o de um profissional de nível superior é inferior a R\$ 3.300,00.

58. (CESPE 2008/Banco do Brasil)





O número de mulheres no mercado de trabalho mundial é o maior da História, tendo alcançado, em 2007, a marca de 1,2 bilhão, segundo relatório da Organização Internacional do Trabalho (OIT). Em dez anos, houve um incremento de 200 milhões na ocupação feminina. Ainda assim, as mulheres representaram um contingente distante do universo de 1,8 bilhão de homens empregados. Em 2007, 36,1% delas trabalhavam no campo, ante 46,3% em serviços. Entre os homens, a proporção é de 34% para 40,4%. O universo de desempregadas subiu de 70,2 milhões para 81,6 milhões, entre 1997 e 2007 — quando a taxa de desemprego feminino atingiu 6,4%, ante 5,7% da de desemprego masculino. Há, no mundo, pelo menos 70 mulheres economicamente ativas para 100 homens. O relatório destaca que a proporção de assalariadas subiu de 41,8% para 46,4% nos últimos dez anos. Ao mesmo tempo, houve queda no emprego vulnerável (sem proteção social e direitos trabalhistas), de 56,1% para 51,7%. Apesar disso, o universo de mulheres nessas condições continua superando o dos homens.

O Globo, 7/3/2007, p. 31 (com adaptações).

Com referência ao texto e considerando o gráfico nele apresentado, julgue o item a seguir.

Se a proporção entre a população feminina no mercado de trabalho mundial e a população feminina mundial em 1991 era de 2:5, então a população mundial de mulheres nesse ano era superior a 2,8 bilhões.

59. (CESPE 2009/SEPLAG-GDF)

O setor de compras de uma escola adquire sabonete líquido concentrado em recipientes com capacidade para 5 L, que são diluídos em água na proporção de 1:3 e colocados nos banheiros da escola em saboneteiras cujo volume é igual a $0,25 \text{ dm}^3$. Com base nessas informações, julgue o item a seguir.

Depois de diluir os 5 L do sabonete concentrado que enche um recipiente, é possível encher 80 saboneteiras dos banheiros da escola.

60. (CESPE 2009/UNIPAMPA)

De um grupo de 70 técnicos, foram formadas 3 equipes e cada técnico só pôde participar de uma equipe. As equipes, denominadas M, N e P, possuem, respectivamente, m , n e p técnicos, em que $m < n < p$. Com relação a essas equipes, julgue o item a seguir.



Se a razão entre m e n for igual a $\frac{2}{3}$, e se n for igual a 60% de p , então uma das equipes terá 21 técnicos.

61. (CESPE 2008/SEBRAE-BA)

Julgue o item que se segue.

Os números 69 e 92 estão, nessa ordem, na proporção de 3 para 4.

(CESPE 2008/SEBRAE-BA)

A soma de três números é igual a 150 e eles são diretamente proporcionais a 3, 5 e 7. Nesse caso,

62. o menor desses números é superior a 25.

63. o maior desses números é inferior a 65.

64. (CESPE 2008/TJDFT)

Uma manicure, um policial militar, um arquivista e uma auxiliar de administração são todos moradores de Ceilândia e unidos pela mesma missão. Vão assumir um trabalho até então restrito aos gabinetes fechados do Fórum da cidade. Eles vão atuar na mediação de conflitos, como representantes oficiais do TJDF. Os quatro agentes comunitários foram capacitados para promover acordos e, assim, evitar que desentendimentos do dia-a-dia se transformem em arrastados processos judiciais. E isso vai ser feito nas ruas ou entre uma xícara de café e outra na casa do vizinho. O projeto é inédito no país e vai contar com a participação do Ministério da Justiça, da Ordem dos Advogados do Brasil (OAB), da Universidade de Brasília (UnB), do Ministério Público do Distrito Federal e dos Territórios e da Defensoria Pública.

Internet: <www2.correioweb.com.br>, acessado em 23/1/2001 (com adaptações).

Considerando o contexto apresentado acima, julgue o item seguinte.

Considere-se que os números de acordos promovidos pela manicure e pelo policial militar em determinada semana estejam na proporção 2 : 5 e que os números de acordos promovidos pela manicure e pelo arquivista nessa mesma semana estejam na proporção 4 : 7. Nessa situação, na referida semana, se o policial militar promoveu 70 acordos, o número de acordos promovidos pelo arquivista foi igual a 63.

(CESPE 2010/PM-ES)

Considerando que um pai pretenda distribuir a quantia de R\$ 4.100,00 a 3 filhos, de 11, 13 e 17 anos de idade, em valores diretamente proporcionais às suas idades, julgue os itens a seguir.

65. O filho mais novo receberá uma quantia superior a R\$ 1.150,00.

66. Os 2 filhos mais velhos receberão, juntos, uma quantia inferior a R\$ 2.900,00.

67. (CESPE 2009/SEPLAG-IBRAM)

Uma empresa de transportes contratou os motoristas Abel, Bira e Celso. Para motivá-los e também evitar problemas com multas de trânsito, a empresa prometeu que, no final do ano, dividiria entre



eles a quantia de R\$ 10.000,00, em quantias inversamente proporcionais ao número de multas recebidas por cada um. Com referência a essa situação hipotética, julgue o item a seguir.

Se, no final do ano, for verificado que Abel foi multado uma única vez, Bira, 2 vezes e Celso, 3 vezes, então Abel receberá mais de R\$ 5.000,00.

(CESPE 2008/FUNESA-SE)

Os assistentes administrativos de determinada secretaria foram separados nas equipes A, B e C, em que as quantidades de assistentes em cada equipe são números diretamente proporcionais a 2, 3 e 5, respectivamente. Nessa situação, julgue os itens a seguir.

68. Se a equipe C tiver mais de 14 assistentes, então A e B, juntas, terão menos de 13 assistentes.

69. É possível que a equipe A tenha 9 assistentes.

70. A quantidade de assistentes nas equipes B e C, juntas, é igual a 4 vezes a da equipe A.

(CESPE 2008/FUNESA-SE)

Se a soma de dois números reais é igual a 21 e se a razão entre eles é igual a $\frac{3}{4}$, então é correto afirmar que

71. um desses números é menor que 7.

72. o produto desses números é superior a 120.



6. GABARITOS



GABARITO

- 01. E
- 02. B
- 03. D
- 04. D
- 05. C
- 06. C
- 07. E
- 08. C
- 09. C
- 10. B
- 11. A
- 12. B
- 13. C
- 14. D
- 15. C
- 16. C
- 17. D
- 18. E
- 19. D
- 20. A
- 21. E
- 22. E
- 23. E
- 24. C
- 25. E
- 26. C
- 27. D
- 28. D
- 29. D
- 30. A
- 31. E
- 32. E
- 33. B
- 34. E



- 35. C
- 36. E
- 37. D
- 38. E
- 39. C
- 40. D
- 41. E
- 42. A
- 43. B
- 44. E
- 45. E
- 46. B
- 47. E
- 48. E
- 49. C
- 50. E
- 51. C
- 52. E
- 53. E
- 54. C
- 55. E
- 56. C
- 57. E
- 58. E
- 59. C
- 60. C
- 61. C
- 62. C
- 63. E
- 64. E
- 65. E
- 66. E
- 67. C
- 68. E
- 69. E
- 70. C
- 71. E
- 72. E



7. LISTA DE QUESTÕES DE CONCURSOS ANTERIORES COM COMENTÁRIOS

1. (FGV 2018/BANESTES)

Em um terminal de autoatendimento bancário há apenas cédulas de R\$ 10,00, R\$ 20,00 e R\$ 50,00. As quantidades de cada um dos três tipos de cédula na máquina são inversamente proporcionais aos seus valores. Se há 272 cédulas ao todo, então a quantidade total de dinheiro armazenado no terminal é:

- a) R\$ 3.600,00;
- b) R\$ 3.960,00;
- c) R\$ 4.050,00;
- d) R\$ 4.240,00;
- e) R\$ 4.800,00.

Resolução

Vamos dividir 272 em partes inversamente proporcionais a 10, 20 e 50.

$$\frac{a}{\frac{1}{10}} = \frac{b}{\frac{1}{20}} = \frac{c}{\frac{1}{50}}$$

Vamos agora calcular o MMC dos denominadores.

10, 20, 50 10

1, 2, 5 2

1, 1, 5 5

1, 1, 1

Assim, $\text{MMC}(10, 20, 50) = 100$.

Agora devemos multiplicar cada uma das frações dos denominadores por 100. Ficamos com:

$$\frac{a}{10} = \frac{b}{5} = \frac{c}{2}$$

Vamos agora prolongar a proporção. A soma dos denominadores é $a + b + c = 272$. A soma dos denominadores é $10 + 5 + 2 = 17$.

$$\frac{a}{10} = \frac{b}{5} = \frac{c}{2} = \frac{272}{17} = 16$$



Para calcular cada quantidade, basta multiplicar cada denominador pela constante de proporcionalidade, que é 16.

$$a = 10 \times 16 = 160 \text{ cédulas de 10 reais}$$

$$b = 5 \times 16 = 80 \text{ cédulas de 20 reais}$$

$$c = 2 \times 16 = 32 \text{ cédulas de 50 reais}$$

A quantia total neste caixa eletrônico é:

$$160 \times 10 + 80 \times 20 + 32 \times 50 = 4.800 \text{ reais}$$

Gabarito: E

2. (FGV 2017/IBGE)

A quantia de 900 mil reais deve ser dividida em partes proporcionais aos números 4, 5 e 6. A menor dessas partes corresponde a:

- a) 210 mil reais;
- b) 240 mil reais;
- c) 270 mil reais;
- d) 300 mil reais;
- e) 360 mil reais.

Resolução

Vamos armar a proporção.

$$\frac{a}{4} = \frac{b}{5} = \frac{c}{6}$$

A soma das 3 partes é 900 mil reais.

$$\frac{a}{4} = \frac{b}{5} = \frac{c}{6} = \frac{900.000}{15} = 60.000$$

A menor parte é "a". Para calcular o valor de "a", basta multiplicar o seu denominador pela constante de proporcionalidade.

$$a = 4 \times 60.000 = 240.000$$

Gabarito: B

3. (FGV 2014/CGE-MA)

Os irmãos Davi, Lorena e Pedro, com idades de 42, 48 e 60 anos, respectivamente, receberam uma determinada quantia como herança de seus pais. Fizeram um acordo e resolveram dividir a herança em partes diretamente proporcionais ao número de anos esperados de vida de cada um, baseados em uma expectativa de vida de 72 anos para os homens e de 78 anos para as mulheres.

Lorena recebeu R\$ 240.000,00. Davi e Pedro receberam, respectivamente,



- (A) R\$ 210.000,00 e R\$ 300.000,00.
- (B) R\$ 210.000,00 e R\$ 240.000,00.
- (C) R\$ 240.000,00 e R\$ 210.000,00.
- (D) R\$ 240.000,00 e R\$ 96.000,00.
- (E) R\$ 300.000,00 e R\$ 210.000,00.

Resolução

As expectativas de vida de cada um deles:

$$\text{Davi} = 72 - 42 = 30$$

$$\text{Lorena} = 78 - 48 = 30$$

$$\text{Pedro} = 72 - 60 = 12$$

Devemos, portanto, dividir a herança em partes proporcionais a 30, 30 e 12. Obviamente Davi e Lorena receberão a mesma quantia. Como a expectativa de vida de Pedro é menos que a metade de Lorena, ele receberá menos que a metade do que ele receberá.

Com isso já conseguimos marcar o gabarito na letra D.

$$\frac{d}{30} = \frac{l}{30} = \frac{p}{12}$$

Já sabemos que $l = 240.000$. Vamos separar esta em igualdade em duas.

$$\frac{d}{30} = \frac{l}{30}$$
$$d = l$$

Daí concluímos que Davi também recebe 240.000 reais.

$$\frac{l}{30} = \frac{p}{12}$$

$$\frac{240.000}{30} = \frac{p}{12}$$

$$\frac{p}{12} = 8.000$$

$$p = 96.000$$

Gabarito: D

4. (FGV 2010/CAERN)

Dividindo-se 11.700 em partes proporcionais a 1, 3 e 5, a diferença entre a maior das partes e a menor delas é



- a) 6.500.
- b) 5.500.
- c) 5.800.
- d) 5.200.
- e) 5.000

Resolução

Devemos dividir 11.700 em partes diretamente proporcionais a 1,3 e 5 dias. Assim, temos a seguinte proporção:

$$\frac{a}{1} = \frac{b}{3} = \frac{c}{5}$$

Obviamente, a soma das três partes (a+b+c) é igual a 11.700. Dessa forma,

$$\frac{a}{1} = \frac{b}{3} = \frac{c}{5} = \frac{a+b+c}{1+3+5} = \frac{11.700}{9} = 1.300$$

Assim:

$$a = 1 \cdot 1.300 = 1.300$$

$$b = 3 \cdot 1.300 = 3.900$$

$$c = 5 \cdot 1.300 = 6.500$$

A diferença entre a maior das partes e a menor delas é $6.500 - 1.300 = 5.200$.

Gabarito: D

5. (FGV 2016/IBGE)

A grandeza G é diretamente proporcional à grandeza A e inversamente proporcional à grandeza B. Sabe-se que quando o valor de A é o dobro do valor de B, o valor de G é 10. Quando A vale 144 e B vale 40, o valor de G é:

- a) 15;
- b) 16;
- c) 18;
- d) 20;
- e) 24.

Resolução

Como G é proporcional à grandeza A e inversamente proporcional à grandeza B, podemos escrever:

$$\frac{G_1 \cdot B_1}{A_1} = \frac{G_2 \cdot B_2}{A_2}$$



Sabe-se que quando o valor de A é o dobro do valor de B, o valor de G é 10.

Vamos usar B = 1, A = 2 e G = 10 na primeira situação (lado esquerdo da equação).

$$\frac{10 \cdot 1}{2} = \frac{G_2 \cdot 40}{144}$$

$$5 = \frac{G_2 \cdot 40}{144}$$

$$G_2 \cdot 40 = 720$$

$$G_2 = 18$$

Gabarito: C

6. (FGV 2016/Pref. de Paulínia)

A força do vento sobre a vela de um veleiro varia diretamente proporcional à área da vela e ao quadrado da velocidade do vento. Considere que a força exercida pelo vento a 25 km/h sobre uma área de 1 m² seja de 10 libras. Quando a força sobre uma área de 16 m² é de 40 libras, a velocidade do vento, em km/h, é de

- a) 6,25.
- b) 8,0.
- c) 12,5.
- d) 16,5.
- e) 20,0.

Resolução

A força F do vento é diretamente proporcional à área A da vela e ao quadrado da velocidade V do vento. Portanto,

$$\frac{F_1}{A_1 \cdot V_1^2} = \frac{F_2}{A_2 \cdot V_2^2}$$

Na primeira situação, temos $F_1 = 10 \text{ lb}$, $V_1 = 25 \text{ km/h}$ e $A_1 = 1 \text{ m}^2$.

Na segunda situação, temos $F_2 = 40 \text{ lb}$, $A_2 = 16 \text{ m}^2$. Queremos calcular V_2 .

$$\frac{10}{1 \cdot 25^2} = \frac{40}{16 \cdot V_2^2}$$

O produto dos meios é igual ao produto dos extremos.

$$40 \cdot 25^2 = 160 \cdot V_2^2$$



$$V_2^2 = \frac{40 \cdot 25^2}{160}$$

$$V_2^2 = \frac{25^2}{4}$$

$$V_2 = \sqrt{\frac{25^2}{4}} = \frac{25}{2} = 12,5 \text{ km/h}$$

Gabarito: C

7. (FGV 2014/BNB)

Três grandezas A, B e C, são tais que A é diretamente proporcional a B e inversamente proporcional ao quadrado de C. Quando B = 6 e C = 3 tem-se A = 1. Quando A = 3 e C = 2, o valor de B é:

- (A) 1
- (B) 2
- (C) 4
- (D) 6
- (E) 8

Resolução

Sabemos que A é diretamente proporcional a B e inversamente proporcional ao quadrado de C.

$$\frac{A_1 \cdot C_1^2}{B_1} = \frac{A_2 \cdot C_2^2}{B_2}$$

Agora é só substituir os valores.

Na primeira situação, B = 6, C = 3 e A = 1.

Na segunda situação, A = 3, C = 2 e queremos saber o valor de B.

$$\frac{1 \cdot 3^2}{6} = \frac{3 \cdot 2^2}{B_2}$$

$$\frac{9}{6} = \frac{12}{B_2}$$

$$9B_2 = 6 \cdot 12$$



$$9B_2 = 72$$

$$B_2 = 8$$

Gabarito: E

8. (FGV 2014/AL-BA)

Sobre três grandezas X , Y e Z , sabe-se que Z é diretamente proporcional ao quadrado de X e que X é inversamente proporcional a Y . Sabe-se ainda que quando X é igual a 10, Z é igual a 300 e Y é igual a 9. Quando Z é igual a 243, tem-se

- (A) $Y = 12$.
- (B) $X = 12$.
- (C) $Y = 10$.
- (D) $X = 10$.
- (E) $X = 8$.

Resolução

O enunciado informa que Z é diretamente proporcional ao quadrado de X e que X é inversamente proporcional a Y .

Temos duas equações.

$$\frac{Z_1}{X_1^2} = \frac{Z_2}{X_2^2} \quad e \quad X_1 \cdot Y_1 = X_2 \cdot Y_2$$

Na primeira situação, X é igual a 10, Z é igual a 300. Na segunda situação, Z é 243. Vamos utilizar a primeira equação para encontrar X_2 .

$$\frac{300}{10^2} = \frac{243}{X_2^2}$$

$$3 = \frac{243}{X_2^2}$$

$$3X_2^2 = 243$$

$$X_2^2 = 81$$

$$X_2 = 9 \text{ ou } X_2 = -9$$

Observe que as alternativas trazem apenas valores positivos. Vamos utilizar $X_2 = 9$.



Vamos agora utilizar a segunda equação.

$$X_1 \cdot Y_1 = X_2 \cdot Y_2$$

$$10 \cdot 9 = 9 \cdot Y_2$$

$$Y_2 = 10$$

Gabarito: C

9. (FGV 2015/SSP-AM)

José tem em sua microempresa três empregados cujos salários são proporcionais ao número de horas que trabalham por dia.

Empregado	Horas de trabalho por dia
Alex	5
Breno	7
Caio	8

José paga mensalmente R\$ 5.200,00 pelos salários desses três empregados. O salário de Caio é:

- a) R\$ 1.300,00;
- b) R\$ 1.820,00;
- c) R\$ 2.080,00;
- d) R\$ 2.220,00;
- e) R\$ 2.340,00.

Resolução

Queremos dividir R\$ 5.200,00 em partes proporcionais a 5, 7 e 8.

$$\frac{a}{5} = \frac{b}{7} = \frac{c}{8}$$

A soma das três partes é 5.200.

$$\frac{a}{5} = \frac{b}{7} = \frac{c}{8} = \frac{5.200}{20} = 260$$

Para saber a parte devida a Caio, devemos multiplicar o seu denominador pela constante de proporcionalidade, que é 260.

$$c = 8 \times 260 = 2.080$$

Gabarito: C



10. (FGV 2014/BNB)

Francisco não tinha herdeiros diretos e assim, no ano de 2003, no dia do seu aniversário, fez seu testamento. Nesse testamento declarava que o saldo total da caderneta de poupança que possuía deveria ser dividido entre seus três sobrinhos em partes proporcionais às idades que tivessem no dia de sua morte. No dia em que estava redigindo o testamento, seus sobrinhos tinham 12, 18 e 20 anos. Francisco morreu em 2013, curiosamente, no dia do seu aniversário e, nesse dia, sua caderneta de poupança tinha exatamente R\$ 300.000,00. Feita a divisão de acordo com o testamento, o sobrinho mais jovem recebeu:

- (A) R\$ 72.000,00
- (B) R\$ 82.500,00
- (C) R\$ 94.000,00
- (D) R\$ 112.500,00
- (E) R\$ 120.000,00

Resolução

Em 2013, as idades eram 22, 28 e 30. Vamos dividir 300.000 reais em partes proporcionais a 22, 28 e 30.

$$\frac{a}{22} = \frac{b}{28} = \frac{c}{30}$$

A soma das três partes é 300.000. Vamos prolongar a proporção.

$$\frac{a}{22} = \frac{b}{28} = \frac{c}{30} = \frac{300.000}{80} = 3.750$$

Assim, o mais jovem recebeu:

$$a = 22 \times 3.750 = 82.500$$

Gabarito: B

11. (FGV 2014/AL-BA)

O pai de José e de Marlene deixou uma herança de R\$ 2.988.000,00 para ser repartida entre os dois.

Entretanto, determinou, em seu testamento, que a parte que caberia a cada um deveria ser diretamente proporcional à idade dele na data de sua morte e também diretamente proporcional à sobrevivência de cada um na mesma data.

As idades e sobrevivências de José e de Marlene na data da morte do pai são apresentadas na tabela a seguir:



	Idade	Sobrevida
José	50	21
Marlene	48	30

Marlene recebeu de herança a quantia de

- (A) R\$ 1.728.000,00.
- (B) R\$ 1.680.420,00.
- (C) R\$ 1.564.188,00.
- (D) R\$ 1.423.812,00.
- (E) R\$ 1.250.000,00.

Resolução

Vamos dividir R\$ 2.988.000,00 em partes diretamente proporcionais a 50 e 48 e também diretamente proporcionais a 21 e 30. Neste caso, as duas partes ficarão juntas multiplicando.

$$\frac{j}{50 \times 21} = \frac{m}{48 \times 30}$$

$$\frac{j}{1.050} = \frac{m}{1.440}$$

Agora vamos prolongar a proporção. A soma dos numeradores é R\$ 2.988.000,00 e a soma dos denominadores é $1.050 + 1.440 = 2.490$.

$$\frac{j}{1.050} = \frac{m}{1.440} = \frac{2.988.000}{2.490} = 1.200$$

Portanto,

$$m = 1.440 \times 1.200 = 1.728.000$$

Gabarito: A

12. (FCC 2018/CL-DF)

Miguel, Otávio e Pedro foram convocados para realizar um trabalho emergencial. Para recompensá-los posteriormente, decide-se dividir uma quantia em reais entre os 3 em partes diretamente proporcionais ao tempo dedicado de cada um para realizar o trabalho e inversamente proporcionais às respectivas idades. Sabe-se que Miguel dedicou 4 horas para o trabalho e sua idade é igual a 30 anos, Otávio dedicou 8 horas e sua idade é igual a 40 anos e Pedro dedicou 15 horas e sua idade é igual a 60 anos. Se a menor parte correspondente a esta divisão foi de 4.800, então a maior parte foi igual a

- a) R\$ 7.200,00



- b) R\$ 9.000,00
- c) R\$ 6.000,00
- d) R\$ 12.000,00
- e) R\$ 8.400,00

Resolução

Sejam M, T e P as partes correspondentes a Miguel, Otávio e Pedro, respectivamente.

A divisão será em partes diretamente proporcionais ao tempo dedicado e inversamente proporcionais às respectivas idades. Coletando os dados do enunciado, temos a seguinte proporção.

$$\frac{M}{\frac{4}{30}} = \frac{T}{\frac{8}{40}} = \frac{P}{\frac{15}{60}}$$

Simplificando estas frações, temos:

$$\frac{M}{\frac{2}{15}} = \frac{T}{\frac{1}{5}} = \frac{P}{\frac{1}{4}}$$

O mínimo múltiplo comum dos denominadores é $\text{mmc}(15, 5, 4) = 60$.

Vamos multiplicar todas as frações dos denominadores por 60 (para simplificar). Ficamos com:

$$\frac{2}{15} \cdot 60 = 8$$

$$\frac{1}{5} \cdot 60 = 12$$

$$\frac{1}{4} \cdot 60 = 15$$

A nossa proporção fica:

$$\frac{M}{8} = \frac{T}{12} = \frac{P}{15}$$

A menor parte, M, é igual a 4.800. Queremos saber o valor da maior parte, P.

$$\frac{M}{8} = \frac{P}{15}$$

$$\frac{4.800}{8} = \frac{P}{15}$$

$$600 = \frac{P}{15}$$

$$P = 15 \times 600 = 9.000 \text{ reais}$$

Gabarito: B



13. (FCC 2018/ TRT - 15ª Região)

André, Bruno, Carla e Daniela eram sócios em um negócio, sendo a participação de cada um, respectivamente, 10%, 20%, 20% e 50%. Bruno faleceu e, por não ter herdeiros naturais, estipulara, em testamento, que sua parte no negócio deveria ser distribuída entre seus sócios, de modo que as razões entre as participações dos três permanecessem inalteradas. Assim, após a partilha, a nova participação de André no negócio deve ser igual a

- (A) 20%.
- (B) 8%.
- (C) 12,5%.
- (D) 15%.
- (E) 10,5%.

Resolução

No início, a participação de Carla era o dobro da participação de André e a participação de Daniela era o quádruplo da participação de André. Esta proporção permanecerá no final.

Se a participação de André é x , a participação de Carla é $2x$ e a participação de Daniela é $5x$.

A soma das 3 participações será igual a 100%.

$$x + 2x + 5x = 100\%$$

$$8x = 100\%$$

$$x = 12,5\%$$

A participação de André passará a ser de 12,5%.

Poderíamos ter feito uma divisão proporcional. Vamos dividir a participação total 100% em partes diretamente proporcionais aos percentuais de André, Carla e Daniela: 10%, 20% e 50%.

$$\frac{a}{10} = \frac{c}{20} = \frac{d}{50}$$

Podemos simplificar os denominadores por 10.

$$\frac{a}{1} = \frac{c}{2} = \frac{d}{5}$$

A soma das 3 participações $a + c + d$ é 100%.

Toda proporção pode ser prolongada. Para tanto, basta somar os antecedentes e somar os consequentes.

$$\frac{a}{1} = \frac{c}{2} = \frac{d}{5} = \frac{100\%}{8} = 12,5\%$$

Para calcular a participação de André, basta multiplicar seu denominador pela constante de proporcionalidade, que é 12,5%.

$$a = 1 \times 12,5\% = 12,5\%$$



Gabarito: C

14. (FCC 2018/TRT - 2ª REGIÃO)

Há dois anos, em uma empresa, a razão entre o número de funcionárias mulheres e o número de funcionários homens era $7/12$. Hoje, sem que tenha aumentado ou diminuído o número total de funcionários (homens e mulheres) essa mesma razão é $9/10$. A diferença do número de funcionárias mulheres de hoje e de dois anos atrás corresponde, em relação ao total de funcionários (homens e mulheres) da empresa, a um valor

- (A) menor que 5%
- (B) entre 5% e 8%
- (C) entre 8% e 10%
- (D) entre 10% e 12%
- (E) maior que 12%

Resolução

O que significa dizer que a razão de mulheres para homens é $7/12$? Significa que o total de pessoas foi dividido em 19 partes das quais 7 partes são mulheres e 12 partes são homens).

Assim, as mulheres representam $7/19$ do total.

Na segunda situação, a razão de homens para mulheres é $9/10$. Isso quer dizer que o total de pessoas foi dividido em $9 + 10 = 19$ partes das quais 9 partes são mulheres. Assim, as mulheres agora representam $9/19$ do total.

Digamos que o total de pessoas seja x . Assim, a diferença do número de funcionárias mulheres de hoje e de dois anos atrás é:

$$\frac{9x}{19} - \frac{7x}{19} = \frac{2x}{19} = 0,1052x = 10,52\% \text{ de } x$$

Gabarito: D

15. (FCC 2018/ TRT - 6ª Região)

A relação entre funcionários homens e funcionárias mulheres em uma repartição pública é de 5 para 4, nessa ordem. Após um concurso, foram admitidos 5 novos funcionários homens e 12 novas funcionárias mulheres nessa repartição. Com o ingresso desses funcionários, a proporção entre funcionários homens e funcionárias mulheres da repartição passou a ser de 9 para 8, nessa ordem. Sendo assim, depois do concurso a repartição passou a ter um total de funcionárias mulheres igual a

- (A) 64.
- (B) 78.
- (C) 80.



(D) 72.

(E) 70.

Resolução

A relação entre funcionários homens e funcionárias mulheres em uma repartição pública é de 5 para 4, nessa ordem.

Seja m o número de mulheres e h o número de homens, temos:

$$\frac{h}{m} = \frac{5}{4}$$

Portanto,

$$h = \frac{5m}{4}$$

Após o concurso, haverá $h + 5$ homens e $m + 12$ mulheres. A razão de homens para mulheres será de 9 para 8.

$$\frac{h + 5}{m + 12} = \frac{9}{8}$$

O produto dos meios é igual ao produto dos extremos.

$$9 \cdot (m + 12) = 8 \cdot (h + 5)$$

$$9m + 108 = 8h + 40$$

Vamos substituir h por $5m/4$.

$$9m + 108 = 8 \cdot \frac{5m}{4} + 40$$

$$9m + 108 = 10m + 40$$

$$10m - 9m = 108 - 40$$

$$m = 68$$

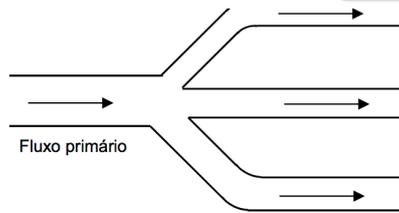
Este é o número inicial de mulheres. Depois do concurso, haverá $68 + 12 = 80$ mulheres.

Gabarito: C

16. (FCC 2018/SABESP)

A figura a seguir exibe uma tubulação de água que se divide em outras três de diâmetros menores, sendo que as setas indicam o sentido do fluxo de água em cada tubulação.





Sabe-se que o fluxo de água primário se divide de forma proporcional às áreas das seções transversais das tubulações de diâmetros menores e que a soma dos fluxos nessas tubulações é igual ao fluxo primário. Se o fluxo de água primário for de 300 litros por minuto e as áreas das seções transversais das tubulações menores forem de 5 cm^2 , 6 cm^2 e 9 cm^2 , respectivamente, então o fluxo de água na tubulação de menor área da seção transversal será de

- (A) 15 litros por minuto.
- (B) 90 litros por minuto.
- (C) 75 litros por minuto.
- (D) 50 litros por minuto.
- (E) 135 litros por minuto.

Resolução

Vamos dividir o fluxo de 300 litros por minuto em partes proporcionais aos números 5, 6 e 9.

$$\frac{a}{5} = \frac{b}{6} = \frac{c}{9}$$

Toda proporção pode ser prolongada. Para tanto, basta somar os antecedentes e somar os consequentes. A soma dos antecedentes é o fluxo total de 300 litros por minuto. A soma dos consequentes é $5 + 6 + 9 = 20$.

$$\frac{a}{5} = \frac{b}{6} = \frac{c}{9} = \frac{300}{20} = 15$$

Para calcular cada parte, basta multiplicar cada denominador pela constante de proporcionalidade, que é 15.

A menor parte é:

$$a = 5 \times 15 = 75 \text{ litros por minuto}$$

Gabarito: C

17. (FCC 2018/SABESP)

Em um centro de telemarketing de uma rede de academias, três operadores dividem entre si um bônus no final do ano de forma proporcional às quantidades de clientes matriculados por cada um ao longo do ano. No ano de 2017, o operador Carlos matriculou 700 clientes; a operadora Silvânia, 850 clientes; o operador Josias, 800 clientes. Se o bônus recebido por Josias foi de R\$ 1.200,00, então o valor total do bônus dividido entre os três operadores em 2017 foi de



- (A) R\$ 2.515,50.
- (B) R\$ 9.600,00.
- (C) R\$ 8.400,00.
- (D) R\$ 3.525,00.
- (E) R\$ 10.200,00.

Resolução

As três partes são proporcionais aos números de clientes.

$$\frac{c}{700} = \frac{s}{850} = \frac{j}{800}$$

Toda proporção pode ser prolongada. Para tanto, basta somar os numeradores e os denominadores.

Digamos que a soma dos numeradores seja S. A soma dos denominadores é $700 + 850 + 800 = 2.350$.

$$\frac{c}{700} = \frac{s}{850} = \frac{j}{800} = \frac{S}{2.350}$$

Queremos saber o valor de S. O enunciado afirmou que $j = 1.200$. Vamos focar apenas nas duas últimas frações.

$$\frac{j}{800} = \frac{S}{2.350}$$

$$\frac{1.200}{800} = \frac{S}{2.350}$$

$$\frac{12}{8} = \frac{S}{2.350}$$

$$8 \cdot S = 12 \cdot 2.350$$

$$8 \cdot S = 28.200$$

$$S = 3.525$$

Gabarito: D

18. (FCC 2018/SABESP)

Cento e quarenta tarefas anuais serão distribuídas entre 4 funcionários diretamente proporcional ao tempo de empresa de cada um. Dois dos funcionários têm 6 anos de empresa. Dos 4 funcionários, aquele que tem mais tempo de empresa possui o triplo dos anos de empresa do único funcionário dos 4 com menos de 6 anos de empresa. Se a média aritmética simples dos anos de empresa dos 4 funcionários é de 7 anos, o funcionário com mais anos de empresa receberá a quantidade de tarefas anuais igual a



- (A) 65
- (B) 64
- (C) 58
- (D) 66
- (E) 60

Resolução

Digamos que o funcionário mais novo tenha x anos de empresa. Assim, o funcionário mais antigo tem $3x$ anos de empresa. A média dos 4 funcionários é 7 anos. Para calcular esta média, basta somar os 4 valores e dividir por 4.

$$\frac{x + 6 + 6 + 3x}{4} = 7$$
$$x + 6 + 6 + 3x = 4 \cdot 7$$
$$4x = 28 - 12$$
$$4x = 16$$
$$x = 4$$

Assim, o funcionário mais novo trabalha há 4 anos e o mais antigo trabalha há 12 anos.

Vamos agora dividir as 140 tarefas em partes proporcionais a 4, 6, 6 e 12.

$$\frac{a}{4} = \frac{b}{6} = \frac{c}{6} = \frac{d}{12}$$

A soma dos numeradores é o total de tarefas: 140. A soma dos denominadores é 28.

$$\frac{a}{4} = \frac{b}{6} = \frac{c}{6} = \frac{d}{12} = \frac{140}{28} = 5$$

Assim, o funcionário mais antigo receberá $d = 12 \times 5 = 60$ tarefas.

Gabarito: E

19. (FCC 2018/ SEGEP-MA)

Há 4 anos Francine e Helena compararam o dinheiro que tinham guardado para investir. A razão entre o dinheiro de Francine e o de Helena era igual a $\frac{2}{3}$. Após esses 4 anos o investimento de Francine fez com que o seu dinheiro aumentasse 50% e o de Helena fez com que seu dinheiro aumentasse 25%. Agora, a razão $\frac{2}{3}$ passou a ser

- (A) $\frac{2}{5}$
- (B) $\frac{1}{2}$
- (C) $\frac{3}{4}$
- (D) $\frac{4}{5}$



(E) $5/6$

Resolução

Vamos supor que Francine possuía 200 reais e que Helena possuía 300 reais. Assim, a razão é de $200/300 = 2/3$.

Francine aumentou 50% o seu dinheiro. Como 50% de 200 é 100 reais, então Francine agora tem $200 + 100 = 300$ reais.

Helena aumentou 25% o seu dinheiro. Como 25% de 300 é 75 reais, então Helena agora tem $300 + 75 = 375$ reais.

A razão entre as quantias agora é

$$\frac{300}{375}$$

Vamos simplificar a fração. Vamos simplificar logo por 15.

$$\frac{300}{375} = \frac{20}{25}$$

Agora podemos simplificar por 5.

$$\frac{300}{375} = \frac{20}{25} = \frac{4}{5}$$

Gabarito: D

20. (FCC 2017/ TST)

Em uma empresa, trabalham oito funcionários, na mesma função, mas com cargas horárias diferentes: um deles trabalha 32 horas semanais, um trabalha 24 horas semanais, um trabalha 20 horas semanais, três trabalham 16 horas semanais e, por fim, dois deles trabalham 12 horas semanais. No final do ano, a empresa distribuirá um bônus total de R\$ 74.000,00 entre esses oito funcionários, de forma que a parte de cada um seja diretamente proporcional à sua carga horária semanal. Dessa forma, nessa equipe de funcionários, a diferença entre o maior e o menor bônus individual será, em R\$, de

(A) 10.000,00.

(B) 8.000,00.

(C) 20.000,00.

(D) 12.000,00.

(E) 6.000,00.

Resolução

Vamos armar a proporção:

$$\frac{a}{32} = \frac{b}{24} = \frac{c}{20} = \frac{d}{16} = \frac{e}{16} = \frac{f}{16} = \frac{g}{12} = \frac{h}{12}$$



A soma dos numeradores é 74.000. A soma dos denominadores é 148. Portanto,

$$\frac{a}{32} = \frac{b}{24} = \frac{c}{20} = \frac{d}{16} = \frac{e}{16} = \frac{f}{16} = \frac{g}{12} = \frac{h}{12} = \frac{74.000}{148} = 500$$

O maior bônus será “a” e o menor bônus será para “g” (ou para “h”).

$$a = 32 \times 500 = 16.000$$

$$g = 12 \times 500 = 6.000$$

A diferença é $16.000 - 6.000 = 10.000$.

Gabarito: A

21. (FCC 2017/ DPE-RS)

A razão entre as alturas de dois irmãos era $\frac{3}{4}$ e, nessa ocasião, a altura do irmão mais alto era 1,40 m. Hoje, esse irmão mais alto cresceu 10 cm. Para que a razão entre a altura do irmão mais baixo e a altura do mais alto seja hoje, igual a $\frac{4}{5}$, é necessário que o irmão mais baixo tenha crescido, nesse tempo, o equivalente a

- (A) 13,5 cm.
- (B) 10,0 cm.
- (C) 12,5 cm.
- (D) 14,8 cm.
- (E) 15,0 cm.

Resolução

A razão entre as alturas de dois irmãos era $\frac{3}{4}$.

Digamos que a altura do mais baixo seja x. Portanto,

$$\frac{x}{1,40} = \frac{3}{4}$$

$$4x = 3 \cdot 1,40$$

$$4x = 4,20$$

$$x = 1,05$$

O irmão mais alto hoje tem 1,50m.

A nova razão entre as alturas é $\frac{4}{5}$. Se a nova altura do mais baixo é y, então:

$$\frac{y}{1,50} = \frac{4}{5}$$

$$5y = 4 \cdot 1,50$$

$$5y = 6$$

$$y = 1,20$$



O mais baixo tinha 1,05m e agora tem 1,20m. Portanto, ele cresceu $1,20 - 1,05 = 0,15\text{m} = 15 \text{ cm}$.

Gabarito: E

22. (FCC 2017/DPE-RS)

O presidente de uma empresa resolveu premiar os três vendedores mais eficientes do ano com a quantia de R\$ 13.500,00 que será distribuída de forma diretamente proporcional ao número de pontos obtidos por cada um na avaliação do ano. O vencedor, com 45 pontos, recebeu R\$ 6.750,00, e o número de pontos do segundo colocado foi igual a 27. O número de pontos a menos que o terceiro colocado conseguiu em relação ao segundo colocado foi

- (A) 12
- (B) 8
- (C) 11
- (D) 10
- (E) 9

Resolução

Digamos que o terceiro colocado tenha recebido p pontos e que ele tenha recebido x reais.

Digamos ainda que o segundo colocado tenha recebido y reais. Assim,

$$\frac{x}{p} = \frac{y}{27} = \frac{6.750}{45}$$

Dividindo 6.750 por 45, obtemos:

$$\frac{x}{p} = \frac{y}{27} = \frac{6.750}{45} = 150$$

Assim, o segundo colocado recebeu:

$$y = 27 \times 150 = 4.050 \text{ reais}$$

A soma das três quantias é 13.500 reais. Portanto,

$$x + y + 6.750 = 13.500$$

$$x + 4.050 + 6.750 = 13.500$$

$$x + 10.800 = 13.500$$

$$x = 2.700$$

Observe que x/p é igual a 150. Portanto,

$$\frac{x}{p} = 150$$

$$\frac{2.700}{p} = 150$$



$$150p = 2.700$$
$$p = \frac{2.700}{150} = 18$$

O número de pontos a menos que o terceiro colocado conseguiu em relação ao segundo colocado foi $27 - 18 = 9$.

Gabarito: E

23. (FCC 2017/DPE-RS)

O diretor de uma empresa designou uma quantia que será distribuída para os três melhores funcionários do ano. O prêmio de cada um será inversamente proporcional ao total de pontos negativos que cada um obteve em suas respectivas avaliações. O funcionário que mais recebeu tinha uma avaliação com apenas 12 pontos negativos, o segundo colocado obteve 15 pontos negativos e o terceiro colocado com 21 pontos negativos. Sabendo que a quantia total a ser distribuída é R\$ 24.900,00, o maior prêmio superará o menor prêmio em exatos

- (A) R\$ 2.420,00
- (B) R\$ 3.990,00
- (C) R\$ 7.530,00
- (D) R\$ 6.180,00
- (E) R\$ 4.500,00

Resolução

Vamos dividir 24.900 reais em partes inversamente proporcionais a 12, 15 e 21.

$$\frac{a}{\frac{1}{12}} = \frac{b}{\frac{1}{15}} = \frac{c}{\frac{1}{21}}$$

Vamos multiplicar cada uma dessas frações por 3 para simplificar.

$$\frac{a}{\frac{1}{4}} = \frac{b}{\frac{1}{5}} = \frac{c}{\frac{1}{7}}$$

Vamos agora calcular o mínimo múltiplo comum (mmc) de 4, 5 e 7.

- 4, 5, 7 2
- 2, 5, 7 2
- 1, 5, 7 5
- 1, 1, 7 7
- 1, 1, 1

Portanto, $\text{mmc}(4, 5, 7) = 2 \times 2 \times 5 \times 7 = 140$. Vamos multiplicar cada fração do denominador por 140. Ficamos com:



$$\frac{a}{35} = \frac{b}{28} = \frac{c}{20}$$

Vamos prolongar a proporção somando os numeradores e somando os denominadores. A soma dos numeradores é 24.900.

$$\frac{a}{35} = \frac{b}{28} = \frac{c}{20} = \frac{24.900}{83} = 300$$

Os prêmios são:

$$a = 35 \times 300 = 10.500$$

$$b = 28 \times 300 = 8.400$$

$$c = 20 \times 300 = 6.000$$

O maior prêmio superará o menor prêmio em exatos $10.500 - 6.000 = 4.500$ reais.

Gabarito: E

24. (FCC 2017/ TRT - 24ª REGIÃO)

Uma corda será dividida em três pedaços de comprimentos diretamente proporcionais a 3, 5 e 7. Feita a divisão, verificou-se que o maior pedaço ficou com 1 metro a mais do que deveria ser o correto para a medida do maior pedaço, e que o menor pedaço ficou com 1 metro a menos do que deveria ser o correto para a medida do menor pedaço. Se o único pedaço que saiu na medida correta ficou com 12 metros de comprimento, o menor dos três pedaços saiu com comprimento, em metros, igual a

- (A) 8,6
- (B) 7,5
- (C) 6,2
- (D) 4,8
- (E) 5,6

Resolução

O único pedaço que ficou correto foi o pedaço correspondente a 5 (o pedaço do meio).

$$\frac{a}{3} = \frac{b}{5} = \frac{c}{7}$$

Sabemos que $b = 12$ metros.

$$\frac{a}{3} = \frac{12}{5} = \frac{c}{7} = 2,4$$

Assim, o menor pedaço deveria ser:

$$a = 3 \cdot 2,4 = 7,2 \text{ metros}$$



Como esse pedaço ficou com 1 metro a menos do que o previsto, então ele ficou com $7,2 - 1 = 6,2$ metros.

Gabarito: C

25. (FCC 2016/ SEGEP-MA)

Caberá a cada um dos doze funcionários de uma repartição, acompanhar um determinado número de um total de 360 projetos. Esse número de projetos deverá ser diretamente proporcional ao número de anos de serviço de cada funcionário. Sabe-se que três dos doze funcionários têm 4 anos de serviço, cinco deles têm 6 anos de serviço, três deles têm 7 anos de serviço e um deles tem 9 anos de serviço. Dessa maneira, o total de projetos que serão acompanhados pelo grupo dos mais jovens, em serviço, superará o número de projetos que o mais velho, em serviço, acompanhará, em um número igual a

- (A) 20.
- (B) 12.
- (C) 45.
- (D) 30.
- (E) 15.

Poderíamos montar a proporção:

$$\frac{a}{4} = \frac{b}{4} = \frac{c}{4} = \frac{d}{6} = \frac{e}{6} = \frac{f}{6} = \frac{g}{6} = \frac{h}{6} = \frac{i}{7} = \frac{j}{7} = \frac{k}{7} = \frac{l}{9}$$

A soma dos numeradores é 360. A soma dos denominadores é 72.

$$\frac{a}{4} = \frac{b}{4} = \frac{c}{4} = \frac{d}{6} = \frac{e}{6} = \frac{f}{6} = \frac{g}{6} = \frac{h}{6} = \frac{i}{7} = \frac{j}{7} = \frac{k}{7} = \frac{l}{9} = \frac{360}{72} = 5$$

Cada um dos mais jovens acompanhará $4 \times 5 = 20$ projetos.

Juntos, os mais jovens acompanharão $3 \times 20 = 60$ projetos.

O mais velho acompanhará $9 \times 5 = 45$ projetos.

Dessa maneira, o total de projetos que serão acompanhados pelo grupo dos mais jovens, em serviço, superará o número de projetos que o mais velho, em serviço, acompanhará, em um número igual a $60 - 45 = 15$.

Gabarito: E

26. (FCC 2016/ Prefeitura de Teresina - PI)

Em um Estado, a proporção de funcionários públicos para o número de habitantes é de 2:45. Se esse Estado possui 2,25 milhões de habitantes, o total desses habitantes que são funcionários públicos é igual a

- (A) 850 mil.



- (B) 240 mil.
- (C) 100 mil.
- (D) 180 mil.
- (E) 900 mil.

Resolução

Seja f o número funcionários públicos. Portanto,

$$\frac{f}{2.250.000} = \frac{2}{45}$$
$$f = \frac{2}{45} \times 2.250.000 = 100.000$$

Gabarito: C

27. (FCC 2016 / Prefeitura de Teresina - PI)

Em uma empresa, um prêmio em dinheiro foi dividido entre 3 funcionários (Antônio, Bento e Celso) em partes diretamente proporcionais ao tempo de serviço de cada um na empresa e inversamente proporcionais ao número de faltas injustificadas deles dentro de um período. O quadro abaixo forneceu as informações necessárias para o cálculo desta divisão.

Informação	Antônio	Bento	Celso
Tempo de serviço	8 anos	10 anos	18 anos
Número de faltas injustificadas	2 dias	5 dias	6 dias

Se Celso recebeu R\$ 13.500,00, então Antônio recebeu, em reais,

- (A) 12.000,00
- (B) 9.000,00
- (C) 27.000,00
- (D) 18.000,00
- (E) 22.500,00

Resolução

Lembre-se que quando a divisão é direta e inversamente proporcional, temos a seguinte estrutura das frações:

$$\frac{a}{\frac{\text{direta}}{\text{inversa}}}$$

Os tempos de serviço vão ficar no numerador e os números de faltas ficarão no denominador.

$$\frac{a}{8} = \frac{b}{10} = \frac{c}{18}$$
$$\frac{a}{2} = \frac{b}{5} = \frac{c}{6}$$



Vamos simplificar as frações.

$$\frac{a}{4} = \frac{b}{2} = \frac{c}{3}$$

Sabemos que $c = 13.500$. Vamos focar na primeira e na terceira frações.

$$\frac{a}{4} = \frac{c}{3}$$

$$\frac{a}{4} = \frac{13.500}{3}$$

$$\frac{a}{4} = 4.500$$

$$a = 4 \times 4.500 = 18.000 \text{ reais}$$

Gabarito: D

28. (FCC 2017/TRT 24ª Região)

Um bônus de R\$ 47.600,00 foi distribuído, a três funcionários de uma empresa, em partes diretamente proporcionais às respectivas idades. Sabendo que as idades são 23, 35 e 54 anos, a diferença, em reais, entre o valor daquele que recebeu mais e o valor daquele que recebeu menos, é

- (A) 16650
- (B) 8925
- (C) 12745
- (D) 13175
- (E) 9850

Resolução

Vamos montar a proporção.

$$\frac{a}{23} = \frac{b}{35} = \frac{c}{54}$$

A soma dos numeradores é 47.600 e a soma dos denominadores é 112.

$$\frac{a}{23} = \frac{b}{35} = \frac{c}{54} = \frac{47.600}{112} = 425$$

Para calcular "a", devemos multiplicar 23 por 425.

Para calcular "c", devemos multiplicar 54 por 425.

Entretanto, não queremos nem "a" nem "c". Queremos a diferença entre eles. Podemos fazer isso de uma maneira mais rápida. A diferença entre seus denominadores é $54 - 23 = 31$. Assim, é só multiplicar 31 por 425.

$$c - a = 31 \times 425 = 13.175$$

Se não gostou de fazer assim, é só continuar como antes.

$$a = 23 \times 425 = 9.775$$



$$c = 54 \times 425 = 22.950$$

A diferença é $c - a = 22.950 - 9775 = 13.175$.

Gabarito: D

29. (FCC 2014/TRF 3ª Região)

Quatro funcionários dividirão, em partes diretamente proporcionais aos anos dedicados para a empresa, um bônus de R\$ 36.000,00. Sabe-se que dentre esses quatro funcionários um deles já possui 2 anos trabalhados, outro possui 7 anos trabalhados, outro possui 6 anos trabalhados e o outro terá direito, nessa divisão, à quantia de R\$ 6.000,00. Dessa maneira, o número de anos dedicados para a empresa, desse último funcionário citado, é igual a

- (A) 5.
- (B) 7.
- (C) 2.
- (D) 3.
- (E) 4.

Resolução

Vamos primeiro organizar a proporção apenas com os 3 funcionários com o tempo de serviço conhecido.

O total a ser dividido é R\$ 36.000,00. Como o quarto funcionário receberá R\$ 6.000,00, então os outros receberão juntos R\$ 30.000,00.

A divisão será feita em partes diretamente proporcionais aos anos dedicados à empresa.

$$\frac{a}{2} = \frac{b}{7} = \frac{c}{6}$$

Para prolongar esta proporção, devemos somar os numeradores (R\$ 30.000) e somar os denominadores ($2+7+6 = 15$).

$$\frac{a}{2} = \frac{b}{7} = \frac{c}{6} = \frac{30.000}{15} = 2.000$$

Essa é a constante de proporcionalidade, ou seja, quando dividimos a quantia que cada um ganha pelo seu tempo de serviço o resultado será igual a 2.000.

Assim, dividindo o valor recebido pelo último funcionário (R\$ 6.000,00) pelo seu tempo de serviço deveremos encontrar o valor 2.000.

$$\frac{6.000}{x} = 2.000$$



$$x = 3$$

Conclusão: O funcionário que recebeu R\$ 6.000,00 já dedicou 3 anos à empresa.

Gabarito: D

30. (FCC 2014/CM de São Paulo)

Uma prefeitura destinou a quantia de 54 milhões de reais para a construção de três escolas de educação infantil. A área a ser construída em cada escola é, respectivamente, 1.500 m², 1.200 m² e 900 m² e a quantia destinada à cada escola é diretamente proporcional a área a ser construída. Sendo assim, a quantia destinada à construção da escola com 1.500 m² é, em reais, igual a

- (A) 22,5 milhões.
- (B) 13,5 milhões.
- (C) 15 milhões.
- (D) 27 milhões.
- (E) 21,75 milhões.

Resolução

Questãozinha bem fácil sobre divisão proporcional. Devemos dividir 54 milhões em partes diretamente proporcionais a 1.500, 1.200 e 900. Podemos simplificar estas quantidades por 100, obtendo 15, 12 e 9. Podemos agora dividir estas três quantidades por 3 e obter 5, 4 e 3. Assim, iremos dividir 54 milhões em partes diretamente proporcionais a 5, 4 e 3.

$$\frac{a}{5} = \frac{b}{4} = \frac{c}{3} = \frac{a + b + c}{5 + 4 + 3} = \frac{54}{12} = 4,5$$

A quantia destinada à construção da escola com 1.500 m² é:

$$a = 5 \times 4,5 = 22,5$$

Gabarito: A

31. (FCC 2014/CM de São Paulo)

Uma empresa foi constituída por três sócios, que investiram, respectivamente, R\$ 60.000,00, R\$ 40.000,00 e R\$ 20.000,00. No final do primeiro ano de funcionamento, a empresa obteve um lucro de R\$ 18.600,00 para dividir entre os sócios em quantias diretamente proporcionais ao que foi investido. O sócio que menos investiu deverá receber

- (A) R\$ 2.100,00.
- (B) R\$ 2.800,00.
- (C) R\$ 3.400,00.
- (D) R\$ 4.000,00.
- (E) R\$ 3.100,00.



Resolução

Isso é regra de sociedade. O lucro deve ser dividido em partes diretamente proporcionais aos capitais investidos e ao tempo de investimento. Neste caso, só temos a grandeza capital.

Assim, vamos dividir 18.600 reais em partes diretamente proporcionais a 60.000, 40.000 e 20.000. Simplificando esses valores por 20.000, vamos dividir 18.600 reais em partes diretamente proporcionais a 3, 2 e 1.

$$\frac{a}{3} = \frac{b}{2} = \frac{c}{1} = \frac{a + b + c}{3 + 2 + 1} = \frac{18.600}{6} = 3.100$$

Assim, os valores recebidos serão iguais a:

$$a = 3 \cdot 3.100 = 9.300$$

$$b = 2 \cdot 3.100 = 6.200$$

$$c = 1 \cdot 3.100 = 3.100$$

O sócio que menos investiu deverá receber R\$ 3.100,00.

Gabarito: E

32. (FCC 2017/TRT 11ª Região)

José Souza, Paulo Almeida e Claudio Prinot são três funcionários que têm que realizar, no total para os três, 72 tarefas diariamente. Cada dia eles escolhem um critério diferente para repartir as tarefas. Por exemplo, no dia de ontem eles decidiram que as 72 tarefas seriam divididas entre eles diretamente proporcional às consoantes do sobrenome de cada um. Sendo assim, ontem Paulo Almeida teve que realizar o total de tarefas igual a

- (A) 15.
- (B) 12.
- (C) 18.
- (D) 9.
- (E) 24.

Resolução

Os sobrenomes de José, Paulo e Claudio possuem, respectivamente, 2, 3 e 4 **consoantes**.

$$\frac{j}{2} = \frac{p}{3} = \frac{c}{4}$$

O total de tarefas é 72.

$$\frac{j}{2} = \frac{p}{3} = \frac{c}{4} = \frac{72}{9} = 8$$

Assim, o total de tarefas realizadas por Paulo foi $3 \times 8 = 24$.



Gabarito: E

33. (FCC 2010/TRE-AC)

Suponha que, para transportar as urnas eletrônicas usadas em uma eleição foi utilizada uma viatura do TRE do Estado do Acre. Na ocasião, o motorista responsável pela condução de tal viatura consultou um mapa feito na escala 1 : 20 000 000, ou seja, 1 unidade de medida no mapa correspondem a 20 000 000 unidades de medida real. Se nesse mapa o município de Rio Branco distava 1,19 cm do de Brasiléia e o município de Tarauacá distava 2,27 cm do de Rio Branco, quantos quilômetros a viatura deve ter percorrido no trajeto: Rio Branco → Brasiléia → Rio Branco → Tarauacá → Rio Branco?

- a) 1.482
- b) 1.384
- c) 1.146
- d) 930
- e) 692

Resolução

No mapa, o trajeto indicado dá um total de:

$$1,19 + 1,19 + 2,27 + 2,27 = 6,92 \text{ cm}$$

Esta é a medida do desenho.

Sabemos que:

$$\text{Escala} = \frac{\text{medida do desenho}}{\text{medida real}}$$

$$\frac{1}{20.000.000} = \frac{6,92 \text{ cm}}{x}$$

Portanto:

$$x = 6,92 \cdot 20.000.000 = 138.400.000 \text{ cm}$$

Pelo “tipo” de número, começando por 1384 só podemos marcar a alternativa B (pois ele quer a resposta em quilômetros). Vamos à transformação.

Como 1 metro equivale a 100 cm, para transformar aquela medida para metros devemos dividir por 100 (cortar dois zeros).

$$x = 1.384.000 \text{ metros}$$

Para transformar de metro para quilômetro, devemos dividir por 1000 (cortar três zeros), já que 1 km = 1.000 m.

$$x = 1.384 \text{ km}$$

Gabarito: B

34. (FCC 2010/MPE-RS)



A tabela a seguir mostra as participações dos três sócios de uma empresa na composição de suas ações.

Sócio	Total de ações
Paulo Silva	15.000
Maria Oliveira	10.000
Carlos Braga	7.000

Os lucros da empresa em determinado ano, que totalizaram R\$ 560.000,00, foram divididos entre os três sócios proporcionalmente à quantidade de ações que cada um possui. Assim, a sócia Maria Oliveira recebeu nessa divisão

- a) R\$ 17.500,00
- b) R\$ 56.000,00
- c) R\$ 112.000,00
- d) R\$ 140.000,00
- e) R\$ 175.000,00

Resolução

As divisões foram feitas em partes diretamente proporcionais. Vamos denominar os lucros de cada sócio com a letra inicial do nome de cada um.

$$\frac{p}{15.000} = \frac{m}{10.000} = \frac{c}{7.000}$$

Vamos simplificar os denominadores por 1.000.

$$\frac{p}{15} = \frac{m}{10} = \frac{c}{7}$$

Agora temos uma proporção muito parecida com as dos quesitos anteriores. Devemos somar os numeradores e os denominadores.

$$\frac{p}{15} = \frac{m}{10} = \frac{c}{7} = \frac{p + m + c}{15 + 10 + 7} = \frac{560.000}{32} = 17.500$$

A parte de Maria Oliveira será igual a:

$$m = 10 \times 17.500 = 175.000$$

Gabarito: E

35. (FCC 2008/TRF 5ª Região)

A razão entre as idades de dois técnicos é igual a 5/9. Se a soma dessas idades é igual a 70 anos, quantos anos o mais jovem tem a menos que o mais velho?

- a) 15
- b) 18
- c) 20



- d) 22
- e) 25

Resolução

Vamos considerar que a idade do mais novo é igual a n e a idade do mais velho é igual a v . A razão entre essas idades é igual a $5/9$.

$$\frac{n}{v} = \frac{5}{9}$$

É preferível que você coloque as incógnitas no numerador e os números no denominador. Você poderá fazendo isso trocando os meios de lugar, ou trocando os extremos.

$$\frac{n}{5} = \frac{v}{9}$$

A soma das idades é igual a 70 anos. Vamos então prolongar a proporção somando os numeradores e somando os denominadores.

$$\frac{n}{5} = \frac{v}{9} = \frac{n+v}{5+9} = \frac{70}{14} = 5$$

Portanto:

$$n = 5 \times 5 = 25$$

$$v = 9 \times 5 = 45$$

A idade do mais novo é 25 e a idade do mais velho é 45.

A diferença entre as idades é igual a 20 anos.

Gabarito: C

36. (FCC 2008/Pref. de São Paulo)

Lourival e Juvenal são funcionários da Prefeitura Municipal de São Paulo há 8 e 12 anos, respectivamente. Eles foram incumbidos de inspecionar as instalações de 75 estabelecimentos comerciais ao longo de certa semana e decidiram dividir esse total entre si, em partes inversamente proporcionais aos seus respectivos tempos de serviço na Prefeitura. Com base nessas informações, é correto afirmar que coube a Lourival inspecionar

- (A) 50 estabelecimentos.
- (B) 15 estabelecimentos a menos do que Juvenal.
- (C) 20 estabelecimentos a mais do que Juvenal.
- (D) 40% do total de estabelecimentos.
- (E) 60% do total de estabelecimentos.

Resolução

Vamos considerar que Lourival inspecionará l estabelecimentos e Juvenal inspecionará j estabelecimentos.



Já que a divisão será em partes inversamente proporcionais aos seus respectivos tempos de serviço na Prefeitura, a proporção ficará assim:

$$\frac{l}{1} = \frac{j}{12}$$

Vamos adotar a mesma estratégia da questão anterior. O mínimo múltiplo comum entre 8 e 12 é igual a 24. Olhe para as frações dos denominadores. Devemos dividir 24 por 8 e 24 por 12. A proporção ficará assim:

$$\frac{l}{3} = \frac{j}{2}$$

Aplicando a propriedade das proporções. Devemos somar os numeradores e somar os denominadores. Lembre-se que o total de estabelecimentos inspecionados é igual a 75.

$$\frac{l}{3} = \frac{j}{2} = \frac{l+j}{3+2} = \frac{75}{5} = 15$$

$$l = 3 \cdot 15 = 45$$

$$j = 2 \cdot 15 = 30$$

Desta forma, Lourival inspecionou 45 estabelecimentos e Juvenal inspecionou 30 estabelecimentos.

Vamos agora analisar as alternativas:

É correto afirmar que coube a Lourival inspecionar:

(A) 50 estabelecimentos (FALSO)

(B) 15 estabelecimentos a menos do que Juvenal (FALSO, pois foram 15 estabelecimentos a mais do que Juvenal).

(C) 20 estabelecimentos a mais do que Juvenal (FALSO, pois foram 15 estabelecimentos a mais do que Juvenal).

(D) 40% do total de estabelecimentos. (FALSO, pois 40% de 75 é igual a 30).

(E) 60% do total de estabelecimentos (VERDADEIRO, pois 60% de 75 é igual a 45).

Gabarito: E

37. (FCC 2007/Metro-SP)



Certo dia, três funcionários da Companhia do Metropolitano de São Paulo foram incumbidos de distribuir folhetos informativos contendo orientações aos usuários dos trens. Para executar tal tarefa, eles dividiram o total de folhetos entre si, em partes inversamente proporcionais aos seus respectivos tempos de serviço no Metrô: 2 anos, 9 anos e 12 anos. Se o que trabalha há 9 anos ficou com 288 folhetos, a soma das quantidades com que os outros dois ficaram foi

- (A) 448
- (B) 630
- (C) 954
- (D) 1 512
- (E) 1 640

Resolução

Vamos considerar que as quantidades de folhetos de cada um dos funcionários são iguais a a, b, c (em ordem crescente do tempo de serviço).

Já que a divisão é inversamente proporcional ao tempo de serviço, então a proporção ficará assim:

$$\frac{a}{2} = \frac{b}{9} = \frac{c}{12}$$

O mínimo múltiplo comum entre 2, 9 e 12 é igual a 36. Devemos dividir 36 por 2, por 9 e por 12, obtendo 18, 4 e 3, respectivamente.

$$\frac{a}{18} = \frac{b}{4} = \frac{c}{3}$$

O funcionário que trabalha há 9 anos ficou com 288 folhetos, portanto $b = 288$.

$$\frac{a}{18} = \frac{288}{4} = \frac{c}{3}$$

$$\frac{a}{18} = 72 = \frac{c}{3}$$

$$a = 18 \cdot 72 = 1.296$$

$$b = 3 \cdot 72 = 216$$

Portanto, $a + b = 1.512$.

A soma das quantidades com que os outros dois ficaram foi 1.512.

Gabarito: D

38. (FCC 2010/BAHIA GAS)

Para realizar a partilha de uma herança de R\$ 28.500,00, quatro irmãos, que nasceram em dias diferentes, marcaram encontro em um sábado. O testamento determinava que eles receberiam



partes diretamente proporcionais às respectivas idades, em anos completos, que nesse sábado seriam: 15, 17, 21 e 22 anos. O irmão mais novo só compareceu no domingo, um dia depois do combinado, e que era exatamente o dia de seu aniversário. Supondo que a partilha tenha sido feita no domingo, a quantia somada que os dois irmãos mais velhos deixaram de receber por conta do adiamento de um dia é:

- (A) R\$ 50,00.
- (B) R\$ 155,00.
- (C) R\$ 180,00.
- (D) R\$ 205,00.
- (E) R\$ 215,00.

Resolução

As divisões foram feitas em partes diretamente proporcionais. Se a partilha fosse feita no sábado, então a proporção ficaria assim:

$$\frac{a}{15} = \frac{b}{17} = \frac{c}{21} = \frac{d}{22}$$

Como a herança total é igual a R\$ 28.500,00, então somando os numeradores e somando os denominadores:

$$\frac{a}{15} = \frac{b}{17} = \frac{c}{21} = \frac{d}{22} = \frac{a + b + c + d}{15 + 17 + 21 + 22} = \frac{28.500}{75} = 380$$

O irmão que tem 21 anos receberia $c = 21 \cdot 380 = 7.980$ reais.

O irmão que tem 22 anos receberia $d = 22 \cdot 380 = 8.360$ reais.

Mas a partilha foi feita no domingo, dia de aniversário do irmão mais novo. No domingo, o irmão mais novo completou 16 anos e a partilha foi feita de acordo com a seguinte proporção:

$$\frac{a}{16} = \frac{b}{17} = \frac{c}{21} = \frac{d}{22}$$

Como a herança total é igual a R\$ 28.500,00, então somando os numeradores e somando os denominadores:

$$\frac{a}{16} = \frac{b}{17} = \frac{c}{21} = \frac{d}{22} = \frac{a + b + c + d}{16 + 17 + 21 + 22} = \frac{28.500}{76} = 375$$

O irmão que tem 21 anos recebeu $c = 21 \cdot 375 = 7.875$ reais.

O irmão que tem 22 anos recebeu $d = 22 \cdot 375 = 8.250$ reais.

O irmão de 21 anos deixou de receber $7.980 - 7.875 = 105$ reais.

O irmão de 22 anos deixou de receber $8.360 - 8.250 = 110$ reais.



A quantia somada que os dois irmãos mais velhos deixaram de receber por conta do adiamento de um dia é $105 + 110 = 215$ reais.

Gabarito: E

39. (FCC 2008/Pref. de Salvador)

Foi solicitada, à Guarda Municipal, a distribuição de colaboradores que se responsabilizassem por ações que garantissem a preservação dos parques públicos de três municípios da região metropolitana do Salvador. Fez-se a opção de distribuir os 72 colaboradores, de forma diretamente proporcional à população de cada um dos municípios.

Tabela de valores aproximados de população

Município	População
Camaçari	180 000
Dias D'Ávila	50 000
Lauro de Freitas	130 000

(Dados de 01/07/03 adaptados de SEI (Superintendência de Estudos Econômicos e Sociais da Bahia).

Qual é o número de colaboradores destinados ao município Lauro de Freitas?

- (A) 36
- (B) 30
- (C) 26
- (D) 13
- (E) 10

Resolução

Vamos considerar que os números de colaboradores aos municípios de Camaçari, Dias D'Ávila e Lauro de Freitas são iguais a c , d e l , respectivamente.

A divisão é feita de forma proporcional à população de cada cidade.

$$\frac{c}{180.000} = \frac{d}{50.000} = \frac{l}{130.000}$$

Podemos simplificar a proporção dividindo todos os termos dos denominadores por 10.000 (cortar 4 zeros).

$$\frac{c}{18} = \frac{d}{5} = \frac{l}{13}$$



Vamos agora somar os numeradores e somar os denominadores.

$$\frac{c}{18} = \frac{d}{5} = \frac{l}{13} = \frac{c+d+l}{18+5+13} = \frac{72}{36} = 2$$

Desta forma, $l = 13 \cdot 2 = 26$.

O município de Lauro de Freitas receberá 26 colaboradores.

Gabarito: C

40. (FCC 2009/MPE-AP)

O dono de uma loja resolveu distribuir a quantia de R\$ 3.570,00 entre seus funcionários, como premiação. Cada um dos cinco funcionários receberá uma parte diretamente proporcional ao número de anos completos trabalhados na loja. A tabela mostra o número de anos completos trabalhados na loja pelos cinco funcionários.

Funcionário	Anos completos
J	2
K	3
L	4
M	7
N	12

A diferença entre o prêmio recebido pelo funcionário M e o prêmio recebido pelo funcionário K, em reais, é

- (A) 127,50
- (B) 255,00
- (C) 382,50
- (D) 510,00
- (E) 892,50

Resolução

A divisão será feita em partes diretamente proporcionais ao número de anos completos trabalhados na loja. A proporção será a seguinte:

$$\frac{j}{2} = \frac{k}{3} = \frac{l}{4} = \frac{m}{7} = \frac{n}{12}$$

A soma das quantias recebidas pelos funcionários é igual a R\$ 3.570,00.

$$\frac{j}{2} = \frac{k}{3} = \frac{l}{4} = \frac{m}{7} = \frac{n}{12} = \frac{J+k+l+m+n}{2+3+4+7+12} = \frac{3.570}{28} = 127,5$$

Desta forma:

$$m = 7 \cdot 127,5 = 892,50$$



$$k = 3 \cdot 127,5 = 382,50$$

A diferença entre o prêmio recebido pelo funcionário M e o prêmio recebido pelo funcionário K, em reais, é $892,50 - 382,50 = 510$.

Gabarito: D

41. (FCC 2010/DPE-SP)

O orçamento de um município para transporte público é de R\$ 770.000,00. Esse orçamento será repartido entre três regiões (A, B e C) do município em proporção direta ao número de habitantes de cada uma. Sabe-se que o número de habitantes da região A é o dobro da região B, que por sua vez é dobro da região C. Nas condições dadas, as regiões B e C receberão, juntas,

- (A) R\$ 280.000,00.
- (B) R\$ 290.000,00.
- (C) R\$ 300.000,00.
- (D) R\$ 310.000,00.
- (E) R\$ 330.000,00.

Resolução

Não foi informada a população de cada uma das regiões. Apenas foi dito que o número de habitantes da região A é o dobro da região B, que por sua vez é dobro da região C.

Vamos considerar que a população da região C seja igual a 1. Desta forma, a população da região B será igual a 2 e a população da região A será igual a 4.

Desta maneira, devemos dividir R\$ 770.000,00 em partes diretamente proporcionais a 4, 2 e 1.

$$\frac{a}{4} = \frac{b}{2} = \frac{c}{1} = \frac{a + b + c}{4 + 2 + 1} = \frac{770.000}{7} = 110.000$$

$$b = 2 \cdot 110.000 = 220.000$$

$$c = 1 \cdot 110.000 = 110.000$$

As regiões B e C receberão juntas, $220.000 + 110.000 = 330.000$ reais.

Gabarito: E

42. (FCC 2016/TRF 3ª Região)

Uma herança de R\$ 82.000,00 será repartida de modo inversamente proporcional às idades, em anos completos, dos três herdeiros. As idades dos herdeiros são: 2, 3 e x anos. Sabe-se que os números que correspondem às idades dos herdeiros são números primos entre si (o maior divisor comum dos três números é o número 1) e que foi R\$ 42.000,00 a parte da herança que o herdeiro



com 2 anos recebeu. A partir dessas informações o valor de x é igual a

- (A) 7.
- (B) 5.
- (C) 11.
- (D) 1.
- (E) 13.

Resolução

Sejam a, b e c as três partes.

$$\frac{a}{\frac{1}{2}} = \frac{b}{\frac{1}{3}} = \frac{c}{\frac{1}{x}}$$

Digamos que k seja a constante de proporcionalidade.

$$\frac{a}{\frac{1}{2}} = \frac{b}{\frac{1}{3}} = \frac{c}{\frac{1}{x}} = k$$

Portanto,

$$a = \frac{1}{2} \cdot k = \frac{k}{2}$$

$$b = \frac{1}{3} \cdot k = \frac{k}{3}$$

$$c = \frac{1}{x} \cdot k = \frac{k}{x}$$

O primeiro herdeiro recebeu 42.000 reais. Portanto,

$$\frac{k}{2} = 42.000$$

$$k = 2 \cdot 42.000 = 84.000$$

Como a constante é 84.000, então o segundo herdeiro recebeu $84.000/3 = 28.000$ reais.

Desta maneira, os dois primeiros herdeiros, juntos, recebera $28.000 + 42.000 = 70.000$ reais.

O total da herança é de 82.000 reais. Sobraram 12.000 reais para o terceiro herdeiro. Portanto,

$$\frac{k}{x} = 12.000$$



$$\frac{84.000}{x} = 12.000$$

$$12.000x = 84.000$$

$$x = 7$$

Gabarito: A

43. (CESPE 2018/IFF)

A quantia de R\$ 360.000 deverá ser repassada às escolas A, B e C para complemento da merenda escolar. A distribuição será em partes diretamente proporcionais às quantidades de alunos de cada escola. Sabe-se que a escola A tem 20% a mais de alunos que a escola B e que a escola C tem 20% a menos de alunos que a escola B. Nesse caso, a escola A deverá receber

- A) R\$ 140.000.
- B) R\$ 144.000.
- C) R\$ 168.000.
- D) R\$ 192.000.
- E) R\$ 216.000.

Resolução

Suponha que há 10 alunos na escola B. Assim, há 12 alunos na escola A e 8 alunos na escola C.

Queremos dividir 360.000 reais em partes diretamente proporcionais a 12, 10 e 8.

Vamos armar a proporção.

$$\frac{a}{12} = \frac{b}{10} = \frac{c}{8}$$

Vamos agora prolongar a proporção. A soma dos numeradores é 360.000.

$$\frac{a}{12} = \frac{b}{10} = \frac{c}{8} = \frac{360.000}{30} = 12.000$$

Para saber o valor devido a A, basta multiplicar seu denominador 12 pela constante de proporcionalidade 12.000.

$$a = 12 \times 12.000 = 144.000 \text{ reais}$$

Gabarito: B

(CESPE 2018/STM)

Os irmãos Jonas, Pierre e Saulo, que têm, respectivamente, 30, 20 e 18 anos de idade, herdaram de seu pai a quantia de R\$ 5 milhões. O testamento prevê que essa quantia deverá ser dividida entre os irmãos em partes inversamente proporcionais às suas idades



Nessa situação hipotética,

44. um dos irmãos receberá metade da herança.

45. Jonas receberá 50% a mais que Saulo.

Resolução

Vamos dividir 5 milhões em partes inversamente proporcionais a 30, 20 e 18. Vamos armar a proporção colocando $1/30$, $1/20$ e $1/18$ nos denominadores.

$$\frac{j}{\frac{1}{30}} = \frac{p}{\frac{1}{20}} = \frac{s}{\frac{1}{18}}$$

Vamos agora calcular o MMC dos denominadores.

$$30, 20, 18 \quad 2$$

$$15, 10, 9 \quad 2$$

$$15, 5, 9 \quad 3$$

$$5, 5, 3 \quad 3$$

$$5, 5, 1 \quad 5$$

$$1, 1, 1$$

Portanto, $\text{MMC}(30, 20, 18) = 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 5 = 180$.

Vamos multiplicar as frações por 180. Para tanto, basta dividir 180 pelo denominador e multiplicar pelo numerador.

$$180 \text{ dividido por } 30 \text{ é } 6 \text{ e } 6 \times 1 = 6.$$

$$180 \text{ dividido por } 20 \text{ é } 9 \text{ e } 9 \times 1 = 9.$$

$$180 \text{ dividido por } 18 \text{ é } 10 \text{ e } 10 \times 1 = 10.$$

$$\frac{j}{6} = \frac{p}{9} = \frac{s}{10}$$

Vamos agora prolongar a proporção. A soma dos numeradores é 5 milhões.

$$\frac{j}{6} = \frac{p}{9} = \frac{s}{10} = \frac{5.000.000}{25} = 200.000$$

Para calcular cada parte, é só multiplicar cada denominador pela constante de proporcionalidade.

$$j = 6 \times 200.000 = 1.200.000$$

$$p = 9 \times 200.000 = 1.800.000$$

$$s = 10 \times 200.000 = 2.000.000$$

Vamos analisar os itens.

I. Um dos irmãos receberá metade da herança.

Ora, metade da herança corresponde a $5.000.000/2 = 2.500.000$. Nenhum irmão receberá essa quantia. Item errado.



II. Jonas receberá 50% a mais que Saulo.

Item errado também. Ora, Jonas é o mais velho. Como a divisão foi em partes inversamente proporcionais, então o mais velho vai receber menos.

Gabarito: Errado, Errado

46. (CESPE 2018 / CAGE RS)

João, Pedro e Tiago, três investidores amadores, animados com a popularização das criptomoedas, investiram 12, 14 e 24 mil reais, respectivamente, em moeda virtual. Após uma semana do investimento, eles perceberam que o prejuízo acumulado, que era de 8 mil reais, deveria ser dividido entre os três, em proporção direta aos valores investidos.

Nessa situação, em caso de desistência do investimento após a constatação do prejuízo, João, Pedro e Tiago receberão, respectivamente, as quantias, em reais, de

- A) 9.340, 11.340 e 21.340.
- B) 10.080, 11.760 e 20.160.
- C) 11.920, 13.240 e 22.840.
- D) 2.660, 2.660 e 2.660.
- E) 1.920, 2.240 e 3.840.

Resolução

Vamos dividir o prejuízo de 8 mil reais em partes diretamente proporcionais a 12, 14 e 24 (não precisa colocar “mil”, pois será simplificado).

$$\frac{j}{12} = \frac{p}{14} = \frac{t}{24} = \frac{8.000}{50} = 160$$

Para calcular o prejuízo de cada um, basta multiplicar o denominador pela constante de proporcionalidade.

$$j = 12 \times 160 = 1.920$$

$$p = 14 \times 160 = 2.240$$

$$t = 24 \times 160 = 3.840$$

Como João investiu 12 mil reais, ele receberá $12.000 - 1.920 = 10.080$ reais.

Como Pedro investiu 14 mil reais, ele receberá $14.000 - 2.240 = 11.760$ reais.

Como Tiago investiu 24 mil reais, ele receberá $24.000 - 3.840 = 20.160$ reais.

Gabarito: B

47. (CESPE 2017/ SEDF)

Um empresário dividiu, entre três de seus empregados, a quantia de R\$ 6.600,00 em partes inversamente proporcionais a 2, 5 e 8. Nesse caso, todos os valores nessa partilha são maiores que R\$ 1.100,00.



Resolução

Vamos armar a proporção colocando $1/2$, $1/5$ e $1/8$ nos denominadores.

$$\frac{a}{\frac{1}{2}} = \frac{b}{\frac{1}{5}} = \frac{c}{\frac{1}{8}}$$

Vamos agora calcular o MMC dos denominadores.

$$2, 5, 8 \quad 2$$

$$1, 5, 4 \quad 2$$

$$1, 5, 2 \quad 2$$

$$1, 5, 1 \quad 5$$

$$1, 1, 1$$

Portanto, $\text{MMC}(2, 5, 8) = 2 \times 2 \times 2 \times 5 = 40$.

Vamos multiplicar as frações por 40. Ficamos com:

$$\frac{a}{20} = \frac{b}{8} = \frac{c}{5}$$

Vamos agora prolongar a proporção. A soma dos numeradores é 6.600.

$$\frac{a}{20} = \frac{b}{8} = \frac{c}{5} = \frac{6.600}{33} = 200$$

Para calcular cada parte, basta multiplicar cada denominador pela constante de proporcionalidade.

$$a = 20 \times 200 = 4.000$$

$$b = 8 \times 200 = 1.600$$

$$c = 5 \times 200 = 1.000$$

O item está errado porque $c < 1.100$.

Gabarito: Errado

48. (CESPE 2014/MDIC)

Lúcio, Breno, Cláudia e Denise abriram a loja virtual Lik, para a qual, no ato de abertura, Lúcio contribuiu com R\$ 10.000,00; Breno, com R\$ 15.000,00; Cláudia, com R\$ 12.000,00; e Denise, com R\$ 13.000,00. Os lucros obtidos por essa loja serão distribuídos de forma diretamente proporcional à participação financeira de cada um dos sócios no ato de abertura da loja.

A partir dessas informações, julgue os itens a seguir.

Se o lucro obtido ao final de determinado mês for igual a R\$ 7.000,00, então a parcela de Cláudia no lucro será superior a R\$ 1.700,00 nesse mês.

Resolução



Vamos dividir o lucro de 7.000 em partes diretamente proporcionais a 10, 15, 12 e 13.

$$\frac{a}{10} = \frac{b}{15} = \frac{c}{12} = \frac{d}{13}$$

A soma dos numeradores é 7.000.

$$\frac{a}{10} = \frac{b}{15} = \frac{c}{12} = \frac{d}{13} = \frac{7.000}{50} = 140$$

Para calcular a parcela de Cláudia, basta multiplicar seu numerador 12 pela constante de proporcionalidade 140.

$$c = 12 \times 140 = 1.680$$

Com a prática, você pode fazer um raciocínio mais rápido para divisões diretamente proporcionais.

O total investido foi de 50 mil reais. Como Cláudia investiu 12 mil reais, ela ficará com $\frac{12}{50}$ do lucro.

$$\frac{12}{50} \times 7.000 = 1.680$$

Gabarito: Errado

49. (CESPE 2014/MDIC)

Caso toda a produção de uma fábrica seja destinada aos públicos infantil, jovem e adulto, de modo que as porcentagens da produção destinadas a cada um desses públicos sejam inversamente proporcionais, respectivamente, aos números 2, 3 e 6, então mais de 30% da produção dessa fábrica destinar-se-á ao público jovem.

Resolução

Vamos dividir o total 100% em partes inversamente proporcionais a 2, 3 e 6.

Na proporção, teremos $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{3}$ e $\frac{1}{6}$ nos denominadores.

$$\frac{i}{\frac{1}{2}} = \frac{j}{\frac{1}{3}} = \frac{a}{\frac{1}{6}}$$

Vamos calcular o MMC dos denominadores.

2, 3, 6 2

1, 3, 3 3

1, 1, 1

Portanto, $\text{MMC}(2, 3, 6) = 2 \times 3 = 6$.

Vamos multiplicar cada fração por 6.

$$\frac{i}{3} = \frac{j}{2} = \frac{a}{1}$$

A soma dos numeradores é 100%.

$$\frac{i}{3} = \frac{j}{2} = \frac{a}{1} = \frac{100\%}{6}$$



Queremos saber a parte que cabe ao público jovem. Basta multiplicar o denominador corresponde pela constante de proporcionalidade.

$$j = 2 \times \frac{100\%}{6} \cong 33,33\%$$

Gabarito: Certo

50. (CESPE 2012/PRF)

Paulo, Maria e Sandra investiram, respectivamente, R\$ 20.000,00, R\$ 30.000,00 e R\$ 50.000,00 na construção de um empreendimento. Ao final de determinado período de tempo, foi obtido o lucro de R\$ 10.000,00, que deverá ser dividido entre os três, em quantias diretamente proporcionais às quantias investidas.

Considerando a situação hipotética acima, julgue o item que se segue.

Paulo e Maria receberão, juntos, mais do que Sandra.

Resolução

Ora, Paulo e Maria, juntos, investiram 20 mil + 30 mil = 50 mil reais. Assim Paulo e Maria, juntos, investiram o mesmo que Sandra.

Portanto, Paulo e Maria, juntos, receberão exatamente a mesma quantia que Sandra.

Gabarito: Errado.

(CESPE 2009/PM-AC)

A poluição dos carros paulistanos

São Paulo começou neste ano a fazer a inspeção ambiental dos veículos registrados na cidade. Os movidos a diesel são os primeiros.

Veja os números dos veículos na capital paulista:

- veículos registrados: 6,1 milhões;
- está fora de circulação ou trafega irregularmente: 1,5 milhão;
- movidos a diesel: 800.000;
- cumprem os limites de emissão de poluentes: 20% dos veículos inspecionados.

Idem, p. 63 (com adaptações).

Tendo o texto acima como referência, julgue os itens seguintes.

51. Suponha que na capital paulista, entre os veículos registrados, não haja nenhum veículo bicombustível, que os únicos combustíveis disponíveis sejam diesel, gasolina e álcool, e que a quantidade de veículos movidos a álcool está para 3 assim como a quantidade de veículos movidos a gasolina está para 7. Nesse caso, em São Paulo há mais de 3,7 milhões de veículos movidos a gasolina e menos de 1,6 milhão de veículos movidos a álcool.

Resolução

São 6,1 milhões de carros registrados dos quais 800.000 são movidos a diesel. Portanto, 5,3 milhões de carros são movidos a álcool ou gasolina.



Chamemos de a o número de carros movidos a álcool e g o número de carros movidos a gasolina. Temos a seguinte proporção:

$$\frac{a}{3} = \frac{g}{7}$$

Sabemos que $a + g = 5,3$ milhões.

$$\frac{a}{3} = \frac{g}{7} = \frac{a+g}{7+3} = \frac{5,3}{10} = 0,53$$

Desta forma:

$$a = 3 \cdot 0,53 = 1,59 \text{ milhão de carros movidos a álcool.}$$

$$g = 7 \cdot 0,53 = 3,71 \text{ milhões de carros movidos a gasolina.}$$

Nesse caso, em São Paulo há mais de 3,7 milhões de veículos movidos a gasolina e menos de 1,6 milhão de veículos movidos a álcool.

Gabarito: Certo

52. Suponha que na cidade de São Paulo não há nenhum veículo bicombustível e que os combustíveis disponíveis são álcool, gasolina, diesel e gás liquefeito de petróleo (GLP). Suponha também que as quantidades de veículos movidos a álcool, gasolina e GLP são números diretamente proporcionais a 5, 9, e 2. Nessa situação, é correto afirmar que mais de 50% dos veículos registrados na capital paulista são movidos a gasolina.

Resolução

Atente para o fato de que como são 800.000 veículos movidos a diesel, então os veículos movidos a álcool, gasolina ou GLP totalizam 5.300.000 (6,1 milhões menos 800.000).

Podemos escrever a seguinte proporção:

$$\frac{\text{álcool}}{5} = \frac{\text{gasolina}}{9} = \frac{\text{GLP}}{2} = \frac{5.300.000}{5+9+2} = 331.250$$

Os carros movidos a gasolina totalizam $9 \times 331.250 = 2.981.250$ carros. Portanto, **menos** de 50% dos veículos registrados na capital paulista são movidos a gasolina.

Gabarito: Errado

(CESPE 2009/MEC)

Levando em consideração que, em um supermercado, há biscoitos recheados de chocolate em embalagens de 130 g, 140 g e 150 g, com preços de R\$ 1,58, R\$ 1,68 e R\$ 1,80, respectivamente, julgue os itens a seguir.

53. Proporcionalmente, os biscoitos nas embalagens de 130 g são mais baratos que aqueles nas embalagens de 140 g.



Resolução

Para fazer a comparação devemos pegar quantidades iguais de biscoitos. Por exemplo, 10 gramas. Nas embalagens de 130 gramas, para calcular o preço de 10 gramas de biscoito devemos dividir o preço por 13 e nas embalagens de 140 gramas devemos dividir o preço por 14.

$$\frac{1,58}{13} = 0,1215$$

$$\frac{1,68}{14} = 0,12$$

Portanto, proporcionalmente, a embalagem de 140 gramas é mais barata.

Gabarito: errado.

54. Proporcionalmente, os biscoitos nas embalagens de 140 g e 150 g saem pelo mesmo preço.

Resolução

Para fazer a comparação devemos pegar quantidades iguais de biscoitos. Por exemplo, 10 gramas. Nas embalagens de 140 gramas, para calcular o preço de 10 gramas de biscoito devemos dividir o preço por 14 e nas embalagens de 150 gramas devemos dividir o preço por 15.

$$\frac{1,68}{14} = 0,12$$

$$\frac{1,80}{15} = 0,12$$

Gabarito: Certo

(CESPE 2008/Ministério do Esporte)

Uma empresa realizará concurso para contratar profissionais de níveis de escolaridade fundamental, médio e superior. O salário mensal depende apenas do nível de escolaridade do profissional. Os salários mensais a serem pagos em cada um desses níveis são diretamente proporcionais aos números 2, 5 e 11, respectivamente. Com referência a essa situação e sabendo que o profissional de nível superior receberá, por mês, R\$ 2.340,00 a mais que o profissional de nível fundamental, julgue os itens seguintes.

55. Por mês, 8 profissionais de nível médio receberão, juntos, o mesmo que 4 profissionais de nível superior.

56. Cada profissional de nível médio receberá um salário mensal superior a R\$ 1.200,00.

57. A soma do salário mensal de um profissional de nível fundamental com o de um profissional de nível superior é inferior a R\$ 3.300,00.

Resolução



Vamos analisar a situação do enunciado e em seguida verificar a veracidade de cada um dos itens de per si. Digamos que cada funcionário de nível fundamental recebe f reais, cada funcionário de nível médio recebe m reais e cada funcionário de nível superior recebe s reais. Como essas quantias são diretamente proporcionais a 2, 5 e 11, temos a seguinte proporção:

$$\frac{f}{2} = \frac{m}{5} = \frac{s}{11}$$

Como as três frações são iguais, vamos dizer que elas são iguais a um número k (constante de proporcionalidade).

$$\frac{f}{2} = \frac{m}{5} = \frac{s}{11} = k$$

Desta maneira, temos que $f = 2k$, $m = 5k$ e $s = 11k$.

O profissional de nível superior receberá, por mês, R\$ 2.340,00 a mais que o profissional de nível fundamental.

$$s = f + 2.340$$

$$11k = 2k + 2.340$$

$$11k - 2k = 2.340$$

$$9k = 2.340 \Leftrightarrow k = \frac{2.340}{9} = 260$$

$$f = 2k, m = 5k \text{ e } s = 11k$$

$$f = 2 \cdot 260 = 520 \text{ reais}$$

$$m = 5 \cdot 260 = 1.300 \text{ reais}$$

$$s = 11 \cdot 260 = 2.860 \text{ reais}$$

Item I. Por mês, 8 profissionais de nível médio receberão, juntos, o mesmo que 4 profissionais de nível superior.

8 profissionais de nível médio recebem $8 \times 1.300 = 10.400$ reais.

4 profissionais de nível superior recebem $4 \times 2.860 = 11.440$ reais.

Gabarito: errado.

Item II. Cada profissional de nível médio receberá um salário mensal superior a R\$ 1.200,00.

Como cada profissional de nível médio receberá 1.300 reais, o item está certo.



Gabarito: Certo

Item III. A soma do salário mensal de um profissional de nível fundamental com o de um profissional de nível superior é inferior a R\$ 3.300,00.

$$f + s = 520 + 2.860 = 3.380 \text{ reais}$$

Gabarito: errado.

58. (CESPE 2008/Banco do Brasil)



O número de mulheres no mercado de trabalho mundial é o maior da História, tendo alcançado, em 2007, a marca de 1,2 bilhão, segundo relatório da Organização Internacional do Trabalho (OIT). Em dez anos, houve um incremento de 200 milhões na ocupação feminina. Ainda assim, as mulheres representaram um contingente distante do universo de 1,8 bilhão de homens empregados. Em 2007, 36,1% delas trabalhavam no campo, ante 46,3% em serviços. Entre os homens, a proporção é de 34% para 40,4%. O universo de desempregadas subiu de 70,2 milhões para 81,6 milhões, entre 1997 e 2007 — quando a taxa de desemprego feminino atingiu 6,4%, ante 5,7% da de desemprego masculino. Há, no mundo, pelo menos 70 mulheres economicamente ativas para 100 homens. O relatório destaca que a proporção de assalariadas subiu de 41,8% para 46,4% nos últimos dez anos. Ao mesmo tempo, houve queda no emprego vulnerável (sem proteção social e direitos trabalhistas), de 56,1% para 51,7%. Apesar disso, o universo de mulheres nessas condições continua superando o dos homens.

O Globo, 7/3/2007, p. 31 (com adaptações).

Com referência ao texto e considerando o gráfico nele apresentado, julgue o item a seguir.

Se a proporção entre a população feminina no mercado de trabalho mundial e a população feminina mundial em 1991 era de 2:5, então a população mundial de mulheres nesse ano era superior a 2,8 bilhões.

Resolução



$$\frac{\text{Mulheres no mercado de trabalho}}{\text{População feminina mundial}} = \frac{2}{5}$$

De acordo como gráfico, a população de mulheres no mercado de trabalho em 1991 era de 950 milhões.

$$\frac{950 \text{ milhões}}{\text{População feminina mundial}} = \frac{2}{5}$$

Digamos que a população feminina mundial seja igual a x .

$$\frac{950 \text{ milhões}}{x} = \frac{2}{5}$$

$$2 \cdot x = 5 \cdot 950 \text{ milhões}$$

$$x = \frac{5 \cdot 950 \text{ milhões}}{2} = 2.375 \text{ milhões} = 2,375 \text{ bilhões}$$

Então a população mundial de mulheres nesse ano era inferior a 2,8 bilhões.

Gabarito: Errado

59. (CESPE 2009/SEPLAG-GDF)

O setor de compras de uma escola adquire sabonete líquido concentrado em recipientes com capacidade para 5 L, que são diluídos em água na proporção de 1:3 e colocados nos banheiros da escola em saboneteiras cujo volume é igual a $0,25 \text{ dm}^3$. Com base nessas informações, julgue o item a seguir.

Depois de diluir os 5 L do sabonete concentrado que enche um recipiente, é possível encher 80 saboneteiras dos banheiros da escola.

Resolução

Lembre-se que 1 dm^3 (decímetro cúbico) é igual a 1 litro. Portanto, $0,25 \text{ dm}^3 = 0,25 \text{ l}$.

Diluir o sabonete líquido concentrado em água na proporção de 1:3 significa que a cada 1 litro de sabonete líquido colocaremos 3 litros de água. Portanto, devemos colocar 15 litros de água para cada 5 litros de sabonete líquido (3 vezes 5 é igual a 15).

Depois de diluir os 5 litros do sabonete em 15 litros de água, teremos 20 litros de sabonete diluído.

Cada saboneteira comporta 0,25 litro de sabonete. O total de saboneteiras que podemos encher é igual a:



$$\frac{20}{0,25} = 80 \text{ saboneteiras}$$

Gabarito: Certo

60. (CESPE 2009/UNIPAMPA)

De um grupo de 70 técnicos, foram formadas 3 equipes e cada técnico só pôde participar de uma equipe. As equipes, denominadas M, N e P, possuem, respectivamente, m , n e p técnicos, em que $m < n < p$. Com relação a essas equipes, julgue o item a seguir.

Se a razão entre m e n for igual a $2/3$, e se n for igual a 60% de p , então uma das equipes terá 21 técnicos.

Resolução

O total de técnicos é igual a 70.

$$m + n + p = 70$$

A razão entre m e n é igual a $2/3$.

$$\frac{m}{n} = \frac{2}{3}$$

Como o produto dos meios é igual ao produto dos extremos, podemos “trocar” o n com o 2.

$$\frac{m}{2} = \frac{n}{3}$$

n é igual a 60% de p .

$$n = \frac{60}{100} \cdot p$$

Podemos simplificar 60 e 100 por 20.

$$n = \frac{3}{5} \cdot p$$

$$\frac{n}{3} = \frac{p}{5}$$

Ora, sabemos que:

$$\frac{m}{2} = \frac{n}{3} \quad e \quad \frac{n}{3} = \frac{p}{5}$$

Portanto:



$$\frac{m}{2} = \frac{n}{3} = \frac{p}{5}$$

Podemos “prolongar” a proporção, somando os numeradores das frações e somando os denominadores.

$$\frac{m}{2} = \frac{n}{3} = \frac{p}{5} = \frac{m+n+p}{2+3+5} = \frac{70}{10} = 7$$

Então:

$$m = 2 \cdot 7 = 14$$

$$n = 3 \cdot 7 = 21$$

$$p = 5 \cdot 7 = 35$$

Podemos afirmar que uma das equipes possui 21 técnicos (a equipe N).

Gabarito: Certo

61. (CESPE 2008/SEBRAE-BA)

Julgue o item que se segue.

Os números 69 e 92 estão, nessa ordem, na proporção de 3 para 4.

Resolução

$$\frac{69}{92} = \frac{3}{4}$$

Para verificar se esta igualdade é verdadeira, basta verificar se o produto dos meios é igual ao produto dos extremos.

$$3 \times 92 = 4 \times 69$$

$$276 = 276$$

A propriedade fundamental das proporções foi satisfeita, então a proporção é válida.

Gabarito: Certo

(CESPE 2008/SEBRAE-BA)

A soma de três números é igual a 150 e eles são diretamente proporcionais a 3, 5 e 7. Nesse caso,

62. o menor desses números é superior a 25.

63. o maior desses números é inferior a 65.

Resolução



$$\frac{a}{3} = \frac{b}{5} = \frac{c}{7}$$

Podemos “prolongar” a proporção, somando os numeradores das frações e somando os denominadores. O enunciado informou que $a + b + c = 150$.

$$\frac{a}{3} = \frac{b}{5} = \frac{c}{7} = \frac{a + b + c}{3 + 5 + 7} = \frac{150}{15} = 10$$

Desta maneira:

$$a = 3 \cdot 10 = 30$$

$$b = 5 \cdot 10 = 50$$

$$c = 7 \cdot 10 = 70$$

Item I. o menor desses números é superior a 25.

Gabarito: Certo

Item II. o maior desses números é inferior a 65.

Gabarito: Errado

64. (CESPE 2008/TJDFT)

Uma manicure, um policial militar, um arquivista e uma auxiliar de administração são todos moradores de Ceilândia e unidos pela mesma missão. Vão assumir um trabalho até então restrito aos gabinetes fechados do Fórum da cidade. Eles vão atuar na mediação de conflitos, como representantes oficiais do TJDF. Os quatro agentes comunitários foram capacitados para promover acordos e, assim, evitar que desentendimentos do dia-a-dia se transformem em arrastados processos judiciais. E isso vai ser feito nas ruas ou entre uma xícara de café e outra na casa do vizinho. O projeto é inédito no país e vai contar com a participação do Ministério da Justiça, da Ordem dos Advogados do Brasil (OAB), da Universidade de Brasília (UnB), do Ministério Público do Distrito Federal e dos Territórios e da Defensoria Pública.

Internet: <www2.correioweb.com.br>, acessado em 23/1/2001 (com adaptações).

Considerando o contexto apresentado acima, julgue o item seguinte.

Considere-se que os números de acordos promovidos pela manicure e pelo policial militar em determinada semana estejam na proporção 2 : 5 e que os números de acordos promovidos pela manicure e pelo arquivista nessa mesma semana estejam na proporção 4 : 7. Nessa situação, na referida semana, se o policial militar promoveu 70 acordos, o número de acordos promovidos pelo arquivista foi igual a 63.



Resolução

Vamos considerar que a manicure promoveu m acordos, que o arquivista promoveu q acordos e que o policial militar promoveu p acordos.

Os números de acordos promovidos pela manicure e pelo policial militar em determinada semana estejam na proporção 2 : 5.

$$\frac{m}{p} = \frac{2}{5}$$

Como o policial militar promoveu 70 acordos, então:

$$\frac{m}{70} = \frac{2}{5}$$

$$m = 70 \cdot \frac{2}{5} = 28$$

Portanto, a manicure promoveu 28 acordos.

Os números de acordos promovidos pela manicure e pelo arquivista nessa mesma semana estejam na proporção 4 : 7.

$$\frac{m}{q} = \frac{4}{7}$$

Sabemos que a manicure promoveu 28 acordos, portanto:

$$\frac{28}{q} = \frac{4}{7}$$

$$4 \cdot q = 7 \cdot 28$$

$$q = \frac{196}{4} = 49$$

A arquivista promoveu 49 acordos.

Gabarito: Errado

(CESPE 2010/PM-ES)

Considerando que um pai pretenda distribuir a quantia de R\$ 4.100,00 a 3 filhos, de 11, 13 e 17 anos de idade, em valores diretamente proporcionais às suas idades, julgue os itens a seguir.

65. O filho mais novo receberá uma quantia superior a R\$ 1.150,00.

66. Os 2 filhos mais velhos receberão, juntos, uma quantia inferior a R\$ 2.900,00.

Resolução



Vamos considerar que as idades dos três filhos são iguais a a, b, c . Como o total a ser distribuído é igual a R\$ 4.100,00, então $a + b + c = 4.100$.

$$\frac{a}{11} = \frac{b}{13} = \frac{c}{17}$$

Podemos prolongar a proporção somando os numeradores e os denominadores.

$$\frac{a}{11} = \frac{b}{13} = \frac{c}{17} = \frac{a + b + c}{11 + 13 + 17} = \frac{4.100}{41} = 100$$

Desta maneira:

$$a = 11 \times 100 = 1.100$$

$$b = 13 \times 100 = 1.300$$

$$c = 17 \times 100 = 1.700$$

Item I. O filho mais novo receberá uma quantia superior a R\$ 1.150,00.

Gabarito: Errado

Item II. Os 2 filhos mais velhos receberão, juntos, uma quantia inferior a R\$ 2.900,00.

$$b + c = 1.300 + 1.700 = 3.000$$

Gabarito: Errado

67. (CESPE 2009/SEPLAG-IBRAM)

Uma empresa de transportes contratou os motoristas Abel, Bira e Celso. Para motivá-los e também evitar problemas com multas de trânsito, a empresa prometeu que, no final do ano, dividiria entre eles a quantia de R\$ 10.000,00, em quantias inversamente proporcionais ao número de multas recebidas por cada um. Com referência a essa situação hipotética, julgue o item a seguir.

Se, no final do ano, for verificado que Abel foi multado uma única vez, Bira, 2 vezes e Celso, 3 vezes, então Abel receberá mais de R\$ 5.000,00.

Resolução

Quando a divisão é inversamente proporcional, devemos inverter os valores que ficam nos denominadores da proporção.

$$\frac{a}{\frac{1}{1}} = \frac{b}{\frac{1}{2}} = \frac{c}{\frac{1}{3}}$$



Para facilitar os cálculos, podemos fazer o seguinte:

- i) Calcular o mmc dos denominadores. No caso, o $\text{mmc}(1,2,3)=6$.
- ii) Dividimos o mmc por cada um dos denominadores e multiplicamos pelo numerador de cada fração.

$$\frac{a}{6} = \frac{b}{3} = \frac{c}{2}$$

A soma dos valores recebidos pelos três é igual a R\$ 10.000,00.

$$\frac{a}{6} = \frac{b}{3} = \frac{c}{2} = \frac{a+b+c}{6+3+2} = \frac{10.000}{11}$$

O valor que Abel receberá é igual a:

$$a = 6 \cdot \frac{10.000}{11} = \frac{60.000}{11} \cong 5454,54$$

Gabarito: Certo

(CESPE 2008/FUNESA-SE)

Os assistentes administrativos de determinada secretaria foram separados nas equipes A, B e C, em que as quantidades de assistentes em cada equipe são números diretamente proporcionais a 2, 3 e 5, respectivamente. Nessa situação, julgue os itens a seguir.

68. Se a equipe C tiver mais de 14 assistentes, então A e B, juntas, terão menos de 13 assistentes.

69. É possível que a equipe A tenha 9 assistentes.

70. A quantidade de assistentes nas equipes B e C, juntas, é igual a 4 vezes a da equipe A.

Resolução

$$\frac{a}{2} = \frac{b}{3} = \frac{c}{5}$$

Nesta questão não temos a informação habitual (a soma dos numeradores). Vamos seguir uma estratégia diferente. Já que as três frações são iguais, vamos dizer que elas são iguais a um número k . Este número é chamado de constante de proporcionalidade.

$$\frac{a}{2} = \frac{b}{3} = \frac{c}{5} = k$$

Desta maneira, temos:

$$a = 2k$$

$$b = 3k$$

$$c = 5k$$



Item I. Se a equipe C tiver mais de 14 assistentes, então A e B, juntas, terão menos de 13 assistentes.

Estamos considerando que $c > 14$.

$$5k > 14$$

$$k > \frac{14}{5}$$

Queremos calcular o valor de $a + b$.

$$a + b = 2k + 3k = 5k$$

Como sabemos que $k > 14/5$, então:

$$5k > 5 \cdot \frac{14}{5}$$

$$5k > 14$$

$$a + b > 14$$

As equipes A e B juntas têm mais de 14 assistentes.

Gabarito: Errado

Item II. É possível que a equipe A tenha 9 assistentes.

Sabemos que:

$$a = 2k$$

$$b = 3k$$

$$c = 5k$$

Se $a = 9$, então:

$$2k = 9$$

$$k = 4,5$$

O valor de b será:

$$b = 3 \cdot 4,5 = 13,5$$

O que não é possível já que b é o número de assistentes da equipe B e deve ser um número inteiro. Portanto, a equipe A não pode ter 9 assistentes.



Gabarito: Errado

Item III. A quantidade de assistentes nas equipes B e C, juntas, é igual a 4 vezes a da equipe A.

$$b + c = 3k + 5k = 8k$$

$$4a = 4 \cdot 2k = 8k$$

Portanto, $b + c = 4a$.

Gabarito: Certo

(CESPE 2008/FUNESA-SE)

Se a soma de dois números reais é igual a 21 e se a razão entre eles é igual a $\frac{3}{4}$, então é correto afirmar que

71. um desses números é menor que 7.

72. o produto desses números é superior a 120.

Resolução

Considere dois números a, b .

A soma dos dois números é igual a 21.

$$a + b = 21$$

A razão entre eles é igual a $\frac{3}{4}$.

$$\frac{a}{b} = \frac{3}{4}$$

Como o produto dos meios é igual ao produto dos extremos e a multiplicação é uma operação comutativa (a ordem dos fatores não altera o produto), então podemos inverter a posição dos meios. Ou seja, podemos trocar o b e o 3 de lugar, assim como podemos trocar a e 4 de lugar. Ficamos com:

$$\frac{a}{3} = \frac{b}{4}$$

Vamos aplicar a propriedade das proporções (aquela que podemos prolongar com a soma dos numeradores e a soma dos denominadores).

$$\frac{a}{3} = \frac{b}{4} = \frac{a+b}{3+4} = \frac{21}{7} = 3$$

$$a = 3 \cdot 3 = 9$$

$$b = 4 \cdot 3 = 12$$



Item I. um desses números é menor que 7.

Gabarito: Errado

Item II. o produto desses números é superior a 120.

$$9 \cdot 12 = 108 < 120$$

Gabarito: Errado



CONSIDERAÇÕES FINAIS

Ficamos por aqui, queridos alunos. Espero que tenham gostado da aula.

Vamos juntos nesta sua caminhada. Lembre-se que vocês podem fazer perguntas e sugestões no nosso fórum de dúvidas.



Você também pode me encontrar no instagram @profguilhermeneves ou entrar em contato diretamente comigo pelo meu email profguilhermeneves@gmail.com.

Um forte abraço e até a próxima aula!!!

Guilherme Neves



ESSA LEI TODO MUNDO CONHECE: PIRATARIA É CRIME.

Mas é sempre bom revisar o porquê e como você pode ser prejudicado com essa prática.



1 Professor investe seu tempo para elaborar os cursos e o site os coloca à venda.



2 Pirata divulga ilicitamente (grupos de rateio), utilizando-se do anonimato, nomes falsos ou laranjas (geralmente o pirata se anuncia como formador de "grupos solidários" de rateio que não visam lucro).



3 Pirata cria alunos fake praticando falsidade ideológica, comprando cursos do site em nome de pessoas aleatórias (usando nome, CPF, endereço e telefone de terceiros sem autorização).



4 Pirata compra, muitas vezes, clonando cartões de crédito (por vezes o sistema anti-fraude não consegue identificar o golpe a tempo).



5 Pirata fere os Termos de Uso, adultera as aulas e retira a identificação dos arquivos PDF (justamente porque a atividade é ilegal e ele não quer que seus fakes sejam identificados).



6 Pirata revende as aulas protegidas por direitos autorais, praticando concorrência desleal e em flagrante desrespeito à Lei de Direitos Autorais (Lei 9.610/98).



7 Concurseiro(a) desinformado participa de rateio, achando que nada disso está acontecendo e esperando se tornar servidor público para exigir o cumprimento das leis.



8 O professor que elaborou o curso não ganha nada, o site não recebe nada, e a pessoa que praticou todos os ilícitos anteriores (pirata) fica com o lucro.



Deixando de lado esse mar de sujeira, aproveitamos para agradecer a todos que adquirem os cursos honestamente e permitem que o site continue existindo.