

Aula 00

TRT-ES 17ª Região (Analista Judiciário - Estatística) Conhecimentos Específicos

Autor:
**Equipe Exatas Estratégia
Concursos**

15 de Fevereiro de 2023

Índice

1) Apresentação do Curso	4
2) Aviso	5
3) Introdução à estatística	6
4) Noções Iniciais sobre Estatística	8
5) Método Experimental x Método Estatístico	12
6) Dados Estatísticos	13
7) Variáveis Estatísticas	15
8) Séries Estatísticas	20
9) Distribuição de Frequências	25
10) Representação Gráfica das Distribuições de Frequências	43
11) Outros Gráficos e Representações	56
12) Questões Comentadas - Conceitos Iniciais - FCC	79
13) Questões Comentadas - Distribuições de Frequência - FCC	80
14) Questões Comentadas - Outros Gráficos e Representações - FCC	92
15) Aviso importante - Orientação de estudo	96
16) Questões Comentadas - Introdução à Estatística - Inéditas	97
17) Questões Comentadas - Conceitos Iniciais - Inéditas	98
18) Questões Comentadas - Variáveis Estatísticas - Inéditas	100
19) Questões Comentadas - Séries Estatísticas - Inéditas	103
20) Questões Comentadas - Distribuições de Frequência - Inéditas	104
21) Questões Comentadas - Representação Gráfica das Distribuições de Frequências - Inéditas	114
22) Questões Comentadas - Outros Gráficos e Representações - Inéditas	118
23) Lista de Questões - Conceitos Iniciais - FCC	127
24) Lista de Questões - Distribuições de Frequência - FCC	129
25) Lista de Questões - Outros Gráficos e Representações - FCC	135
26) Lista de Questões - Introdução à Estatística - Inéditas	139
27) Lista de Questões - Conceitos Iniciais - Inéditas	141
28) Lista de Questões - Variáveis Estatísticas - Inéditas	143



Índice

29) Lista de Questões - Séries Estatísticas - Inéditas	146
30) Lista de Questões - Distribuições de Frequência - Inéditas	148
31) Lista de Questões - Representação Gráfica das Distribuições de Frequências - Inéditas	154
32) Lista de Questões - Outros Gráficos e Representações - Inéditas	157



APRESENTAÇÃO DO CURSO

Olá, pessoal! Tudo bem?

É com grande satisfação damos início ao nosso curso de **Estatística!**

Os professores **Luana Brandão** e **Djefferson Maranhão** ficarão responsáveis pela elaboração do **Livro Digital**.

Antes de continuarmos, vamos apresentar os professores do material escrito:

Luana Brandão: Oi, pessoal! O meu nome é Luana Brandão e sou professora de Estatística do Estratégia Concursos. Sou Graduada, Mestre e Doutora em Engenharia de Produção, pela Universidade Federal Fluminense. Passei nos concursos de Auditor Fiscal (2009/2010) e Analista Tributário (2009) da Receita Federal e de Auditor Fiscal do Estado do Rio de Janeiro (2010). Sou Auditora Fiscal do Estado do RJ desde 2010. Vamos juntos nesse caminho até a aprovação?  **@professoraluanabrandao**

Djefferson Maranhão: Olá, caros alunos! Meu nome é Djefferson Maranhão, sou professor de Estatística do Estratégia Concursos. Graduado e Mestre em Ciência da Computação pela Universidade Federal do Maranhão (UFMA). Desde 2015, sou Auditor da Controladoria Geral do Estado do Maranhão (2015 - 5º lugar). Também exerci os cargos de Analista de Sistemas na UFMA (2010 - 1º lugar) e no TJ-MA (2011 - 1º lugar). Sinto-me honrado em fazer parte de sua jornada rumo à aprovação.

O material escrito em **PDF** está sendo construído para ser sua fonte **autossuficiente** de estudos. Isso significa que o livro digital será **completo e voltado para o seu edital**, justamente para que você não perca o seu precioso tempo procurando o conteúdo que será cobrado na sua prova. Ademais, sempre que necessário, você poderá fazer perguntas sobre as aulas no **fórum de dúvidas**. **Bons estudos!**



AVISO IMPORTANTE!



Olá, Alunos (as)!

Passando para informá-los a respeito da **disposição das questões** dentro do nosso material didático. Informamos que a escolha das bancas, dentro dos nossos Livros Digitais, é feita de maneira estratégica e pedagógica pelos nossos professores a fim de proporcionar a melhor didática e o melhor direcionamento daquilo que mais se aproxima do formato de cobrança da banca do seu concurso.

Assim, o formato de questões divididas por tópico facilitará o seu processo de estudo, deixando mais alinhado às disposições constantes no edital.

No mais, continuaremos à disposição de todos no Fórum de dúvidas!

Atenciosamente,

Equipe Exatas

Estratégia Concursos



INTRODUÇÃO À ESTATÍSTICA

A origem da estatística remonta às civilizações antigas, em que vários povos coletavam e registravam dados populacionais e econômicos de interesse do Estado. Nessa época, também eram realizadas estimativas das riquezas individuais e familiares, as quais eram utilizadas para determinar o montante de impostos a serem pagos pela população.

O termo estatística se originou da palavra *status*, que significa Estado em latim. O termo era utilizado para designar um conjunto de dados, relativos aos Estados, que os governantes utilizavam com a finalidade de controle fiscal e segurança nacional. O primeiro a utilizar a palavra foi Schmeitzel, ainda no século XVII, em latim. Depois, foi adotada pelo acadêmico alemão Godofredo Achenwall.

A **Estatística** pode ser definida como **a ciência que estuda os processos de coleta, organização, análise e interpretação de dados numéricos variáveis referentes a qualquer fenômeno**. Ou ainda, podemos conceituá-la como **um conjunto de técnicas de coleta, organização, análise e interpretação de dados, aplicáveis a várias áreas do conhecimento, que auxiliam no processo de tomada de decisão**.

Os avanços computacionais tornaram a Estatística mais acessível e permitiram aplicações mais sofisticadas em diferentes áreas do conhecimento. Nesse cenário, os softwares estatísticos passaram a disponibilizar ferramentas antes inimagináveis, voltadas para planejamento de experimentos, teste de hipóteses, cálculos de confiabilidade, criação de gráficos complexos e elaboração de modelos preditivos.

A Estatística pode ser dividida em três grandes ramos: Estatística Descritiva (ou dedutiva), Estatística Probabilística e Estatística Inferencial (ou indutiva). Alguns autores, porém, consideram a Estatística Probabilística como parte da Estatística Inferencial.

A **Estatística Descritiva (ou Dedutiva)** é **responsável pela coleta, organização, descrição e resumo dos dados observados**. A partir de um determinado conjunto de dados, a Estatística Descritiva busca organizá-los em tabelas (ou gráficos) e estabelecer um sumário por meio de medidas descritivas como a média, os valores mínimo e máximo, o desvio padrão, entre outras.

A **Estatística Probabilística** é **responsável por estabelecer o modelo matemático probabilístico adotado para explicar os fenômenos aleatórios investigados pela Estatística**. Os resultados desses fenômenos aleatórios podem variar de uma observação para outra, o que dificulta muito a previsão de um resultado futuro. Por isso, a Teoria da Probabilidade é usada para medir a chance de ocorrência de determinados eventos.

A **Estatística Inferencial (ou Indutiva)** é **responsável pela análise e interpretação dos dados**. A partir da análise de dados de uma amostra, a Estatística Indutiva estabelece inferências e previsões sobre a população, auxiliando na tomada de decisões. Além disso, busca generalizar conclusões a respeito da população a partir de uma amostra, analisando a representatividade, a significância e a confiabilidade dos resultados obtidos.





ESTATÍSTICA DESCRITIVA

É responsável pela coleta, organização, descrição e resumo dos dados observados.

ESTATÍSTICA PROBABILÍSTICA

É responsável por estabelecer o modelo matemático adotado para explicar fenômenos aleatórios.

ESTATÍSTICA INFERENCIAL

É responsável pela análise e interpretação dos dados.



(VUNESP/Câmara Municipal de São Carlos/2013) Trata-se da estatística que tem as atribuições de obtenção, organização, redução e representação de dados estatísticos, bem como a obtenção de algumas informações que auxiliam na descrição de um fenômeno observado. Esta estatística é denominada

- a) Coletora.
- b) Celetista.
- c) Populacional.
- d) Amostral.
- e) Descritiva.

Comentários:

A Estatística está dividida em três grandes ramos, a saber:

- a) **Estatística Descritiva (ou Dedutiva)** - responsável pela coleta (ou obtenção), organização, redução e representação de dados estatísticos;
- b) **Estatística Probabilística** - responsável por estabelecer o modelo matemático probabilístico adotado para explicar os fenômenos aleatórios investigados pela Estatística; e
- c) **Estatística Inferencial (ou Indutiva)** - responsável pela análise e interpretação dos dados.

Portanto, a alternativa correta é a letra E.

Gabarito: E.



CONCEITOS INICIAIS

Neste tópico, apresentaremos alguns conceitos iniciais da estatística que costumam ser abordados em provas de concursos públicos, dentre os quais podemos citar: população, amostra, censo, amostragem, parâmetros e estatísticas.

População

Uma **POPULAÇÃO** é um conjunto que contém **TODOS OS INDIVÍDUOS, OBJETOS OU ELEMENTOS** a serem estudados, que apresentam uma ou mais características em comum. A população pode ser finita, quando apresenta um número pequeno ou limitado de observações; ou infinita, quando apresenta um número muito grande ou ilimitado de observações.

Amostra

Uma **AMOSTRA** é um **SUBCONJUNTO EXTRAÍDO DA POPULAÇÃO** para análise, devendo ser representativo daquele grupo. A partir das informações colhidas da amostra, os resultados obtidos podem ser utilizados para generalizar, inferir ou tirar conclusões acerca da população. Como exemplo, podemos citar as pesquisas eleitorais, em que uma amostra de eleitores deve ser extraída de acordo com a proporcionalidade de gênero, idade, grau de instrução e classe social.

Censo

O **CENSO**, ou recenseamento, é um estudo dos dados relativos a **TODOS** os elementos de uma população. O censo pode custar muito caro e demandar um tempo considerável, de forma que um estudo considerando apenas uma parcela da população pode ser uma alternativa mais simples, rápida e menos onerosa. Como exemplos, podemos citar a pesquisa sobre o grau de escolaridade dos habitantes brasileiros, o estudo sobre a renda dos brasileiros e a pesquisa de emprego.

Amostragem

A **AMOSTRAGEM** é um processo que consiste na **SELEÇÃO CRITERIOSA** dos elementos a serem submetidos à investigação. Se forem cometidos erros no processo de seleção da amostra, muito provavelmente, o estudo ficará comprometido e os resultados serão tendenciosos. Portanto, devemos garantir que a amostra seja representativa da população. Isso significa que, com exceção de pequenas discrepâncias inerentes à



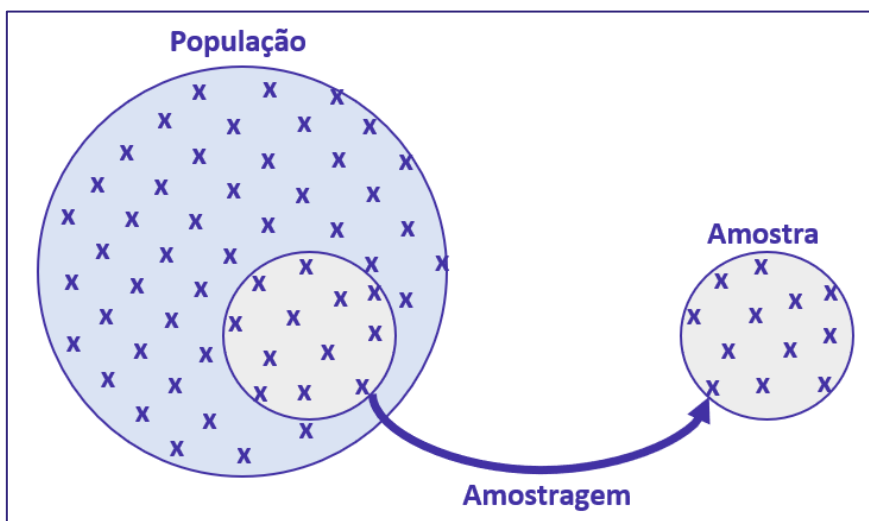
aleatoriedade existente no processo de amostragem, uma amostra deve possuir as mesmas características básicas da população, no que diz respeito às variáveis que desejamos pesquisar.

Parâmetros

Os **PARÂMETROS** são **DESCRIÇÕES NUMÉRICAS** de **CARACTERÍSTICAS POPULACIONAIS** que raramente são conhecidas. Em geral, é muito caro ou demorado obter os dados da população inteira. Assim, **algumas medidas precisam ser estimadas a partir de critérios ou métodos definidos pelo pesquisador**, para representar características desconhecidas de uma população (por exemplo, a proporção de homens e mulheres na população brasileira). Normalmente, os parâmetros populacionais são constantes para uma população.

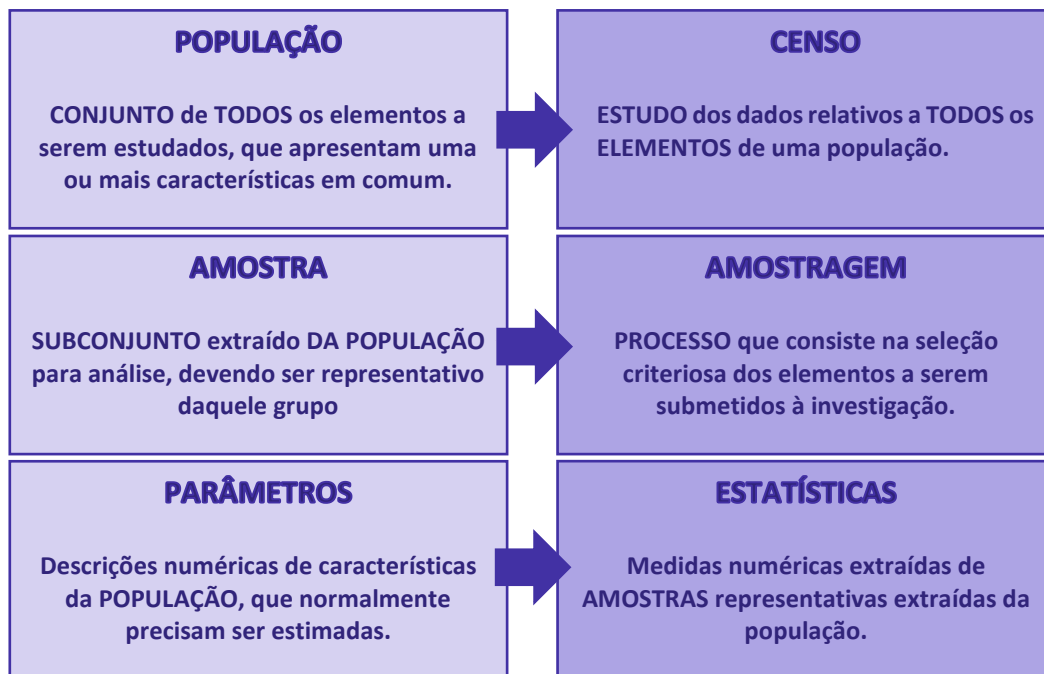
Estatística (ou estimador)

As **ESTATÍSTICAS** são **MEDIDAS NUMÉRICAS OBTIDAS DE AMOSTRAS** representativas extraídas da população. A partir das informações colhidas da amostra, as **estatísticas amostrais obtidas podem ser utilizadas para inferir ou tirar conclusões acerca dos parâmetros populacionais**, como a proporção de homens e mulheres na população brasileira. De forma resumida, as estatísticas (ou estimadores) são **descrições numéricas de características amostrais**. Normalmente, as estatísticas amostrais diferem de uma amostra para outra.





ESQUEMATIZANDO



HORA DE PRATICAR!

(VUNESP/Pref. Valinhos/2019) O grupo completo de unidades elementares de pessoas, objetos ou coisas é denominado, para a estatística, de

- a) Amostra.
- b) Unidades.
- c) Censo.
- d) População.
- e) Variáveis.

Comentários:

Para resolvermos a questão vamos conceituar cada uma das alternativas:



- Letra A: amostra é um subconjunto de uma população. Os dados coletados e/ou selecionados de uma população estatística por um procedimento definido, denotado de amostragem.
- Letra B: unidades são elementos da amostra (unidades amostrais) ou da população (unidade populacional).
- Letra C: censo consiste na análise de todos os elementos da população.
- Letra D: população é o grupo completo de unidades elementares de pessoas, objetos ou coisas, ou seja, constitui todo o universo de informações de que se necessita.
- Letra E: variável é a característica de relevância que é medida em cada componente da amostra ou população. As variáveis podem ter valores numéricos (variáveis quantitativas) ou não numéricos (variáveis qualitativas).

Gabarito: D.

(CESPE/DEPEN/2015) O diretor de um sistema penitenciário, com o propósito de estimar o percentual de detentos que possuem filhos, entregou a um analista um cadastro com os nomes de 500 detentos da instituição para que esse profissional realizasse entrevistas com os indivíduos selecionados.

A partir dessa situação hipotética e dos múltiplos aspectos a ela relacionados, julgue o item, referente a técnicas de amostragem.

A diferença entre um censo e uma amostra consiste no fato de esta última exigir a realização de um número maior de entrevistas.

Comentários:

Um censo é a análise de todos os elementos de determinada população. Trabalhamos com uma amostra quando obtemos informações de apenas uma parte dessa população. Portanto, o censo requer a realização de um número maior de entrevistas.

Gabarito: Errado.



MÉTODO EXPERIMENTAL X MÉTODO ESTATÍSTICO

Para a investigação de um fenômeno, temos a nossa disposição dois métodos: **experimental** e **estatístico**. De forma resumida, o **MÉTODO EXPERIMENTAL** consiste em **manter constantes as causas (fatores), com exceção de uma, que é variada para que seus efeitos sejam descobertos**. Contudo, nem sempre poderemos aplicar o método experimental, pois os fatores que afetam um fenômeno podem não permanecer constantes enquanto variamos a causa que nos interessa.

Por exemplo, para analisarmos uma queda nas vendas de uma empresa nacional que produz chocolates finos, teríamos que considerar vários fatores que não necessariamente permanecerão constantes durante toda a investigação do fenômeno, tais como a região, o fluxo de turistas na localidade; a temperatura média; o preço do concorrente; o mês de férias; etc.

Assim, diante da impossibilidade de manter as causas ou fatores constantes, o **MÉTODO ESTATÍSTICO** **admite e registra todas as possíveis variações das causas presentes, procurando determinar a influência de cada fator no resultado final**. Dessa forma, o método estatístico busca descobrir relações entre os fatores, como, por exemplo, a influência da temperatura média e do fluxo de turistas na venda de chocolates finos.



ESQUEMATIZANDO

MÉTODO EXPERIMENTAL

As **CAUSAS** são mantidas **CONSTANTES, COM EXCEÇÃO DE UMA**, que é **VARIADA** para que seus efeitos sejam descobertos.

MÉTODO ESTATÍSTICO

Admite e **REGISTRA TODAS AS POSSÍVEIS VARIAÇÕES DAS CAUSAS PRESENTES**, procurando determinar a influência de cada fator no resultado.

DADOS ESTATÍSTICOS

Os **dados estatísticos** constituem os valores resultantes da **coleta de dados**. Os dados referem-se a um **conjunto de valores**, os quais são organizados por meio de **variáveis** (a característica está sendo medida) e **observações** (elementos da amostra/população). É o caso, por exemplo, dos valores obtidos na pesquisa de peso, altura, idade e sexo de uma determinada amostra de indivíduos/população.

Com relação ao número de observações coletadas, os dados são classificados em **univariados**, **bivariados** ou **multivariados**:

- a) **dados univariados**: quando uma única observação de cada indivíduo é registrada. Por exemplo: peso;
- b) **dados bivariados**: quando duas observações de cada indivíduo são registradas. Por exemplo: peso e altura;
- c) **dados multivariados**: quando mais duas observações acerca de cada indivíduo são registradas. Por exemplo: peso, altura, sexo e idade.

Quanto à forma de apresentação, os dados podem ser classificados em **dados brutos** ou **rol**.

Dados Brutos

Os **dados brutos** são aqueles que **não foram numericamente organizados em ordem crescente ou decrescente**, ou seja, **estão na forma como foram coletados**. Como exemplo de dados brutos, podemos citar uma relação dos tempos médios de estudo diário, em minutos, de 50 alunos do Estratégia, em que a seleção dos alunos ocorreu de forma aleatória, não havendo qualquer ordenação de valores.

Aluno	Tempo	Aluno	Tempo	Aluno	Tempo	Aluno	Tempo	Aluno	Tempo
1	143	11	113	21	170	31	124	41	105
2	142	12	143	22	158	32	137	42	154
3	161	13	159	23	123	33	153	43	99
4	126	14	168	24	96	34	129	44	114
5	134	15	123	25	98	35	148	45	161
6	137	16	135	26	135	36	173	46	128
7	171	17	135	27	129	37	126	47	175
8	85	18	175	28	126	38	104	48	137
9	155	19	115	29	103	39	157	49	165
10	171	20	89	30	171	40	127	50	115

Esse tipo de tabela, em que os elementos não aparecem numericamente ordenados, é denominada de **tabela primitiva**. A **tabela primitiva**, em geral, **oferece pouca ou nenhuma informação ao leitor**, sendo necessário haver uma organização dos dados, a fim de torná-los mais expressivos.



Rol

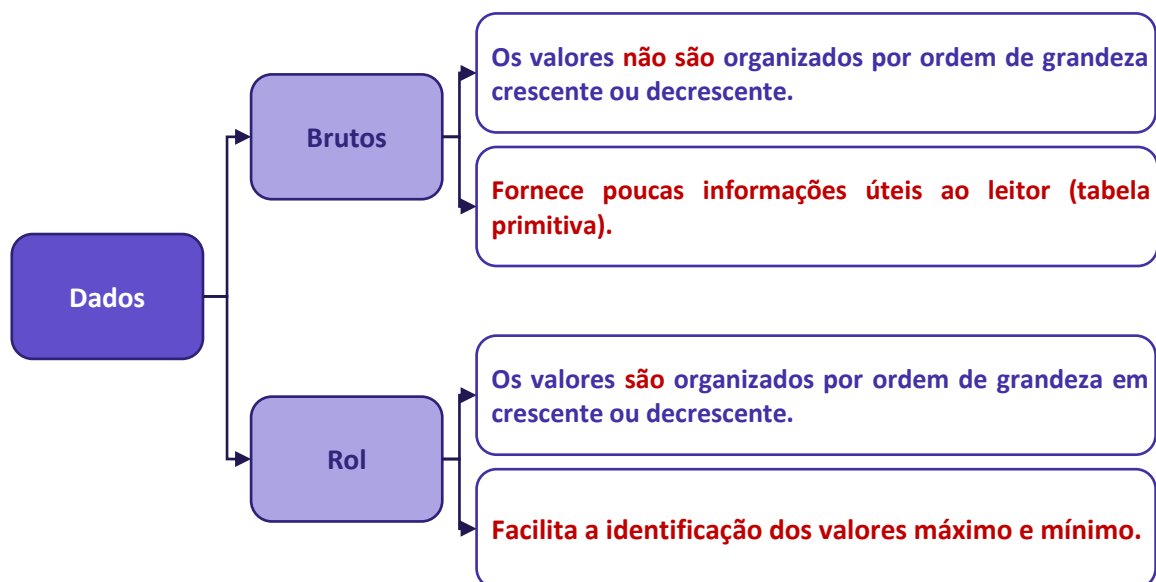
O **rol** é a organização dos dados brutos em ordem de grandeza crescente ou decrescente. Com os dados organizados em rol, podemos saber, com facilidade, qual o menor e o maior elemento de um conjunto de dados. Os dados do nosso exemplo, isto é, os tempos médios de estudo diário, podem ser organizados em ordem crescente ou decrescente:

Rol (em ordem crescente)				
85	115	129	143	161
89	115	129	143	165
96	123	134	148	168
98	123	135	153	170
99	124	135	154	171
103	126	135	155	171
104	126	137	157	171
105	126	137	158	173
113	127	137	159	175
114	128	142	161	175

Rol (em ordem decrescente)				
175	161	142	128	114
175	159	137	127	113
173	158	137	126	105
171	157	137	126	104
171	155	135	126	103
171	154	135	124	99
170	153	135	123	98
168	148	134	123	96
165	143	129	115	89
161	143	129	115	85



RESUMINDO



VARIÁVEIS ESTATÍSTICAS

A **variável estatística** consiste no **conjunto de características que desejamos averiguar estatisticamente**. Ela também pode ser definida como o **objeto da pesquisa estatística**. Por exemplo, se nosso interesse é conhecer quantas horas os alunos do Estratégia estudam diariamente, então nossa variável é o número de horas estudadas por dia. As variáveis estatísticas podem ser classificadas, inicialmente, em duas categorias: **qualitativas** e **quantitativas**.

Variáveis Qualitativas

As **variáveis qualitativas** são as características que **não podem ser descritas de forma numérica**, mas que podem ser definidas por meio de **qualidades (atributos ou categorias) do indivíduo pesquisado**. Elas podem ser classificadas em **nominais** ou **ordinais**:

- a) **variável qualitativa nominal (ou categórica)**, as possíveis categorias **não podem** ser ordenadas. Por exemplo, a cor dos olhos dos moradores de uma determinada cidade (pretos, castanhos, azuis e verdes);
- b) **variável qualitativa ordinal**, as possíveis categorias **podem** ser ordenadas de alguma forma. Por exemplo, o grau de instrução dos funcionários de um determinado órgão (fundamental, médio, superior).

Variáveis Quantitativas

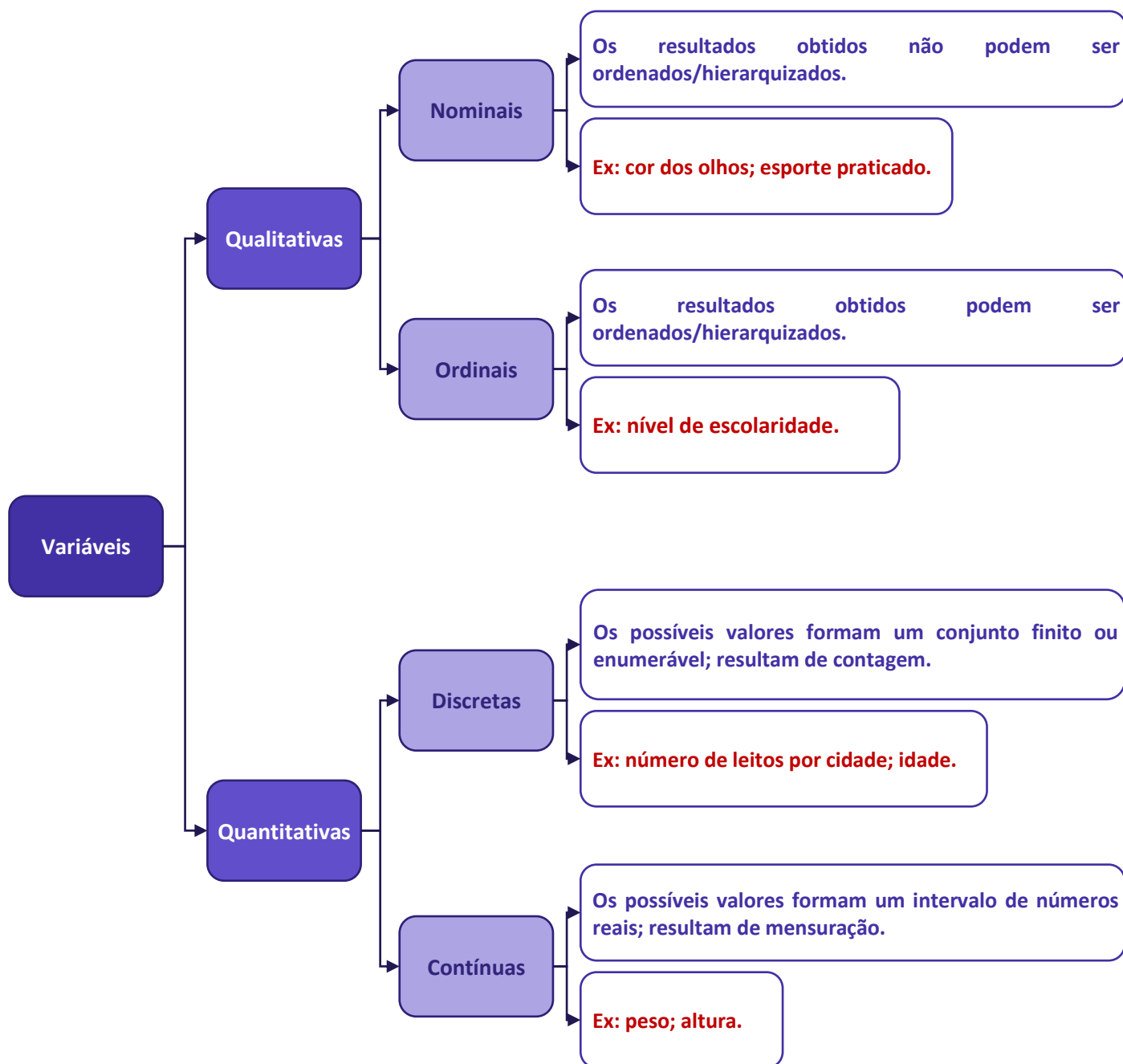
As **variáveis quantitativas** são características que podem ser descritas em termos de quantidades (valores numéricos), obtidas por meio de contagem ou mensuração. Elas podem ser classificadas em **discretas** e **contínuas**:

- a) **variáveis quantitativas discretas**, os possíveis valores formam um conjunto finito ou enumerável de números e, geralmente, **resultam de um processo de contagem**. O número de ocorrências da característica em análise pode ser contado. Por exemplo, o número de leitos abertos em hospitais de uma determinada cidade;
- b) **variáveis quantitativas contínuas**, os possíveis valores formam um intervalo de números reais e, normalmente, **resultam de um processo de mensuração**. A característica pode ser medida em uma escala contínua, a qual podem ser associados um número infinito de possíveis valores, de modo a não haver lacunas ou interrupções. Por exemplo, a altura dos moradores de uma determinada cidade.





RESUMINDO





(VUNESP/CM São Joaquim Barra/2018) A Estatística descritiva faz uso de variáveis, que são classificadas como quantitativas ou qualitativas. Assinale a alternativa correta em relação a essas variáveis.

- a) Quantitativas referem-se às variáveis ordinal ou discreta; as qualitativas referem-se às variáveis nominal ou contínua.
- b) Quantitativas referem-se às variáveis ordinal ou contínua; as qualitativas referem-se às variáveis nominal ou discreta.
- c) Quantitativas referem-se às variáveis nominal ou contínua; as qualitativas referem-se às variáveis discreta ou ordinal.
- d) Quantitativas referem-se às variáveis contínua ou discreta; as qualitativas referem-se às variáveis nominal ou ordinal.
- e) Quantitativas referem-se às variáveis nominal ou ordinal; as qualitativas referem-se às variáveis contínua ou discreta.

Comentários:

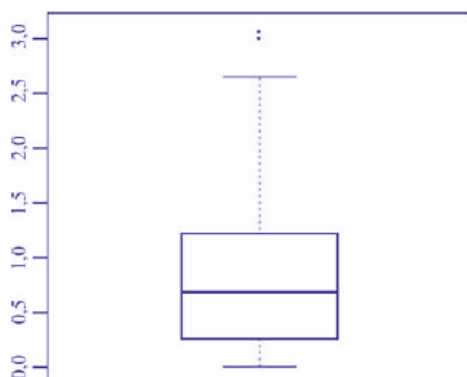
As variáveis podem ser classificadas em:

a) variáveis quantitativas: são as características que podem ser medidas em uma escala quantitativa, isto é, numérica. Elas podem ser **contínuas** ou **discretas**.

b) variáveis qualitativas (ou categóricas): são as características que não possuem valores quantitativos. Nesse caso, são definidas por várias categorias, ou seja, representam uma classificação dos indivíduos. Elas podem ser **nominais** ou **ordinais**.

Gabarito: D.

(CESPE/TCE-PA/2016)



média amostral	0,80
desvio padrão amostral	0,70
primeiro quartil	0,25
mediana	0,70
terceiro quartil	1,20
mínimo	0
máximo	3,10



Um indicador de desempenho X permite avaliar a qualidade dos processos de governança de instituições públicas. A figura mostra, esquematicamente, a sua distribuição, obtida mediante estudo amostral feito por determinada agência de pesquisa. A tabela apresenta estatísticas descritivas referentes a essa distribuição.

Com base nessas informações, julgue o item a seguir.

X representa uma variável qualitativa ordinal.

Comentários:

As variáveis podem ser classificadas em:

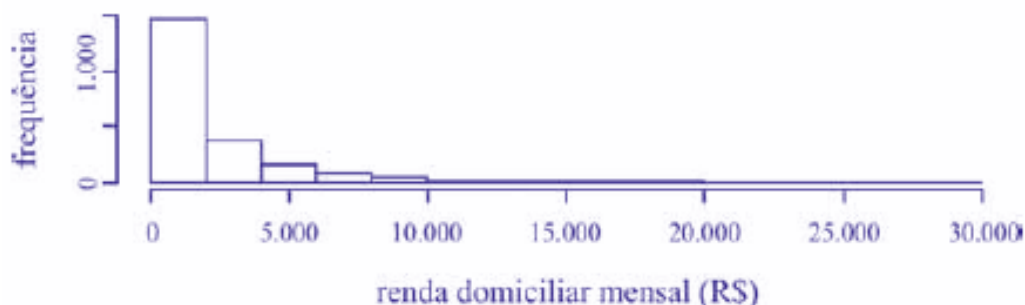
a) variáveis quantitativas: são as características que podem ser representadas numericamente, isto é, podem ser medidas em uma escala quantitativa, podendo ser contínuas ou discretas.

b) variáveis qualitativas (ou categóricas): são as características que não podem ser expressas numericamente, ou seja, não possuem valores quantitativos. Elas são definidas por categorias que classificam os indivíduos, podendo ser nominais ou ordinais.

Analisando as informações dadas na questão, percebemos que X pode adotar valores que vão de 0 (mínimo) a 3,10 (máximo). Logo, como X assume valores numéricos, dizemos que ela é uma variável quantitativa.

Gabarito: Errado.

(CESPE/TELEBRAS/2015)



Uma empresa coletou e armazenou em um banco de dados diversas informações sobre seus clientes, entre as quais estavam o valor da última fatura vencida e o pagamento ou não dessa fatura. Analisando essas informações, a empresa concluiu que 15% de seus clientes estavam inadimplentes. A empresa recolheu ainda dados como a unidade da Federação (UF) e o CEP da localidade em que estão os clientes. Do conjunto de todos os clientes, uma amostra aleatória simples constituída por 2.175 indivíduos prestou também informações sobre sua renda domiciliar mensal, o que gerou o histograma apresentado. Com base nessas informações e no histograma, julgue o item a seguir.

O CEP da localidade dos clientes e o valor da última fatura vencida são variáveis quantitativas.

Comentários:

O CEP, embora possua uma representação numérica, não exprime quantidades e, portanto, não é uma variável quantitativa. Esse código número apenas qualifica as ruas de um determinado endereço, podendo ser classificada como uma variável qualitativa.



O valor da última fatura vencida, por sua vez, é sim uma variável quantitativa.

Gabarito: Errado.

(CESPE/TELEBRAS/2015) Roberto comprou, por R\$ 2.800,00, rodas de liga leve para seu carro, e, ao estacionar no shopping, ficou indeciso sobre onde deixar o carro, pois, caso o coloque no estacionamento público, correrá o risco de lhe roubarem as rodas, ao passo que, caso o coloque no estacionamento privado, terá de pagar R\$ 70,00, com a garantia de que eventuais prejuízos serão ressarcidos pela empresa administradora.

Considerando que p seja a probabilidade de as rodas serem roubadas no estacionamento público, que X seja a variável aleatória que representa o prejuízo, em reais, ao deixar o carro no estacionamento público, e que Y seja a variável aleatória que representa o valor, em reais, desembolsado por Roberto ao deixar o carro no estacionamento pago, julgue o item subsequente.

A variável aleatória Y é contínua.

Comentários:

As variáveis quantitativas podem ser classificadas em:

- a) variáveis contínuas: características mensuráveis que assumem valores em uma escala contínua, nesse caso, valores fracionários fazem sentido;
- b) variáveis discretas: características mensuráveis que podem assumir apenas um número finito ou infinito contável de valores e, assim, somente fazem sentido valores inteiros.

No problema em questão, a variável aleatória Y pode assumir o valor R\$ 70,00, se Roberto deixar o carro no estacionamento pago; ou o valor R\$ 0,00, se Roberto não deixar o carro no estacionamento pago. Portanto, Y é uma variável aleatória discreta.

Gabarito: Errado.



SÉRIES ESTATÍSTICAS

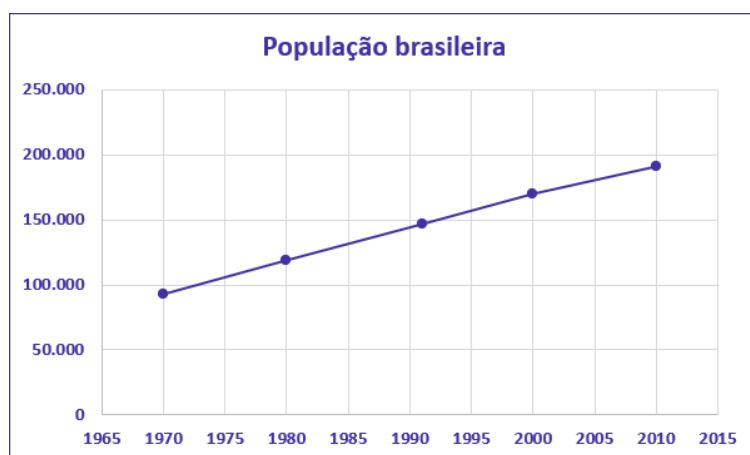
Uma **série estatística** consiste em um conjunto de dados organizado com base em uma **característica comum, ou seja, uma mesma variável**. Normalmente, uma série estatística é representada por meio de uma **tabela** ou de um **gráfico**, conforme ficar melhor representado, a fim de sintetizar os dados estatísticos observados e torná-los mais compreensivos.

Uma **tabela** é, basicamente, um quadro que resume um conjunto de observações, sendo composta de:

- a) corpo – conjunto de linhas e colunas com as informações sobre a variável em estudo;
- b) cabeçalho – parte superior que especifica o conteúdo das colunas;
- c) coluna indicadora – parte que indica o conteúdo das linhas;
- d) linhas – traços que facilitam a leitura dos dados;
- e) célula – espaço onde os dados são armazenados;
- f) título – identificação da tabela, contendo as informações sobre seu conteúdo;
- g) fonte – referência de onde os dados foram obtidos, localizada no rodapé.

População brasileira no período de 1970 a 2010 (x1000)			Título
Cabeçalho			
Coluna indicadora	Anos	População	
	1970	93.134	Linhas
	1980	119.011	
Corpo	1991	146.825	
Célula	2000	169.799	
	2010	190.755	
Fonte	Fonte: Censo Demográfico (2010)		Coluna numérica

Um **gráfico** é uma **forma clara e objetiva** de apresentar uma **série estatística**. O objetivo é **proporcionar uma compreensão mais rápida do fenômeno em estudo**. Para isso, o gráfico deve ser destituído de detalhes sem importância (**ser simples**); permitir a correta interpretação dos valores representativos do fenômeno (**ser claro**); e transmitir a verdade sobre o fenômeno (**ser verossímil**). A série estatística apresentada na tabela anterior pode ser representada graficamente da seguinte forma:





Tabela

- Quadro que resume um conjunto de observações.
- Composta de cabeçalho, corpo, coluna indicadora, linhas, células, título e fonte.

Gráfico

- Forma simples e clara de apresentar uma série estatística.
- Proporcionar uma compreensão mais rápida do fenômeno em estudo.
- Deve ser simples, claro e verossímil.

Finalmente, podemos verificar a presença de **três elementos** nas séries estatística: o **tempo**, o **espaço** e a **espécie**. Conforme os elementos variem, a série pode ser classificada em **temporal** (ou cronológica), **geográfica** (ou territorial) e **específica**.

Séries Temporais (ou Cronológicas)

É a série cujos dados são **dispostos segundo a época de ocorrência**. Isto é, enquanto o **tempo varia**, o **fato e o local permanecem constantes**. Também são chamadas de séries **históricas** ou **evolutivas**. A principal característica é o **fator cronológico variável**.

A seguir temos a série histórica da população residente no Brasil no período de 1970 a 2010, com frequência decenal. Percebam que o **tempo varia**; contudo, o fato que está sendo analisado (quantidade populacional) e o local alvo da pesquisa (Brasil), continuam iguais.

População brasileira no período de 1970 a 2010 (x1000)

Anos	População
1970	93.134
1980	119.011
1991	146.825
2000	169.799
2010	190.755

Fonte: Censo Demográfico (2010)



Séries Geográficas (ou Territoriais)

É a série cujos dados são dispostos **segundo a localidade de ocorrência**. Isto é, enquanto o **local varia**, o **fato e o tempo permanecem constantes**. Também são chamadas de séries **espaciais** ou de **localização**. A principal característica é o **fator geográfico variável**.

A seguir temos a série geográfica da população urbana residente em cada uma das regiões brasileiras no ano de 2010. Percebam que o **local (região) varia**; contudo, o fato que está sendo analisado (quantidade populacional) e o tempo (ano de 2010) permanecem constantes.

População Urbana em 2010 (x1000)	
Região	População
Norte	11.664
Nordeste	38.821
Sudeste	74.696
Sul	23.260
Centro-Oeste	12.482

Fonte: Censo Demográfico (2010)

Séries Específicas

É a série cujos dados são dispostos **segundo a modalidade de ocorrência**. Isto é, enquanto o **fato varia**, a **época e o local permanecem constantes**. Também são chamadas de séries **categóricas**. A principal característica é o **fator especificativo variável**.

A seguir temos uma série específica das populações urbana e rural residentes no Brasil no ano de 2010. Percebam que os fatos analisados variam (população urbana x população rural); contudo, o tempo (2010) e o local de análise (Brasil) são constantes.

População Urbana e Rural em 2010 (x1000)	
Zona	População
Urbana	93.134
Rural	119.011
Total	190.755

Fonte: Censo Demográfico (2010)



Séries Mistas (ou Compostas)

Muitas vezes, podemos ter a necessidade de apresentar, em uma única tabela, a variação de valores de mais de uma variável, isto é, combinar duas ou mais séries. As séries resultantes desse processo de combinação são chamadas de **séries mistas (ou compostas)** e apresentadas por meio de **tabelas de dupla entrada**.

O nome da nova série deve levar em consideração pelo menos dois elementos. Assim, **se for uma série mista de fato e tempo, denominaremos de série específico-temporal**. A seguir temos uma série específico-temporal representando as populações de homens e mulheres residentes no Brasil, no período de 1970 a 2010, com variação decenal.

População do Brasil por Sexo de 1970 a 2010 (x1000)

Anos	Sexo	
	Homens	Mulheres
1970	46.327	46.807
1980	59.142	59.868
1991	72.485	74.340
2000	83.602	86.270
2010	93.406	97.348

Fonte: Censo Demográfico (2010)

Por sua vez, **se tivermos uma série mista de local e tempo, denominaremos de série geográfica-temporal**. A seguir temos uma série geográfico-temporal representando as populações residentes em cada região brasileira, no período de 1970 a 2010, com variação decenal.

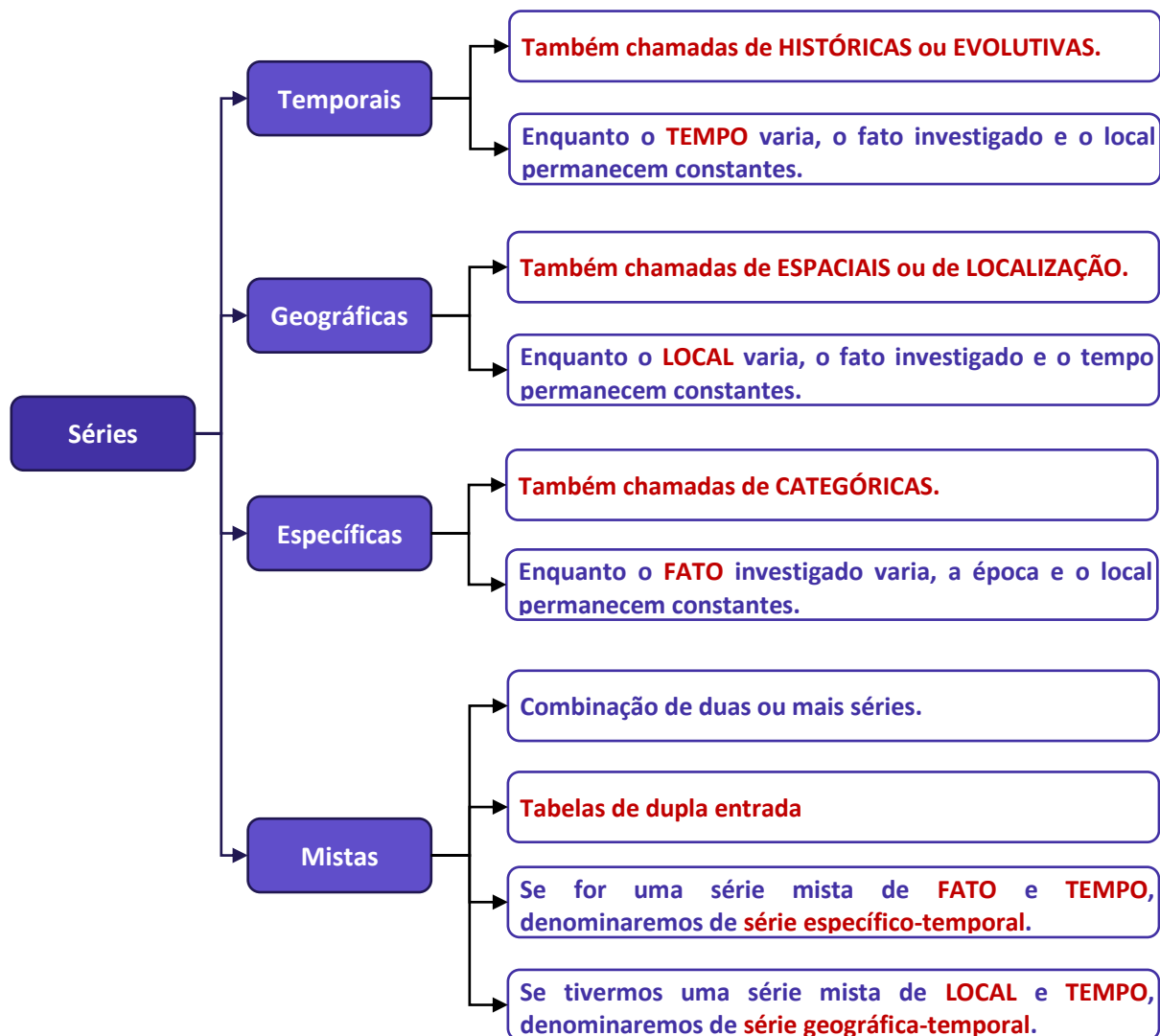
População do Brasil por Região de 1970 a 2010 (x1000)

Anos	Regiões				
	N	NE	SE	S	CO
1970	3.603	28.111	39.850	16.496	5.072
1980	5.880	34.815	51.737	19.031	7.545
1991	10.030	42.497	62.740	22.129	9.427
2000	12.900	47.741	72.412	25.107	11.636
2010	15.864	53.081	80.364	27.386	14.058

Fonte: Censo Demográfico (2010)

Por fim, devemos notar que podem existir séries compostas de três ou mais entradas, embora isso raramente aconteça, por conta da dificuldade de representação.





DISTRIBUIÇÃO DE FREQUÊNCIAS

Vimos anteriormente que, logo após a coleta de dados, temos o que denominamos de **dados brutos**. Como exemplo de dados brutos, citamos uma pesquisa de tempo médio de estudo diário, em minutos, envolvendo 50 alunos do Estratégia, em que os alunos foram escolhidos de maneira aleatória, não havendo qualquer organização dos valores observados. Por terem sido apresentados na forma em que foram coletados, são denominados de **dados brutos**.

Aluno	Tempo	Aluno	Tempo	Aluno	Tempo	Aluno	Tempo	Aluno	Tempo
1	143	11	113	21	170	31	124	41	105
2	142	12	143	22	158	32	137	42	154
3	161	13	159	23	123	33	153	43	99
4	126	14	168	24	96	34	129	44	114
5	134	15	123	25	98	35	148	45	161
6	137	16	135	26	135	36	173	46	128
7	171	17	135	27	129	37	126	47	175
8	85	18	175	28	126	38	104	48	137
9	155	19	115	29	103	39	157	49	165
10	171	20	89	30	171	40	127	50	115

Normalmente, esses dados fornecem pouca informação ao leitor, sendo necessário organizá-los, com o propósito de aumentar sua capacidade informativa. A simples organização dos dados em um **rol crescente** já ajuda bastante nesse sentido. Com os dados organizados em rol, conseguimos verificar que o menor tempo observado foi de 85 minutos, e o maior, de 175 minutos, o que nos fornece uma **amplitude total** ($AT = 175 - 85 = 90$) de variação da ordem de 90 minutos.

Rol Crescente				
85	115	129	143	161
89	115	129	143	165
96	123	134	148	168
98	123	135	153	170
99	124	135	154	171
103	126	135	155	171
104	126	137	157	171
105	126	137	158	173
113	127	137	159	175
114	128	142	161	175

Outra informação que conseguimos extrair dos dados organizados em rol crescente é que alguns tempos, como 126 min, 135 min, 137 min e 171 min, foram mais frequentes, ou seja, apareceram mais vezes durante a pesquisa.



Uma maneira mais concisa de mostrar os dados do rol é apresentar cada valor juntamente com o número de vezes em que ocorre, em vez de repeti-los. **O número de ocorrências de um determinado valor recebe o nome de frequência.** **A tabela que contém todos os valores com suas respectivas frequências é denominada de distribuição de frequências.**

Uma **distribuição de frequências** também **pode ser definida como uma série estatística na qual permanecem constantes o fato, o local e a época.** Ela pode ser classificada em dois tipos: distribuição de frequências **pontual (ou discreta)** e distribuição de frequências **intervalar (ou contínua).**

Na **distribuição de frequências pontual**, são apresentados todos os dados coletados juntamente com suas respectivas frequências, **não havendo perda de valores.** Contudo, esse processo pode exigir muito espaço, especialmente quando o número de valores da variável tende a aumentar.

Tempo (min)	Freq.	Tempo (min)	Freq.	Tempo (min)	Freq.	Tempo (min)	Freq.
85	1	114	1	135	3	158	1
89	1	115	2	137	3	159	1
96	1	123	2	142	1	161	2
98	1	124	1	143	2	165	1
99	1	126	3	148	1	168	1
103	1	127	1	153	1	170	1
104	1	128	1	154	1	171	3
105	1	129	2	155	1	173	1
113	1	134	1	157	1	175	2

Nesse caso, **quando a variável é contínua**, o mais **recomendável** é **agrupar** os valores por **intervalos de classe**. Desse modo, em vez de listar cada um dos valores que ocorrem, utilizamos uma **distribuição de frequências intervalar**, listando os **intervalos de classe** e as **frequências correspondentes**.

Tempo médio (X_i)	Frequência (f_i)
$85 \leq x < 100$	5
$100 \leq x < 115$	5
$115 \leq x < 130$	12
$130 \leq x < 145$	10
$145 \leq x < 160$	7
$160 \leq x < 175$	9
$175 \leq x < 190$	2

Procedendo dessa forma, **perdemos a informação detalhada dos tempos médios**, mas ganhamos em termos de **praticidade**, o que simplifica o processo de análise de dados. Examinando a tabela acima, percebemos facilmente que a maioria dos alunos estuda diariamente entre 115 e 130 minutos, enquanto uma minoria alcança entre 175 e 190 minutos.



Para identificar uma classe, temos que conhecer os valores dos **limites inferior e superior da classe**, que delimitam um **intervalo de classe**. Desse modo, precisamos definir a natureza do intervalo de classe, se aberto ou fechado. Portanto, temos as seguintes notações para os diferentes tipos de intervalos:



Tipo de Intervalo	Notação matemática	Notação estatística	Significado
Intervalo aberto	$a < x < b$	$a - b$	Engloba todos os elementos entre a e b , mas não engloba a nem b .
Intervalo fechado à esquerda e aberto à direita	$a \leq x < b$	$a \vdash b$	Engloba todos os elementos entre a e b , inclusive a mas não b .
Intervalo aberto à esquerda e fechado à direita	$a < x \leq b$	$a \dashv b$	Engloba todos os elementos entre a e b , inclusive b mas não a .
Intervalo fechado	$a \leq x \leq b$	$a \vdash b$	Engloba todos os elementos entre a e b , inclusive a e b .

Por fim, é importante salientarmos que, em análises estatísticas, constantemente encontramos **distribuições de frequências intervalares**, pois o **objetivo da estatística é justamente fazer um apanhado geral das características de um conjunto de dados, sem adentrar em detalhes de casos particulares**.

Elementos de uma Distribuição de Frequências

Agora, analisaremos de forma detalhada cada elemento de uma distribuição de frequências. Tomaremos como referência a tabela apresentada anteriormente:

Tempo médio (X_i)	Frequência (f_i)
$85 \leq x < 100$	5
$100 \leq x < 115$	5
$115 \leq x < 130$	12
$130 \leq x < 145$	10
$145 \leq x < 160$	7
$160 \leq x < 175$	9
$175 \leq x < 190$	2



Classe

As **classes** são os **intervalos** nos quais o fenômeno é subdividido. Podemos dizer que as classes são os intervalos ou subdivisões dos elementos que compõem um conjunto de dados. Na tabela anterior, temos as seguintes classes:

Classe	Intervalo	Frequência (f_i)
1ª Classe	$85 \leq x < 100$	5
2ª Classe	$100 \leq x < 115$	5
3ª Classe	$115 \leq x < 130$	12
4ª Classe	$130 \leq x < 145$	10
5ª Classe	$145 \leq x < 160$	7
6ª Classe	$160 \leq x < 175$	9
7ª Classe	$175 \leq x < 190$	2
		$n = 50$

Existem duas maneiras de determinar o número "ideal" de classes, k , em função do número de dados da tabela, n . A primeira consiste em utilizar a fórmula de Sturges:

$$k = 1 + 3,3 \times \log n$$

Outra abordagem, utilizada quando o número de dados é menor ou igual a 50, é por meio da fórmula:

$$k = \sqrt{n}$$

Vamos aproveitar para calcular o número de classes do nosso exemplo:

a) pela fórmula de Sturges:

$$k = 1 + 3,3 \times \log n$$

$$k = 1 + 3,3 \times \log 50$$

$$k = 1 + 3,3 \times 1,7$$

$$k = 1 + 5,61 = 6,61$$

b) pela outra fórmula:

$$k = \sqrt{n}$$

$$k = \sqrt{50} = 7,07$$



Limite de Classe

Cada classe tem um **limite inferior de classe** (l_{inf}), que é o menor número que pode pertencer à classe, e um **limite superior de classe** (l_{sup}), que é o maior número que pode pertencer à classe. **Os limites de uma classe são seus valores extremos.**

Vamos identificar os limites inferiores e superiores do nosso exemplo:

Classes	Limite Inferior (l_{inf})	Limite Superior (l_{sup})
$85 \leq x < 100$	85	100
$100 \leq x < 115$	100	115
$115 \leq x < 130$	115	130
$130 \leq x < 145$	130	145
$145 \leq x < 160$	145	160
$160 \leq x < 175$	160	175
$175 \leq x < 190$	175	190

Amplitude de um Intervalo de Classe

A **amplitude de um intervalo de classe**, ou simplesmente **intervalo de classe**, é a **distância entre os limites inferiores (ou superiores) de classes consecutivas**. Ela é obtida pela diferença entre dois limites inferiores (ou superiores) consecutivos:

$$h = l_{sup} - l_{inf}$$

em que l_{inf} é o limite inferior do intervalo de classe e l_{sup} é o limite superior do intervalo de classe.

Dando continuidade ao nosso exemplo, vejamos como calcular as amplitudes dos intervalos:

Classes	Limite Inferior (l_{inf})	Limite Superior (l_{sup})	Amplitude de Classe ($h = l_{sup} - l_{inf}$)
$85 \leq x < 100$	85	100	$100 - 85 = 15$
$100 \leq x < 115$	100	115	$115 - 100 = 15$
$115 \leq x < 130$	115	130	$130 - 115 = 15$



$130 \leq x < 145$	130	145	$145 - 130 = 15$
$145 \leq x < 160$	145	160	$160 - 145 = 15$
$160 \leq x < 175$	160	175	$175 - 160 = 15$
$175 \leq x < 190$	175	190	$190 - 175 = 15$

Embora seja desejável, a **amplitude do intervalo de classe** nem sempre será constante ao longo de toda a **distribuição de frequências intervalar**.

Amplitude Total

A **amplitude total** é a diferença entre o **limite superior da última classe (limite superior máximo)** e o **limite inferior da primeira classe (limite inferior mínimo)**. Portanto, corresponde à diferença entre o último e o primeiro elemento de um conjunto de dados ordenado de forma crescente:

$$AT = l_{\text{máx}} - l_{\text{mín}}$$

Note que, **quando todas as classes possuem a mesma amplitude**, também podemos determinar o valor da amplitude total multiplicando o valor do intervalo de classe (h) pela quantidade de classes da distribuição (k):

$$AT = h \times k$$

Em nosso exemplo, a amplitude total é calculada da seguinte maneira:

$$\begin{aligned} AT &= l_{\text{máx}} - l_{\text{mín}} \\ AT &= 190 - 85 = 105 \end{aligned}$$

Ponto médio de classe

O **ponto médio** é a **média aritmética** simples dos **valores extremos de uma classe**, ou seja, a soma dos limites inferior e superior dividida por dois. Esse ponto divide a classe em duas partes iguais. Também costuma ser chamado de **marca** ou **representante da classe**.

$$PM = \frac{(l_{\text{inf}} + l_{\text{sup}})}{2}$$

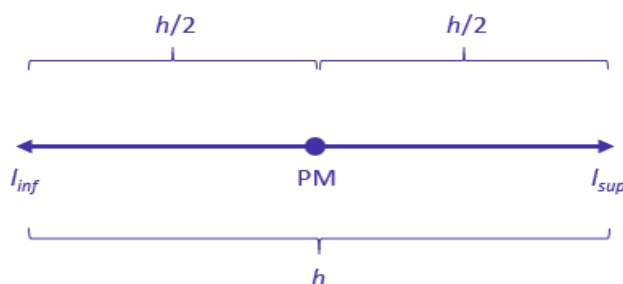


Para praticar, vamos calcular os pontos médios de nossa distribuição de frequências:

Tempo médio (X_i)	Ponto médio (PM_i)	Frequência (f_i)
$85 \leq x < 100$	$\frac{85 + 100}{2} = 92,5$	5
$100 \leq x < 115$	$\frac{100 + 115}{2} = 107,5$	5
$115 \leq x < 130$	$\frac{115 + 130}{2} = 122,5$	12
$130 \leq x < 145$	$\frac{130 + 145}{2} = 137,5$	10
$145 \leq x < 160$	$\frac{145 + 160}{2} = 152,5$	7
$160 \leq x < 175$	$\frac{160 + 175}{2} = 167,5$	9
$175 \leq x < 190$	$\frac{175 + 190}{2} = 182,5$	2

Veja que os pontos médios formaram uma progressão aritmética, pois a diferença entre dois pontos médios consecutivos foi constante e igual a 15. Isso ocorreu porque o intervalo de classe, h , também foi constante (e igual a 15) em toda a distribuição. Assim, **quando o intervalo de classes é constante, a diferença entre os pontos médios também será constante e igual ao intervalo de classe.**

Adicionalmente, sabendo que o ponto médio divide a classe em duas partes iguais, podemos derivar outras relações envolvendo o próprio ponto médio, a amplitude de classe e os limites inferior e superior.



Dada a figura anterior, podemos obter os limites de uma classe por meio das seguintes expressões:

$$l_{inf} = PM - \frac{h}{2}$$

$$l_{sup} = PM + \frac{h}{2}$$



Além disso, podemos encontrar o ponto médio de uma classe a partir das seguintes relações:

$$PM = l_{inf} + \frac{h}{2}$$

$$PM = l_{sup} - \frac{h}{2}$$

Frequência

Ao longo dessa aula, em várias oportunidades abordamos conceitos relacionados à **frequência**, isto é, ao **número de ocorrências de um determinado valor ou de uma certa classe**. Esse conceito é de grande relevância para a estatística descritiva e deve ser estudado de forma mais aprofundada. Nesse contexto, é importante sabermos que existem quatro tipos de frequência, os quais serão analisados nas subseções seguintes:

- a) frequência absoluta simples (f_i);
- b) frequência absoluta acumulada (f_{ac});
- c) frequência relativa simples (F_i);
- d) frequência relativa acumulada (F_{ac}).

Frequência Absoluta Simples

A **frequência absoluta simples** corresponde ao número de observações correspondentes a uma determinada classe ou a um determinado valor.

i	Tempos (min)	Frequência (f_i)
1	85 – 100	5
2	100 – 115	5
3	115 – 130	12
4	130 – 145	10
5	145 – 160	7
6	160 – 175	9
7	175 – 190	2

A frequência simples é simbolizada por f_i . No exemplo anterior, temos: $f_1 = 5$, $f_2 = 5$, $f_3 = 12$, $f_4 = 10$, $f_5 = 7$, $f_6 = 9$ e $f_7 = 2$.



A soma de todas as frequências é igual ao número total de dados analisados:

$$\sum_{i=1}^k f_i = n$$

em que a notação $\sum_{i=1}^k f_i$ representa o somatório das frequências de cada uma das k classes.

Para a distribuição em análise, temos:

$$\sum_{i=1}^7 f_i = f_1 + f_2 + f_3 + f_4 + f_5 + f_6 + f_7 = 5 + 5 + 12 + 10 + 7 + 9 + 2 = 50$$

Agora, podemos incluir essa informação na representação tabular:

i	Tempos (min)	Frequência (f_i)
1	85 – 100	5
2	100 – 115	5
3	115 – 130	12
4	130 – 145	10
5	145 – 160	7
6	160 – 175	9
7	175 – 190	2
		$\sum_{i=1}^7 f_i = 50$

Frequência Absoluta Acumulada

A **frequência absoluta acumulada crescente** (f_{ac}) é a soma das frequências de todos os valores inferiores ao limite superior do intervalo de uma determinada classe. No exemplo apresentado anteriormente, a frequência acumulada correspondente à quarta classe é: $f_{ac4} = f_1 + f_2 + f_3 + f_4 = 5 + 5 + 12 + 10 = 32$, significando que 32 alunos estudam por um período igual ou superior a 85 minutos e inferior a 145 minutos (limite superior da quarta classe).

$$f_{ac_i} = f_1 + f_2 + f_3 + \dots + f_i$$



A **frequência absoluta acumulada crescente** é calculada de cima para baixo, da seguinte forma:

- 1) repetimos a frequência absoluta da **primeira** classe;
- 2) os demais valores da frequência absoluta são obtidos a partir da soma da frequência acumulada anterior com a frequência absoluta da classe correspondente;
- 3) a frequência acumulada crescente sempre termina com o valor de n .

i	Tempos (min)	Frequência (f_i)	Frequência Acumulada
1	85 – 100	5	5
2	100 – 115	5	10
3	115 – 130	12	22
4	130 – 145	10	32
5	145 – 160	7	39
6	160 – 175	9	48
7	175 – 190	2	50

$$\sum_{i=1}^7 f_i = 50$$

A **frequência absoluta acumulada decrescente** (f_{ad}) é a soma das frequências de todos os valores superiores ao limite inferior do intervalo de uma determinada classe. No exemplo apresentado anteriormente, a frequência acumulada correspondente à quarta classe é: $f_{ad_4} = f_4 + f_5 + f_6 + f_7 = 10 + 7 + 9 + 2 = 28$, significando que 28 alunos estudam por um período igual ou superior a 130 minutos (limite inferior da quarta classe) e inferior a 190 minutos.

$$f_{ad_i} = f_i + f_{i+1} + f_{i+2} + \dots + f_k$$

A **frequência absoluta acumulada decrescente** é calculada de baixo para cima, da seguinte forma:

- 1) repetimos a frequência absoluta da **última** classe;
- 2) os demais valores da frequência acumulada decrescente são obtidos a partir da soma da frequência acumulada anterior com a frequência absoluta da classe correspondente;
- 3) a frequência acumulada decrescente sempre termina com o valor de n .



i	Tempos (min)	Frequência (f_i)	Frequência Acumulada
1	85 - 100	5	50
2	100 - 115	5	45
3	115 - 130	12	40
4	130 - 145	10	28
5	145 - 160	7	18
6	160 - 175	9	11
7	175 - 190	2	2

$$\sum_{i=1}^7 f_i = 50$$

Frequência Relativa Simples

A **frequência relativa simples** corresponde à proporção de dados existentes em uma determinada classe. Para calcular a frequência relativa de uma classe, dividimos a frequência absoluta simples f_i pela frequência total (isto é, dividimos a parte pelo todo):

$$F_i = \frac{f_i}{\sum f_i} = \frac{f_i}{n}$$

Em nosso exemplo, as frequências relativas são:

i	Tempos (min)	Frequência Absoluta (f_i)	Frequência Relativa (F_i)
1	85 - 100	5	$F_1 = \frac{5}{50} = 0,10$
2	100 - 115	5	$F_2 = \frac{5}{50} = 0,10$
3	115 - 130	12	$F_3 = \frac{12}{50} = 0,24$
4	130 - 145	10	$F_4 = \frac{10}{50} = 0,20$
5	145 - 160	7	$F_5 = \frac{7}{50} = 0,14$
6	160 - 175	9	$F_6 = \frac{9}{50} = 0,18$
7	175 - 190	2	$F_7 = \frac{2}{50} = 0,04$



Para representar esses valores em termos de porcentagem, basta multiplicarmos por 100%. A tabela ficaria assim:

i	Tempos (min)	Frequência Absoluta (f_i)	Frequência Relativa (F_i)
1	85 – 100	5	$F_1 = \frac{5}{50} \times 100\% = 10\%$
2	100 – 115	5	$F_2 = \frac{5}{50} \times 100\% = 10\%$
3	115 – 130	12	$F_3 = \frac{12}{50} \times 100\% = 24\%$
4	130 – 145	10	$F_4 = \frac{10}{50} \times 100\% = 20\%$
5	145 – 160	7	$F_5 = \frac{7}{50} \times 100\% = 14\%$
6	160 – 175	9	$F_6 = \frac{9}{50} \times 100\% = 18\%$
7	175 – 190	2	$F_7 = \frac{2}{50} \times 100\% = 4\%$

O propósito das frequências relativas é facilitar a realização de comparações de classes individuais com o total das observações. Na tabela anterior, por exemplo, conseguimos verificar facilmente que 24% das observações pertencem à quarta classe e que 18% das observações pertencem à sexta classe.

Repare que a soma de todas as frequências relativas deve ser igual a 100%:

$$\sum_{i=1}^k F_i = 100\%$$

Podemos incluir essa informação na representação tabular:

i	Tempos (min)	Frequência Absoluta (f_i)	Frequência Relativa (F_i)
1	85 – 100	5	10%
2	100 – 115	5	10%
3	115 – 130	12	24%
4	130 – 145	10	20%
5	145 – 160	7	14%
6	160 – 175	9	18%
7	175 – 190	2	4%
		$\sum_{i=1}^7 f_i = 50$	$\sum_{i=1}^7 F_i = 100\%$



Frequência Relativa Acumulada

A **frequência relativa acumulada crescente** (F_{ac}) é a proporção de valores inferiores ao limite superior do intervalo de uma dada classe. No exemplo apresentado anteriormente, a frequência acumulada correspondente à quarta classe é: $F_{ac4} = F_1 + F_2 + F_3 + F_4 = 10\% + 10\% + 24\% + 20\% = 64\%$, significando que 64% dos alunos estudam por um período igual ou superior a 85 minutos e inferior a 145 minutos (limite superior da quarta classe).

$$F_{aci} = F_1 + F_2 + F_3 + \dots + F_i$$

A **frequência relativa acumulada crescente** é calculada de cima para baixo, da seguinte forma:

- 1) repetimos a frequência relativa da **primeira** classe;
- 2) os demais valores são obtidos a partir da soma da frequência relativa acumulada anterior com a frequência relativa da classe correspondente;
- 3) a frequência relativa acumulada sempre termina com o valor de 100%.

i	Tempos (min)	Frequência Absoluta (f_i)	Frequência Relativa (F_i)	Frequência Acumulada (F_{ac})
1	85 – 100	5	10%	10%
2	100 – 115	5	10%	20%
3	115 – 130	12	24%	44%
4	130 – 145	10	20%	64%
5	145 – 160	7	14%	78%
6	160 – 175	9	18%	96%
7	175 – 190	2	4%	100%

$$\sum_{i=1}^7 f_i = 50 \quad \sum_{i=1}^7 F_i = 100\%$$

A **frequência relativa acumulada decrescente** (F_{ad}) é a proporção de valores superiores ao limite inferior do intervalo de uma dada classe. No exemplo apresentado anteriormente, a frequência acumulada correspondente à quarta classe é: $F_{ad4} = F_4 + F_5 + F_6 + F_7 = 20\% + 14\% + 18\% + 4\% = 56\%$, significando que 56% dos alunos estudam por um período igual ou superior a 130 minutos (limite inferior da quarta classe) e inferior a 190 minutos.

$$F_{adi} = F_i + F_{i+1} + F_{i+2} + \dots + F_k$$

A **frequência relativa acumulada decrescente** é calculada de baixo para cima, da seguinte forma:

- 1) repetimos a frequência relativa da **última** classe;



2) os demais valores são obtidos a partir da soma da frequência acumulada anterior com a frequência relativa da classe correspondente;

3) a frequência acumulada sempre termina com o valor de 100%.

i	Tempos (min)	Frequência Absoluta (f_i)	Frequência Relativa (F_i)	Frequência Acumulada (F_{ad})
1	85 – 100	5	10%	100%
2	100 – 115	5	10%	90%
3	115 – 130	12	24%	80%
4	130 – 145	10	20%	56%
5	145 – 160	7	14%	36%
6	160 – 175	9	18%	22%
7	175 – 190	2	4%	4%
		$\sum_{i=1}^7 f_i = 50$	$\sum_{i=1}^7 F_i = 100\%$	

Densidade de Frequência

A densidade de frequência de uma classe consiste no quociente entre a frequência da classe (absoluta ou relativa) e sua amplitude:

$$\text{densidade} = \frac{\text{frequência absoluta ou relativa}}{\text{amplitude}}$$

$$d_i = \frac{f_i}{h_i}$$

Para o nosso exemplo, as densidades de frequência são:

i	Tempos (min)	Frequência Absoluta (f_i)	Densidade de Frequência (d)
1	85 – 100	5	$d_1 = \frac{f_1}{h_1} = \frac{5}{15} = 0,33$
2	100 – 115	5	$d_2 = \frac{f_2}{h_2} = \frac{5}{15} = 0,33$
3	115 – 130	12	$d_3 = \frac{f_3}{h_3} = \frac{12}{15} = 0,80$



4	130 – 145	10	$d_4 = \frac{f_4}{h_4} = \frac{10}{15} = 0,66$
5	145 – 160	7	$d_5 = \frac{f_5}{h_5} = \frac{7}{15} = 0,46$
6	160 – 175	9	$d_6 = \frac{f_6}{h_6} = \frac{9}{15} = 0,60$
7	175 – 190	2	$d_7 = \frac{f_7}{h_7} = \frac{2}{15} = 0,13$



Item	Definição	Símbolos e Fórmulas
Número de Classes	As classes são os intervalos nos quais o fenômeno é subdividido.	$k = 1 + 3,3 \times \log n$ ou $k = \sqrt{n}$
Limites de Classe	Correspondem aos valores extremos.	l_{inf} e l_{sup}
Amplitude de um Intervalo de Classe	Distância entre os limites inferiores (ou superiores) de classes consecutivas.	$h = l_{sup} - l_{inf}$
Amplitude total	Diferença entre o limite superior da última classe (limite superior máximo) e o limite inferior da primeira classe (limite inferior mínimo).	$AT = l_{máx} - l_{mín}$ $AT = h \times k$
Ponto Médio	Média aritmética simples dos valores extremos de uma classe.	$PM = \frac{(l_{inf} + l_{sup})}{2}$ $PM = l_{inf} + \frac{h}{2}$ $PM = l_{sup} - \frac{h}{2}$
Frequência Absoluta Simples	Número de observações correspondentes a uma determinada classe ou a um determinado valor.	f_i



Frequência Absoluta Acumulada	Total das frequências de todos os valores inferiores ao limite superior do intervalo de uma dada classe	$f_{ac_i} = f_1 + f_2 + f_3 + \dots + f_i$
Frequência Relativa Simples	Proporção de dados existentes em uma determinada classe.	$F_i = \frac{f_i}{\sum f_i} = \frac{f_i}{n}$
Frequência Relativa Acumulada	Proporção de valores inferiores ao limite superior do intervalo de uma dada classe.	$F_{ac_i} = F_1 + F_2 + F_3 + \dots + F_i$
Densidade de Frequência	Quociente entre a frequência da classe (absoluta ou relativa) e sua amplitude	$d = \frac{f}{h}$



(VUNESP/IPSM-SJC/2018) Considere as informações a seguir para construir uma distribuição de frequência sem intervalo de classe e responder a questão.

Um dado foi lançado 50 vezes e foram registrados os seguintes resultados:

5 4 6 1 2 5 3 1 3 3
4 4 1 5 5 6 1 2 5 1
3 4 5 1 1 6 6 2 1 1
4 4 4 3 4 3 2 2 2 3
6 6 3 2 4 2 6 6 2 1

A frequência simples relativa do primeiro elemento é

- a) 10%.
- b) 20%.
- c) 50.
- d) 7.
- e) 20.

Comentários:



A frequência absoluta é o número de vezes em que uma determinada variável assume um valor, enquanto a frequência relativa é o quociente entre a frequência absoluta da classe correspondente e a soma das frequências (total observado).

Para os dados apresentados, temos que :

Valor obtido no lançamento	Frequência absoluta	Frequência relativa
1	10	$10/50 = 0,2 = 20\%$
2	9	$9/50 = 0,18 = 18\%$
3	8	$8/50 = 0,16 = 16\%$
4	9	$9/50 = 0,18 = 18\%$
5	6	$6/50 = 0,12 = 12\%$
6	8	$8/50 = 0,16 = 16\%$
Total	50	100%

Portanto, a frequência simples absoluta do primeiro elemento é igual a 20%.

Gabarito: B.

(CESPE/Polícia Federal/2018)

	DIA				
	1	2	3	4	5
X (quantidade diária de drogas apreendidas, em kg)	10	22	18	22	28

Tendo em vista que, diariamente, a Polícia Federal apreende uma quantidade X, em kg, de drogas em determinado aeroporto do Brasil, e considerando os dados hipotéticos da tabela precedente, que apresenta os valores observados da variável X em uma amostra aleatória de 5 dias de apreensões no citado aeroporto, julgue o item.

A tabela em questão descreve a distribuição de frequências da quantidade de drogas apreendidas nos cinco dias que constituem a amostra.

Comentários:

A tabela apenas registra as quantidades de drogas apreendidas por dia. Para que ela configurasse uma distribuição de frequências da quantidade de drogas apreendidas nos cinco dias, era necessário que cada valor estivesse associado a uma frequência, o que não ocorreu. Uma distribuição de frequência dos dados acima seria assim:



Valor	Frequência
10	1
18	1
22	2
28	1

Gabarito: Errado.

(CESPE/BACEN/2013)

2 4 8 4 8 1 2 32 12 1 5 7 5 5 3 4 24 19 4 14

Os dados mostrados acima representam uma amostra, em minutos, do tempo utilizado na armazenagem de formulários no almoxarifado central de certa instituição por diversos funcionários.

Com base nesses dados, julgue o próximo item.

A distribuição de frequência acumulada para tempo de armazenagem observado na amostra inferior a 8 minutos é igual a 13, o que corresponde a uma frequência relativa superior a 0,60.

Comentários:

Não precisamos construir a distribuição de frequências para responder à questão. Sabemos que o total de observações é 20, pois é esse o número de termos.

Vamos destacar as observações que são inferiores a 8:

2 4 8 4 8 1 2 32 12 1 5 7 5 5 3 4 24 19 4 14

São 13 números inferiores a 8. Portanto, a frequência acumulada para um tempo menor do que 8 é 13.

Para calcular a frequência relativa, basta dividir a frequência absoluta pelo total de observações:

$$\frac{13}{20} = 0,65$$

Logo, a frequência relativa acumulada é maior do que 0,60

Gabarito: Certo.

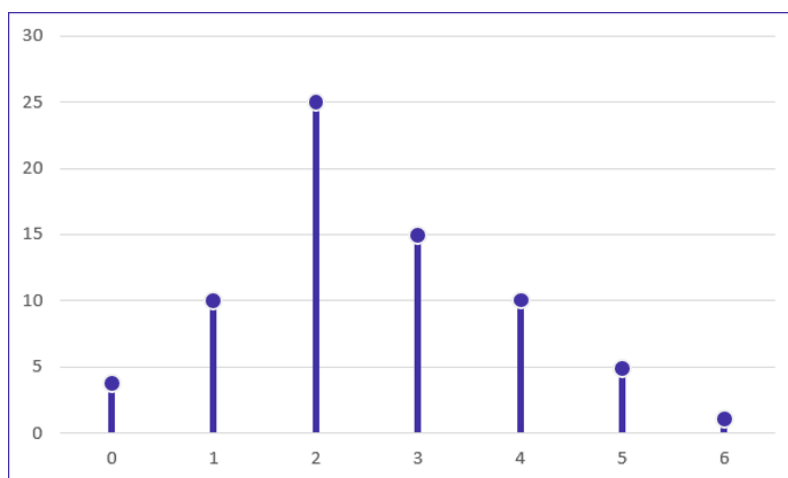


REPRESENTAÇÕES GRÁFICAS DAS DISTRIBUIÇÕES DE FREQUÊNCIA

Gráfico de Hastes ou Bastões

O **gráfico de hastes ou bastões** é muito utilizado para representar **dados não agrupados em classes**, o que normalmente ocorre com dados discretos. Nesse caso, não há perda de informação pois os valores da variável aparecem individualmente, conforme constam da amostra. Com relação a sua construção, basta representarmos as frequências simples absolutas ou relativas de cada elemento do conjunto de dados.

X_i	Frequência (f_i)
0	4
1	10
2	25
3	15
4	10
5	5
6	1



Repare que podemos reconstruir facilmente a tabela de frequências a partir do gráfico de hastes. De igual modo, conhecendo a tabela de frequências, podemos construir rapidamente o gráfico de hastes.

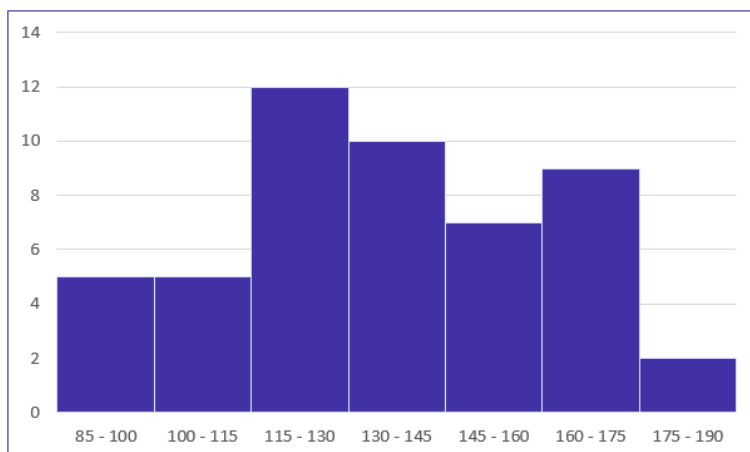
Histogramas

O **histograma** é um gráfico destinado a representar **dados agrupados em classe**, sendo composto por um conjunto de **retângulos contíguos (justapostos)** cujas bases ficam localizadas sobre o eixo horizontal (eixo x), de forma que os seus pontos médios devem coincidir com os pontos médios dos intervalos de classe e seus limites devem coincidir com os limites da classe.

A quantidade de retângulos em um histograma é equivalente ao número de intervalos de classe. A largura de cada retângulo deve ser igual à amplitude do intervalo de classe, enquanto a altura precisa ser proporcional à frequência do intervalo de classe. Além disso, **a área do histograma é proporcional ao somatório das frequências**.

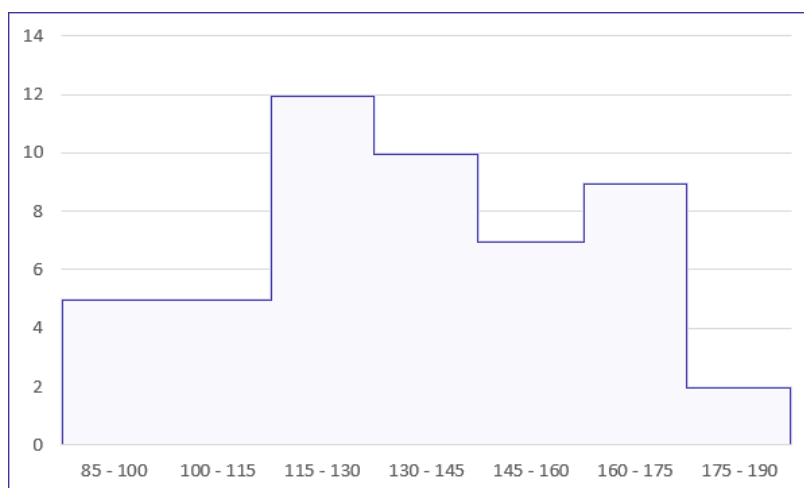


Tempo médio (X_i)	Frequência (f_i)
$85 \leq x < 100$	5
$100 \leq x < 115$	5
$115 \leq x < 130$	12
$130 \leq x < 145$	10
$145 \leq x < 160$	7
$160 \leq x < 175$	9
$175 \leq x < 190$	2



A diferença básica entre um **histograma** e um **gráfico de colunas** (estudaremos na próxima seção) é a separação entre os retângulos adjacentes. **Veja que não existe separação entre os retângulos no caso do histograma.**

Dito isso, é importante mencionarmos a existência do gráfico denominado de **polígono característica**, que construímos utilizando apenas os contornos do histograma.



Por fim, **o histograma pode ocasionar um certo nível de perda de informações, pois os elementos da distribuição de frequência não são representados de forma individualizada, mas sim por meio de suas classes.**

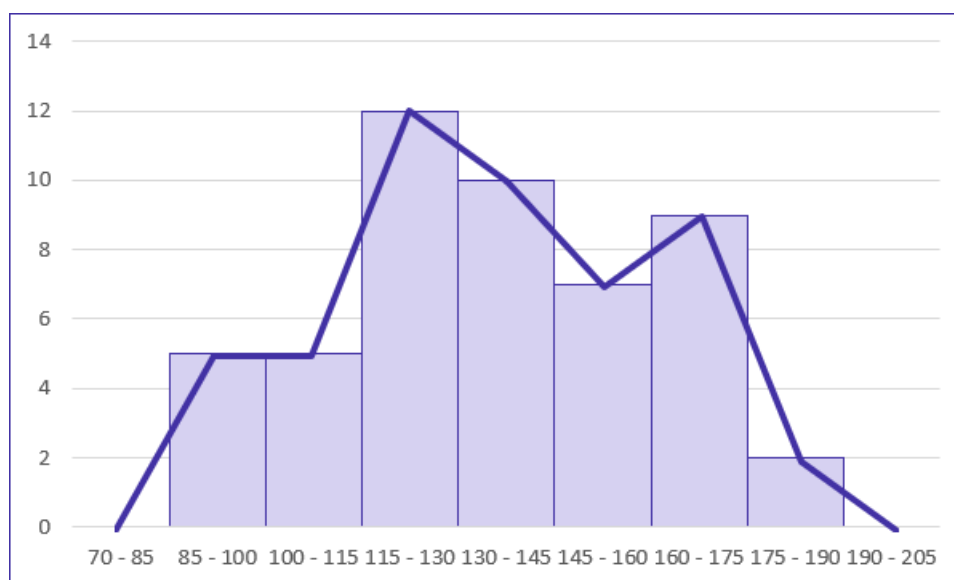
Polígono de Frequências

O **polígono de frequências** é um gráfico em linha obtido por meio da ligação, por segmentos de reta, dos pontos médios das bases superiores dos retângulos de um histograma. Também é necessário considerar a existência de uma classe anterior à primeira e outra posterior à última, ambas com a frequência nula.



Assim como o histograma, o **polígono de frequências** apresenta área proporcional ao somatório das frequências.

Tempo médio (X_i)	Ponto médio (PM_i)	Frequência (f_i)
$70 \leq x < 85$	77,5	0
$85 \leq x < 100$	92,5	5
$100 \leq x < 115$	107,5	5
$115 \leq x < 130$	122,5	12
$130 \leq x < 145$	137,5	10
$145 \leq x < 160$	152,5	7
$160 \leq x < 175$	167,5	9
$175 \leq x < 190$	182,5	2
$190 \leq x < 205$	197,5	0



Curva de Frequências

A **curva de frequências** é obtida a partir do polimento de um polígono de frequências. Em sentido geométrico, o polimento corresponde à eliminação dos vértices (cantos) da linha poligonal. **Esse processo suaviza os contornos do polígono de frequências, o que evidencia a verdadeira natureza dos dados em análise.**

O polígono de frequências fornece a imagem real do fenômeno investigado, enquanto a curva de frequência mostra sua tendência. Naturalmente, quando o conjunto de dados é grande, a linha poligonal se torna curva.



Por isso, podemos afirmar que **a curva de frequência** antecipa o comportamento da distribuição para um número maior de dados.

O processo de polimento é realizado por meio da seguinte fórmula:

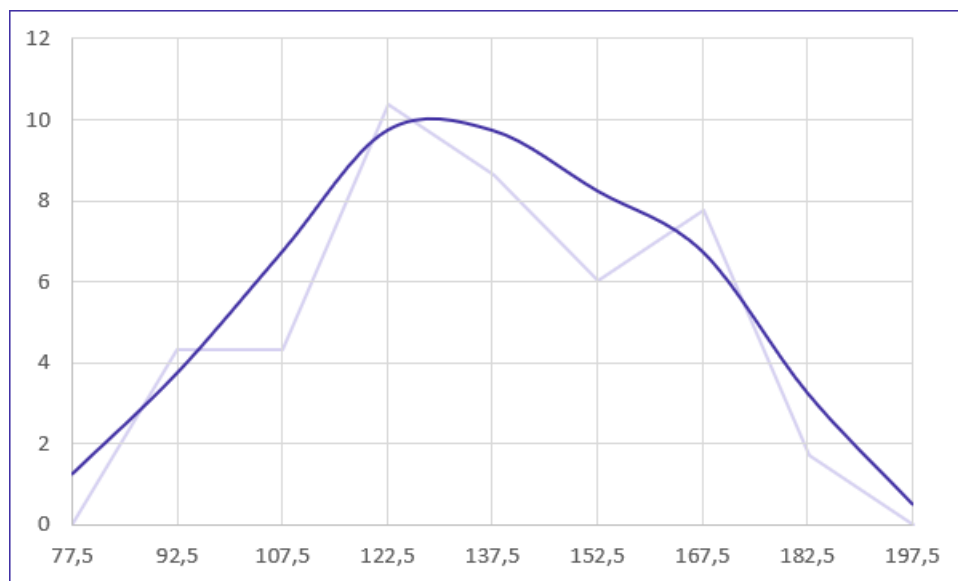
$$fc_i = \frac{f_{ant} + 2 \times f_i + f_{post}}{4}$$

em que fc_i é a frequência calculada da classe considerada (freq. polida); f_i é a frequência simples da classe considerada; f_{ant} é a frequência simples da classe anterior à da classe considerada; e f_{post} é a frequência simples da classe posterior à da classe considerada.

Vejamos como utilizá-la:

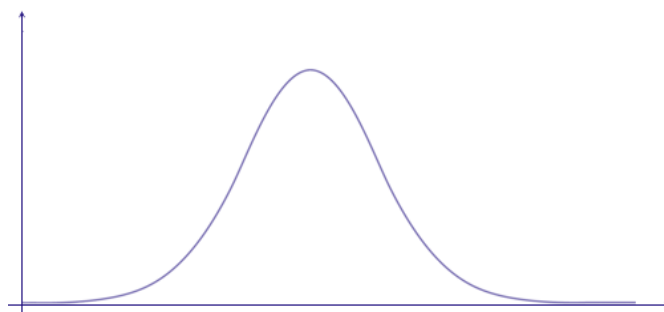
Tempo médio (X_i)	Ponto médio (PM_i)	Frequência (f_i)	Frequência Calculada (fc_i)
$70 \leq x < 85$	77,5	0	$fc_0 = \frac{0 + 2 \times 0 + 5}{4} = 1,25$
$85 \leq x < 100$	92,5	5	$fc_1 = \frac{0 + 2 \times 5 + 5}{4} = 3,75$
$100 \leq x < 115$	107,5	5	$fc_2 = \frac{5 + 2 \times 5 + 12}{4} = 6,75$
$115 \leq x < 130$	122,5	12	$fc_3 = \frac{5 + 2 \times 12 + 10}{4} = 9,75$
$130 \leq x < 145$	137,5	10	$fc_4 = \frac{12 + 2 \times 10 + 7}{4} = 9,75$
$145 \leq x < 160$	152,5	7	$fc_5 = \frac{10 + 2 \times 7 + 9}{4} = 8,75$
$160 \leq x < 175$	167,5	9	$fc_6 = \frac{7 + 2 \times 9 + 2}{4} = 6,75$
$175 \leq x < 190$	182,5	2	$fc_7 = \frac{9 + 2 \times 2 + 0}{4} = 3,25$
$190 \leq x < 205$	197,5	0	$fc_8 = \frac{2 + 2 \times 0 + 0}{4} = 0,50$





As curvas de frequências podem assumir as seguintes formas características:

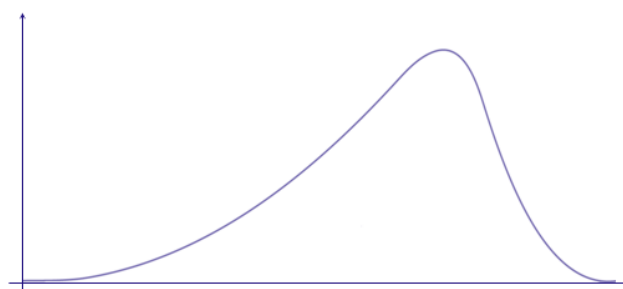
a) **curvas em forma de sino**: são curvas que apresentam concentração de valores em torno da região central da distribuição. Tais curvas podem ser simétricas ou assimétricas. Quando assimétricas, as curvas ainda podem apresentar uma cauda mais alongada à esquerda (assimetria à esquerda) ou mais alongada à direita (assimetria à direita). Assim, as possíveis configurações para as curvas em formas de sino são:



Curva Simétrica.

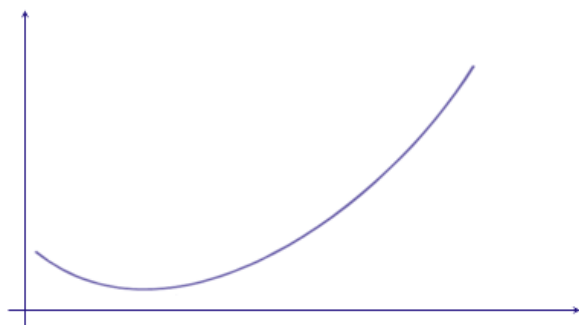


Curva assimétrica à direita.

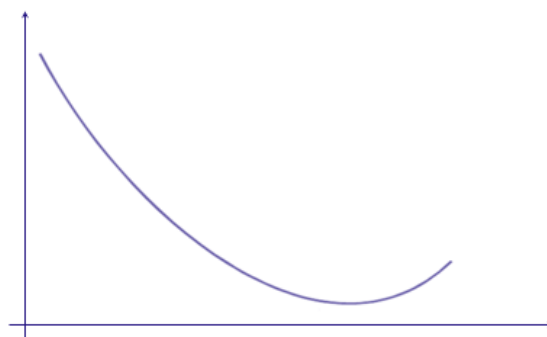


Curva assimétrica à esquerda.

b) **curvas em forma de jota**: são curvas que apresentam o ponto de ordenada máxima em uma das extremidades, representando distribuições extremamente assimétricas. As possíveis configurações são:

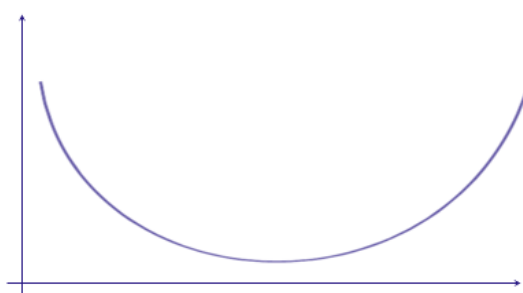


Curva em formato de J.



Curva em formato de J invertido.

c) **curvas em forma de U**: são curvas que apresentam as ordenadas máximas em ambas as extremidades.



Curva em formato de U.

Ogiva (Polígono de Frequências Acumuladas)

O **gráfico de ogiva** corresponde a um **polígono de frequências acumuladas**. Esse gráfico é empregado na representação de distribuições de frequências acumuladas, sejam elas crescentes ou decrescentes. No eixo horizontal, colocamos as extremidades de cada classe e no eixo vertical as frequências acumuladas.

Ao contrário do polígono de frequências, a **ogiva** utiliza os pontos extremos das classes, e não os pontos médios. Na construção do polígono de frequências acumuladas, devemos considerar a existência de uma classe anterior à primeira, com frequência nula.



Tempo médio (X_i)	Frequência (f_i)	Frequência Acumulada (f_{ac})
$70 \leq x < 85$	0	0
$85 \leq x < 100$	5	5
$100 \leq x < 115$	5	10
$115 \leq x < 130$	12	22
$130 \leq x < 145$	10	32
$145 \leq x < 160$	7	39
$160 \leq x < 175$	9	48
$175 \leq x < 190$	2	50

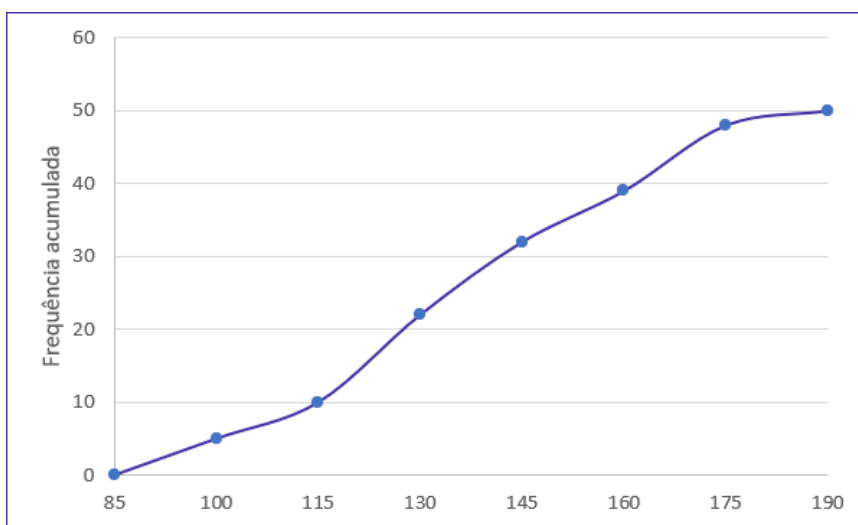
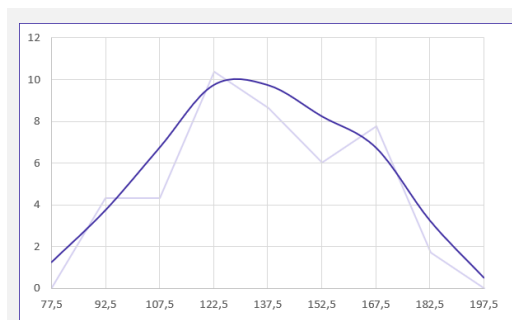
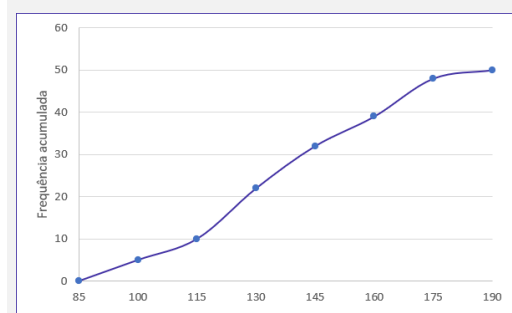




Gráfico	Definição
	O gráfico de hastes ou bastões é muito utilizado para representar dados não agrupados em classes, o que normalmente ocorre com dados discretos.
	O histograma é um gráfico destinado a representar dados agrupados em classe, sendo composto por um conjunto de retângulos contíguos (justapostos).
	A poligonal característica é construída utilizando apenas os contornos do histograma.
	O polígono de frequências é um gráfico em linha obtido por meio da ligação, por segmentos de reta, dos pontos médios das bases superiores dos retângulos de um histograma.



A **curva de frequências** é obtida a partir do **polígono de um polígono de frequências**.

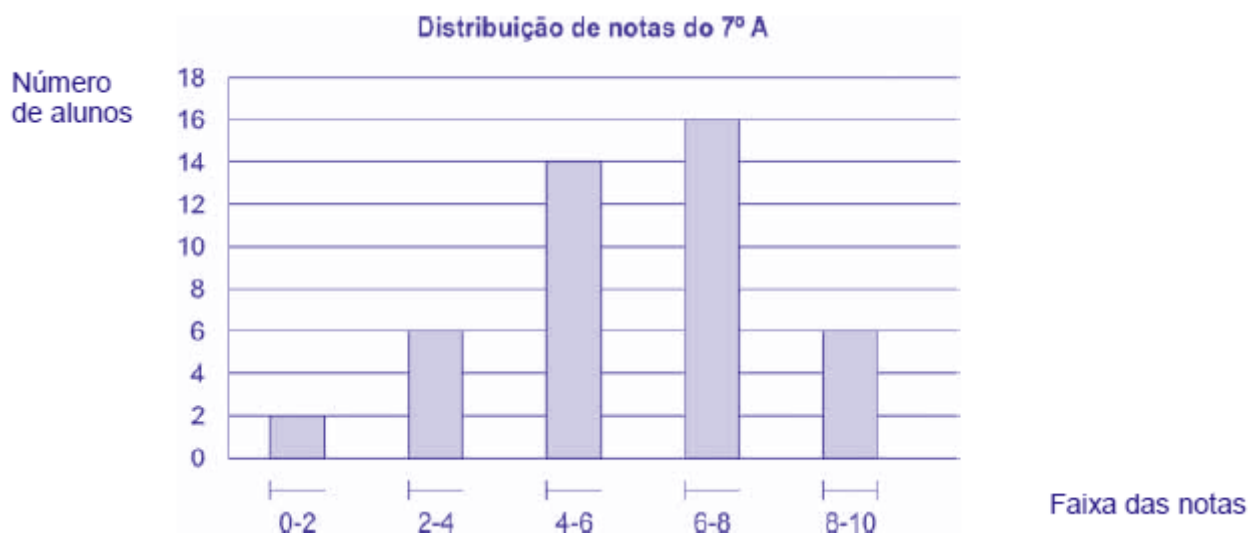


O **gráfico de ogiva** é empregado na **representação de distribuições de frequências acumuladas**, sejam elas crescentes ou decrescentes





(FCC/SEDU-ES/2018) Depois da aplicação de uma prova para todos os alunos do 7º A, a professora Marli fez um histograma com a distribuição das notas, conforme indicado abaixo.



Se a média de notas da sala foi igual a seis, a porcentagem dos alunos que tiraram nota maior ou igual a média da sala nessa prova foi de

- a) 54%.
- b) 50%.
- c) 56%.
- d) 60%.
- e) 52%.

Comentários:

Vamos, inicialmente, calcular o total de alunos:

$$2 + 6 + 14 + 16 + 6 = 44$$

Reparem na notação intervalar adotada para as colunas, vamos relembrar o significado dela:

Tipo de Intervalo	Notação matemática	Notação estatística	Significado
Intervalo fechado à esquerda e aberto à direita	$a \leq x < b$	$a \vdash b$	Engloba todos os elementos entre a e b , inclusive a mas não b .
Intervalo fechado	$a \leq x \leq b$	$a \vdash b$	Engloba todos os elementos entre a e b , inclusive a e b .



Agora, com base nas informações do gráfico, percebemos que existem 22 pessoas com média maior ou igual a 6, representadas pelas duas últimas colunas do gráfico. Assim:

$$16 + 6 = 22$$

Logo, a porcentagem será de:

$$\frac{22}{44} = 0,5 = 50\%$$

Gabarito: B.

(FCC/TRT 14ª Região/2018) De um histograma e uma tabela de frequências absolutas, elaborados para analisar a distribuição dos salários dos empregados em uma empresa, obtém-se a informação que 24 empregados ganham salários com valores pertencentes ao intervalo (2.000; 4.000], em reais, que apresenta uma densidade de frequência de $0,75 \times 10^{-4} (R\$)^{-1}$

Densidade de frequência de um intervalo é o resultado da divisão da respectiva frequência relativa pela amplitude deste intervalo. Em um intervalo do histograma que está sendo analisado, com uma amplitude de R\$ 3.000,00 e uma densidade de frequência de $1 \times 10^{-4} (R\$)^{-1}$, tem-se que o correspondente número de empregados é igual a

- a) 40.
- b) 36.
- c) 30.
- d) 48.
- e) 42.

Comentários:

Vamos destacar os dados da questão:

- densidade de frequência: $0,75 \times 10^{-4} (R\$)^{-1}$;
- amplitude da classe: $4000 - 2000 = 2000$;
- número de funcionários na classe: 24; e
- total de funcionários na classe: T.

A frequência relativa é calculada pela fórmula a seguir:

$$\text{Frequência relativa} = \frac{\text{Nº de funcionários na classe}}{\text{Total de funcionários}} = \frac{24}{T}$$

Então, pela fórmula da densidade de frequência, teremos:

$$\text{Densidade de frequência} = \frac{\text{Frequência relativa}}{\text{Amplitude}}$$



$$0,75 \times 10^{-4} = \frac{\frac{24}{T}}{2000}$$

$$0,15 = \frac{24}{T}$$

$$T = 160$$

Agora, vamos aplicar a mesma metodologia para a classe do histograma com amplitude de 3000 e densidade de frequência de 1×10^{-4} . Considerando o número de funcionários na classe igual a N , teremos a seguinte frequência relativa:

$$\text{Frequência relativa} = \frac{\text{Nº de funcionários na classe}}{\text{Total de funcionários}} = \frac{N}{160}$$

Então, pela fórmula da densidade de frequência, teremos:

$$\text{Densidade de frequência} = \frac{\text{Frequência relativa}}{\text{Amplitude}}$$

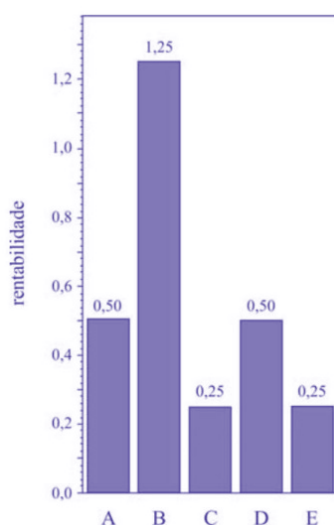
$$10^{-4} = \frac{\frac{N}{160}}{3000}$$

$$0,3 = \frac{N}{160}$$

$$N = 48$$

Gabarito: D.

(CESPE/FUNPRESP/2016)



O gráfico ilustra cinco possibilidades de fundos de investimento com suas respectivas rentabilidades. Considerando que as probabilidades de investimento para os fundos A, B, C e D sejam, respectivamente, $P(A) = 0,182$; $P(B) = 0,454$; $P(C) = 0,091$; e $P(D) = 0,182$, julgue o item subsequente.



O gráfico apresentado é um histograma.

Comentários:

O gráfico não é um histograma por dois motivos: primeiro porque há uma separação entre as colunas, o que não ocorre em um histograma, e sim em um gráfico de colunas; segundo porque um histograma representa dados que estão agrupados em intervalos de classe, e não em categorias, como é o caso.

Gabarito: Errado.



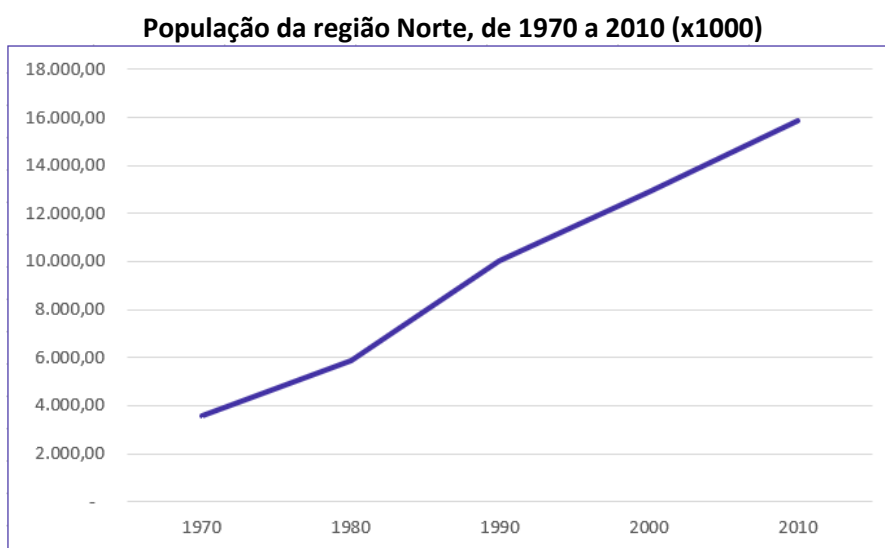
OUTROS GRÁFICOS E REPRESENTAÇÕES

O principal objetivo dos gráficos estatísticos é proporcionar uma visualização mais rápida dos dados estatísticos ou do fenômeno sob investigação. A seguir vamos ver as principais formas de representação de dados estatísticos.

Gráficos em Linhas

Os **gráficos em linha** normalmente **são usados para representar dados de séries temporais**, com a finalidade de mostrar a variação dos valores de uma variável ao longo do tempo. Esse tipo de gráfico permite-nos comparar duas variáveis: uma é traçada no eixo x (horizontal) e a outra no eixo y (vertical). O eixo y geralmente indica uma quantidade, enquanto o eixo x representa uma unidade de tempo.

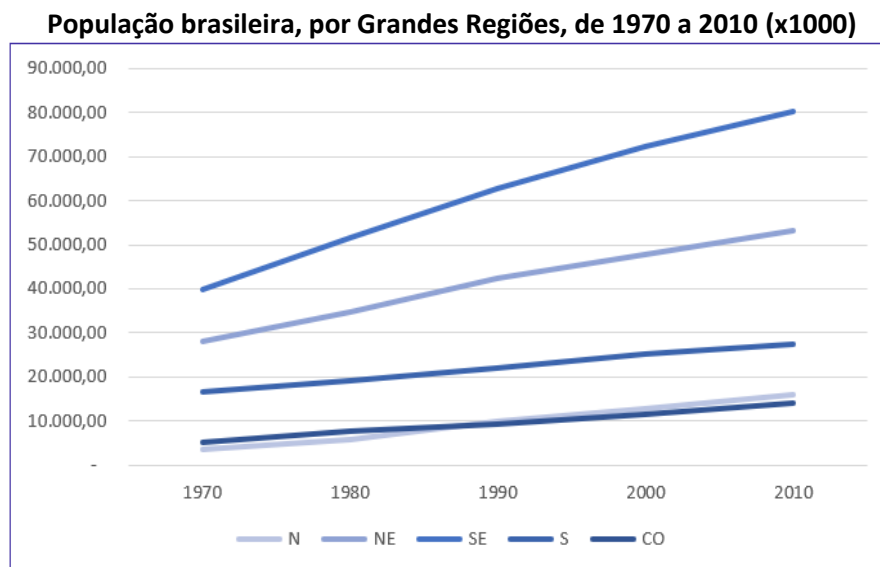
Por exemplo, o gráfico a seguir mostra a evolução da população residente na Região Norte do Brasil no período de 1970 a 2010. Veja que o eixo horizontal está indicando o decurso do tempo, enquanto o eixo vertical apresenta a população residente na região.



Fonte: Censo Demográfico 1970/2010 (IBGE)



Também podemos elaborar um **gráfico de linhas múltiplas** para comparar a evolução da população residente nas Grandes Regiões do Brasil em diferentes períodos:

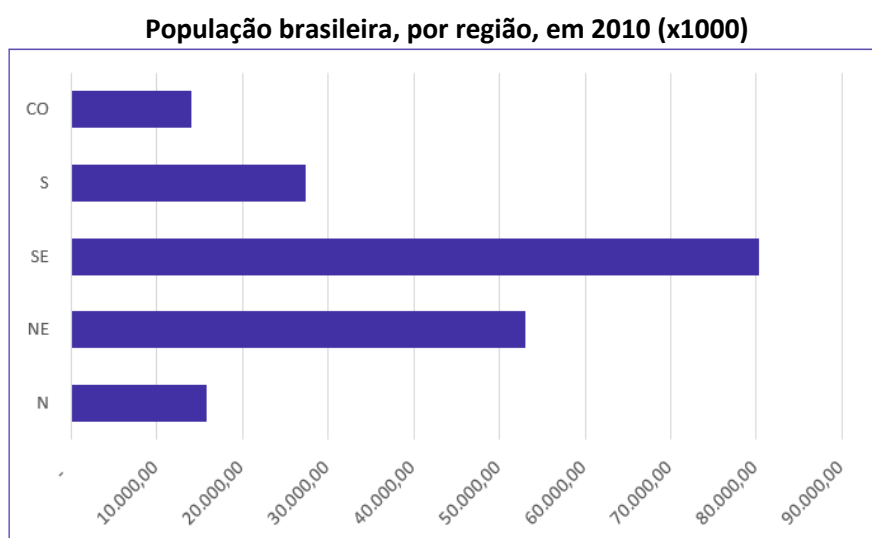


Fonte: Censo Demográfico 1970/2010 (IBGE)

Gráficos em Barras

Os **gráficos em barra** normalmente **são usados para representar distribuições de dados categóricos ou qualitativos**. Uma série estatística é representada por um **conjunto de retângulos dispostos horizontalmente**, cada um indicando uma categoria particular, **os quais possuem a mesma altura e comprimentos proporcionais aos respectivos dados**.

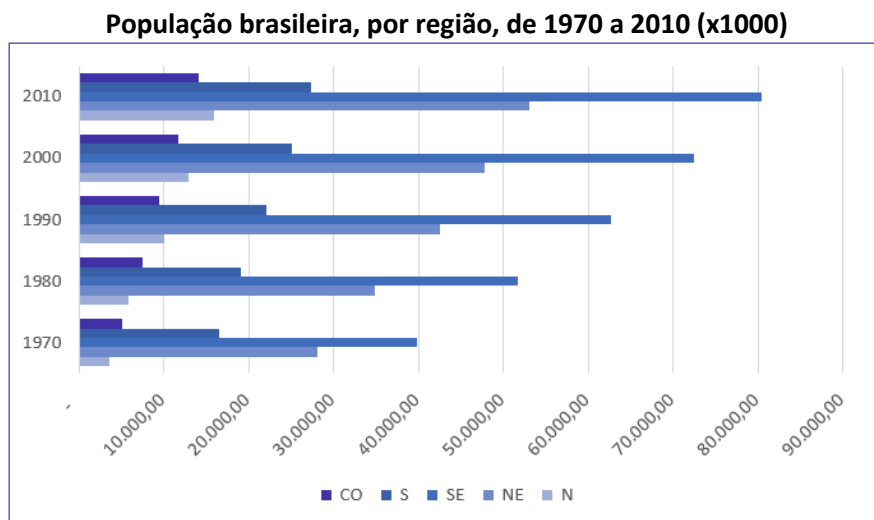
Por exemplo, a distribuição da população residente em cada região brasileira, no ano de 2010, pode ser representada por meio do seguinte gráfico:



Fonte: Censo Demográfico 1970/2010 (IBGE)



Adicionalmente, podemos utilizar um **gráfico de barras justapostas** para representar a evolução da população residente em cada região brasileira, como o mostrado a seguir:

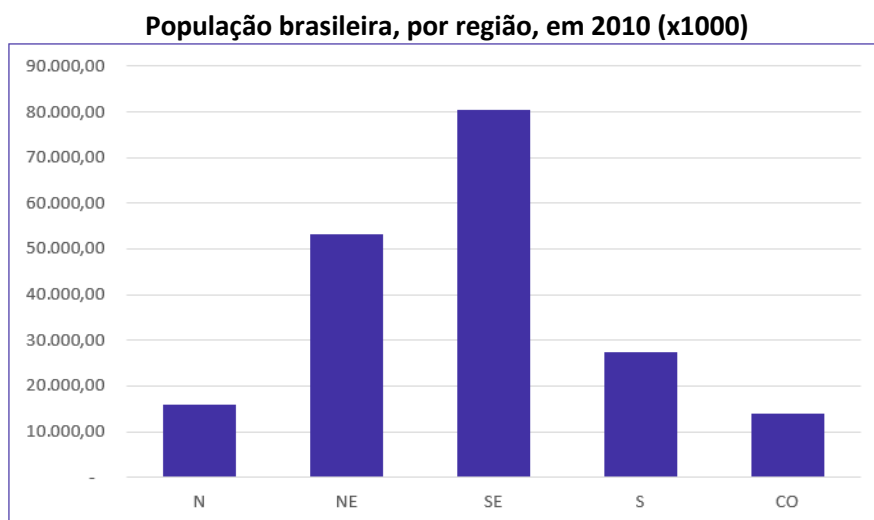


Fonte: Censo Demográfico 1970/2010 (IBGE)

Gráficos em Colunas

Os **gráficos em coluna** também são usados para distribuições de **dados categóricos ou qualitativos**. A diferença básica é que, agora, uma série estatística é representada por um conjunto de **retângulos dispostos verticalmente**, cada um indicando uma categoria particular, **todos com a mesma largura e alturas proporcionais aos respectivos dados**.

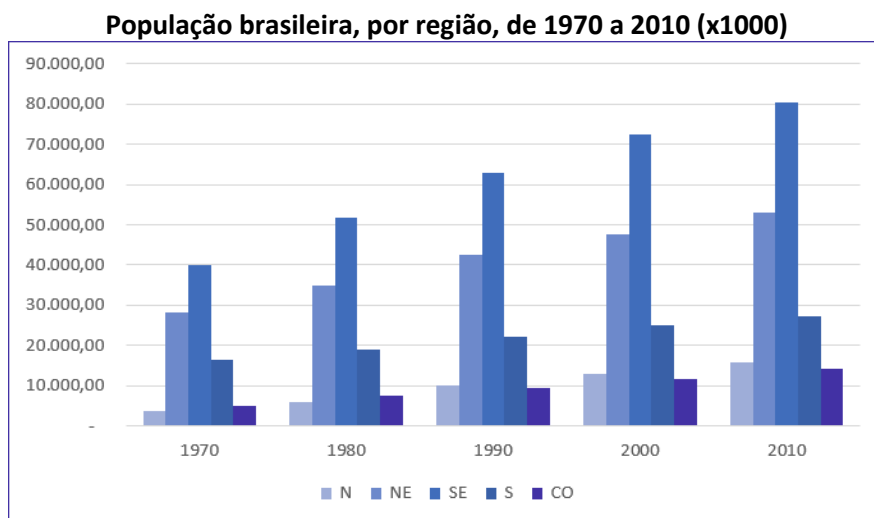
Por exemplo, a distribuição da população residente em cada região brasileira, no ano de 2010, pode ser representada por meio do seguinte gráfico:



Fonte: Censo Demográfico 1970/2010 (IBGE)

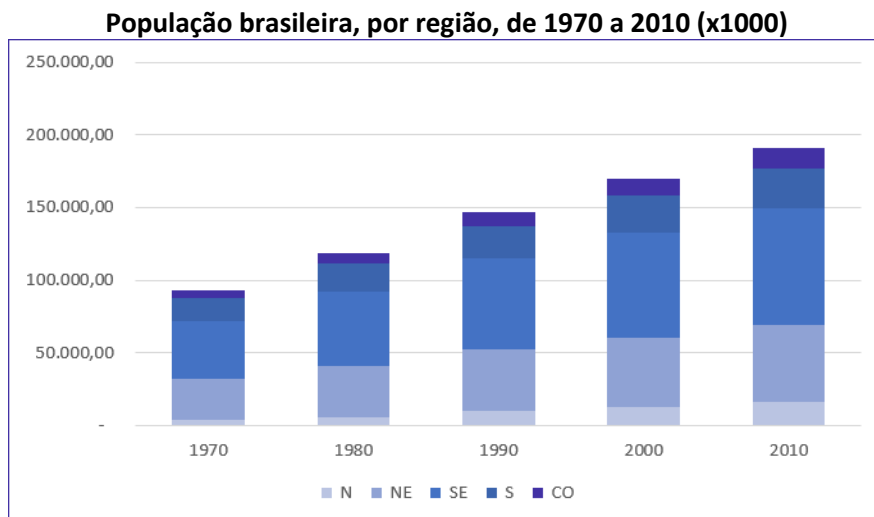


Também podemos utilizar um **gráfico de colunas justapostas** para representar a evolução da população residente em cada região brasileira, no período de 1970 a 2010. Dessa maneira, conseguimos apresentar mais informações em um espaço consideravelmente menor. Vejamos o gráfico a seguir:



Fonte: Censo Demográfico 1970/2010 (IBGE)

Adicionalmente, essas informações também podem ser representadas por meio de um **gráfico de colunas sobrepostas** (ou **gráfico de colunas empilhadas**). Esse tipo de gráfico é considerado uma extensão do formato tradicional, pois **permite analisarmos duas dimensões de uma variável categórica**, em vez de apenas uma. Cada coluna é dividida em várias partes que ficam empilhadas umas sobre as outras, cada uma correspondendo a um nível da segunda variável categórica.



Fonte: Censo Demográfico 1970/2010 (IBGE)

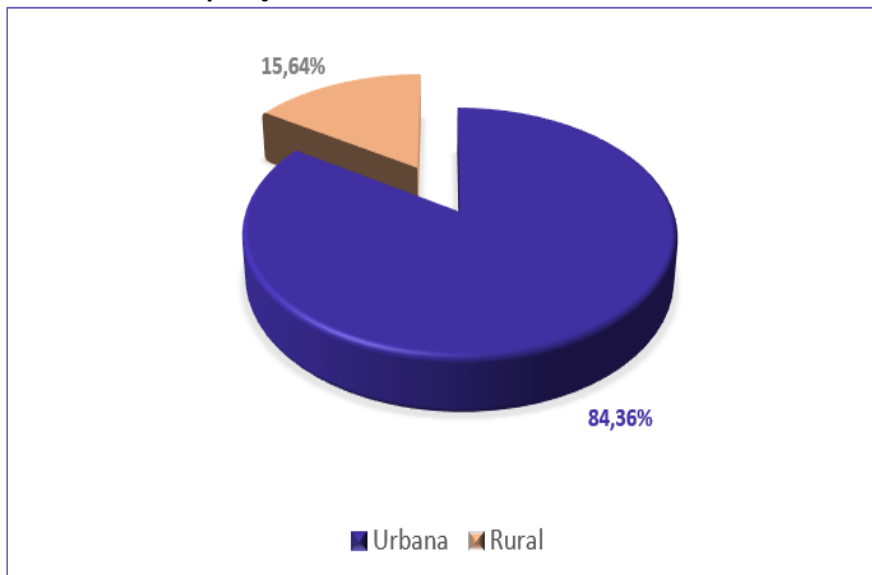
Gráfico em Setores

O **gráfico em setores** (também conhecido como **gráfico de pizza**) é usado para representar a **frequência relativa (porcentagem)** de uma variável categórica. Ele é formado por um círculo dividido em setores circulares, cada um representando uma categoria, cujos ângulos centrais são proporcionais às frequências relativas da categoria.



Para a construção do gráfico de setores, utilizaremos uma regra de três simples, em que as frequências relativas de cada categoria correspondem ao ângulo central que desejamos representar em relação à frequência total, que corresponde ao ângulo de 360° .

População Urbana e Rural do Brasil em 2010

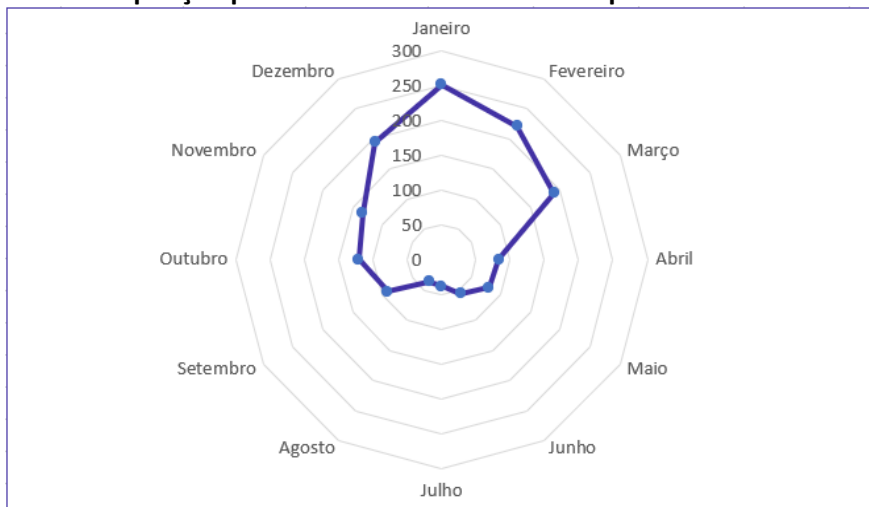


Fonte: Sinopse do Censo Demográfico de 2010 (IBGE)

Gráfico Polar

O **gráfico polar** consiste em uma sequência de eixos igualmente espaçados (ângulos iguais), cada um representando uma das variáveis. Uma linha é desenhada ligando os valores de cada eixo. Esse tipo de gráfico é usado para representar **séries temporais cíclicas**, que apresentam uma determinada periodicidade, como é o caso da precipitação pluviométrica mensal média:

Precipitação pluviométrica média do município de São Paulo



Fonte: Atlas Pluviométrico do Brasil (Serviço Geológico do Brasil)



Cartograma

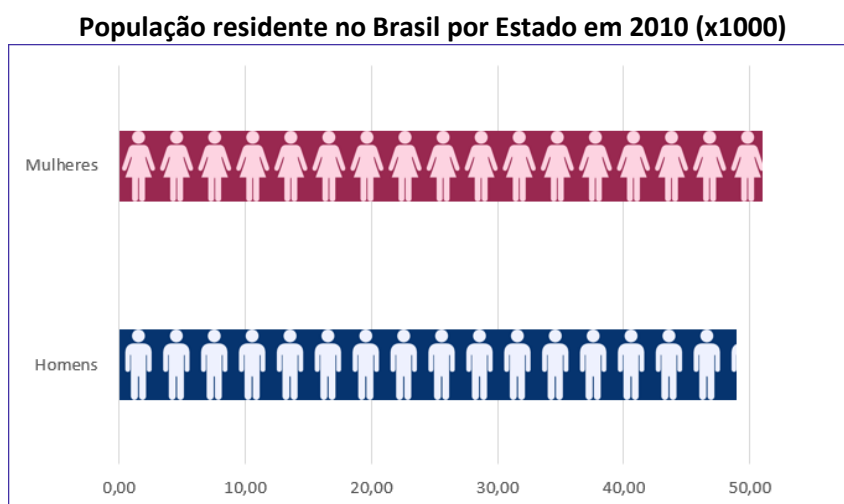
O **cartograma** é empregado com a finalidade de apresentar **dados estatísticos diretamente relacionados com áreas geográficas**. As áreas do cartograma podem ser preenchidas por pontos, hachuras ou cores. O significado do preenchimento será indicado em uma legenda. Vejamos a população residente em cada Estado brasileiro:



Fonte: Sinopse do Censo Demográfico de 2010 (IBGE)

Pictograma

O **pictograma substitui valores por ícones**, tornando os dados mais atraentes e facilitando o entendimento acerca de um determinado fenômeno. Normalmente, uma legenda é utilizada para indicar o que cada ícone representa. Os ícones devem possuir o mesmo tamanho, mas podem aparecer fracionados para mostrar a respectiva fração de uma determinada quantidade. A proporção de homens e mulheres na população brasileira é apresentada no pictograma a seguir:

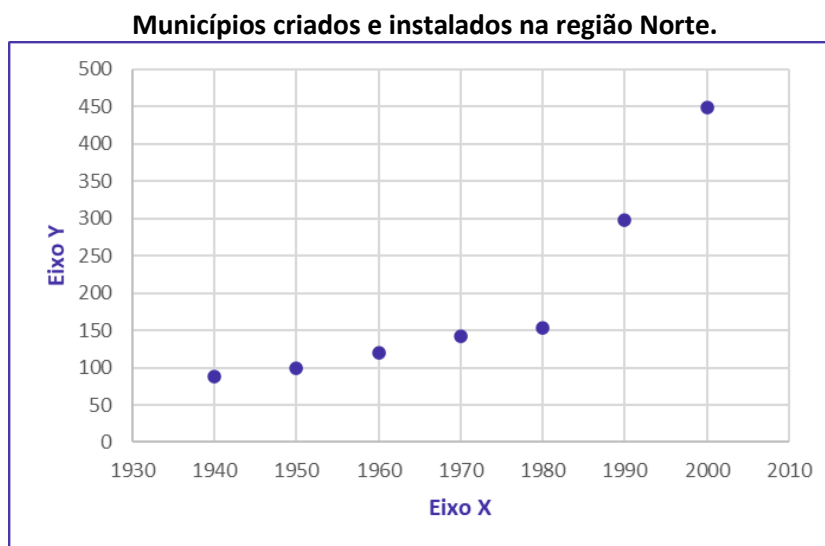


Fonte: Sinopse do Censo Demográfico de 2010 (IBGE)



Gráfico de Dispersão

O **gráfico de dispersão** é uma **representação de pares ordenados** em um **plano cartesiano**, composto por um eixo vertical (ordenada) e um eixo horizontal (abscissa). Os dados são representados como uma coleção de pontos, cada um com o valor de uma variável determinando a posição no eixo horizontal e o valor da outra variável determinando a posição no eixo vertical. É uma ferramenta poderosa para estudar a relação entre duas variáveis.



Fonte: Sinopse do Censo Demográfico de 2010 (IBGE)

Diagrama de Ramos e Folhas

O **diagrama de ramos e folhas** fornece uma maneira rápida de representar graficamente a distribuição dos dados. Nesse diagrama, cada número é separado em duas partes. Em geral, de um lado ficam as unidades do número e do outro lado fica o restante desse número. Consideremos o seguinte rol crescente:

85, 89, 96, 98, 99, 103, 104, 105, 113, 114, 115, 115, 123, 123, 124, 126, 126, 126, 127, 128, 129, 129, 134, 135, 135, 135, 137, 137, 137, 142, 143, 143, 148, 153, 154, 155, 157, 158, 159, 161, 161, 165, 168, 170, 171, 171, 171, 173, 175, 175

A representação utilizando um diagrama de ramos e folhas ficaria assim:

8	5	9	Chave: 8 5 = 85	
9	6	8	9	
10	3	4	5	
11	3	4	5	5
12	3	3	4	6 6 6 7 8 9 9
13	4	5	5	5 7 7 7
14	2	3	3	8
15	3	4	5	7 8 9
16	1	1	5	8
17	0	1	1	1 3 5 5



Repare que, no lado esquerdo, temos as centenas e as dezenas representando os ramos. Por sua vez, no lado direito, temos as unidades representando as folhas. As folhas, portanto, estão vinculadas aos ramos. Dessa maneira, a chave “9 | 6 8 9” significa que, no rol original, havia os números 96, 98 e 99.

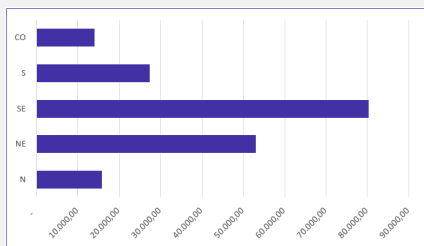
Também é comum encontrarmos diagramas de ramos e folhas em que as unidades são separadas em dois grupos: de 0 a 4 e de 5 a 9. Nesse caso, teríamos o seguinte diagrama:

8		Chave: 8 5 = 85
8	5 9	
9		
9	6 8 9	
10	3 4	
10	5	
11	3 4	
11	5 5	
12	3 3 4	
12	6 6 6 7 8 9 9	
13	4	
13	5 5 5 7 7 7	
14	2 3 3	
14	8	
15	3 4	
15	5 7 8 9	
16	1 1	
16	5 8	
17	0 1 1 1 3	
17	5 5	

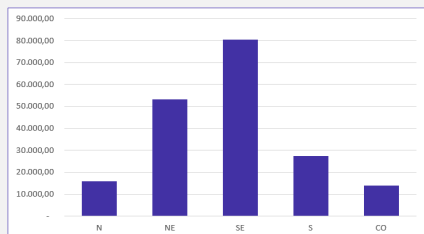
Por fim, é importante observarmos que não existe uma regra única para a construção do diagrama de ramos e folhas. O formato mais comumente encontrado é o que separa o número em duas partes, porém, a depender da chave escolhida, o número pode ser separado em mais partes. **Assim, ao resolver questões que envolvem esse tipo de diagrama, devemos observar a chave adotada.**



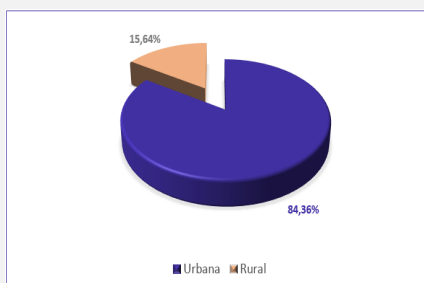
Gráfico	Definição
	Os gráficos em linha normalmente são usados para representar a variação dos valores de uma variável ao longo do tempo. Esse tipo de gráfico permite-nos comparar duas variáveis: uma é traçada no eixo x (horizontal) e a outra no eixo y (vertical).



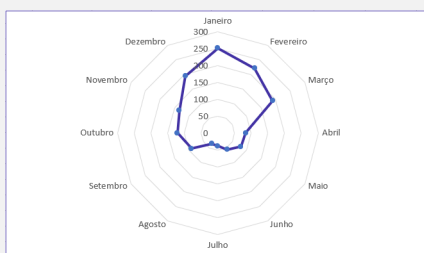
Os **gráficos em barra** normalmente são usados para representar distribuições de dados categóricos ou qualitativos. Uma série estatística é representada por um conjunto de retângulos dispostos **horizontalmente**, cada um indicando uma categoria particular.



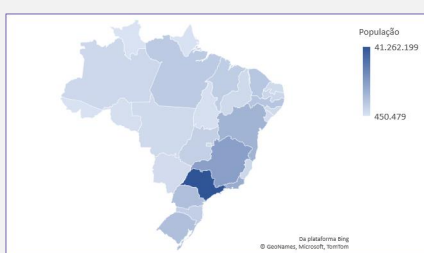
Os **gráficos em coluna** também são usados para distribuições de dados categóricos ou qualitativos. A diferença básica é que, agora, uma série estatística é representada por um conjunto de retângulos dispostos **verticalmente**, cada um indicando uma categoria particular.



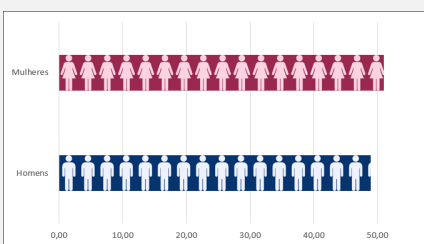
O **gráfico em setores** é usado para representar a frequência relativa (porcentagem) de uma variável categórica, sendo formado por um círculo dividido em setores circulares, cada um representando uma categoria.



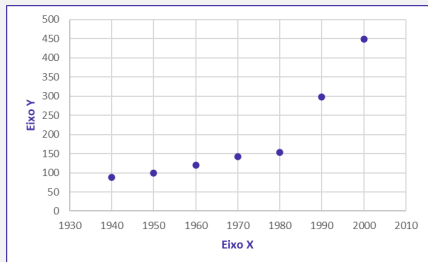
O **gráfico polar** consiste em uma sequência de eixos igualmente espaçados (ângulos iguais), cada um representando uma das variáveis. Uma linha é desenhada ligando os valores de cada eixo.



O **cartograma** é empregado com a finalidade de apresentar dados estatísticos diretamente relacionados com áreas geográficas.



O **pictograma** substitui valores por ícones, tornando os dados mais atraentes e facilitando o entendimento acerca de um determinado fenômeno.



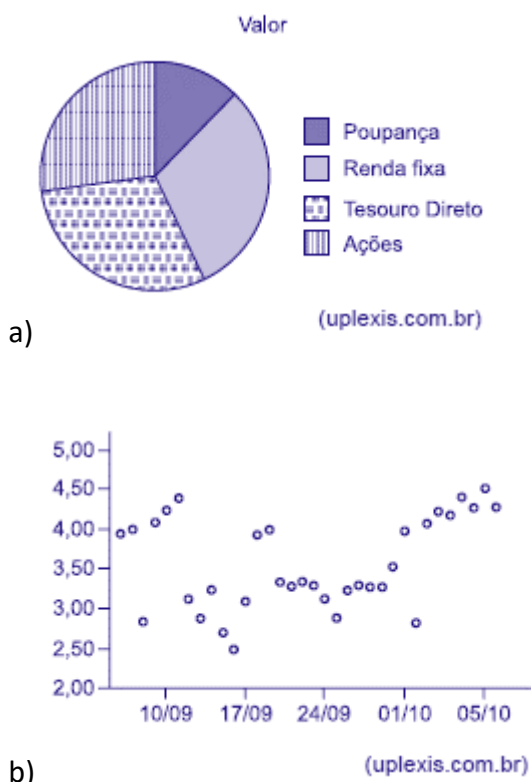
O **gráfico de dispersão** é uma representação de pares ordenados em um plano cartesiano, composto por um eixo vertical (ordenada) e um eixo horizontal (abscissa). Os dados são representados como uma coleção de pontos.

8	5	9	Chave: 8 5 = 85	
9	6	8	9	
10	3	4	5	
11	3	4	5	5
12	3	3	4	6 6 6 7 8 9 9
13	4	5	5	5 7 7 7
14	2	3	3	8
15	3	4	5	7 8 9

O **diagrama de ramos e folhas** fornece uma maneira rápida de representar graficamente a distribuição dos dados. Nele, cada número é separado em duas partes. Em geral, de um lado ficam as unidades do número e do outro lado fica o restante desse número.

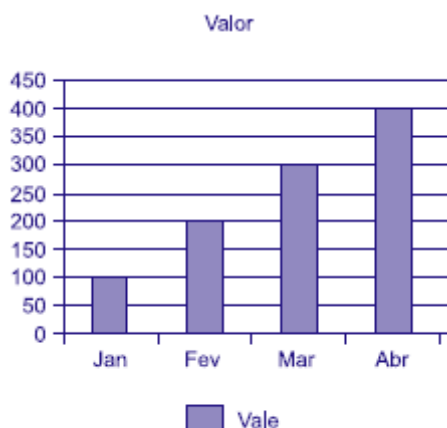


(VUNESP/UNICAMP/2019) Assinale dentre os exemplos a seguir, o gráfico de dispersão.

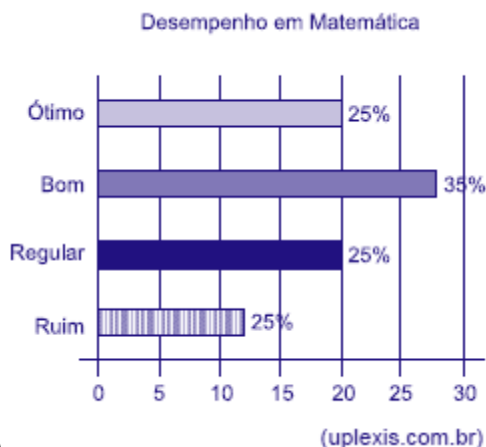




c) (uplexis.com.br)



d) (uplexis.com.br)



e)

Comentários:

Analisando cada gráfico, temos:

Letra A: Alternativa Errada. O gráfico de setores é formado por um círculo dividido em setores circulares, cada um representando uma categoria, cujos ângulos centrais são proporcionais às frequências relativas da categoria.



Letra B: Alternativa Correta. O gráfico de dispersão é uma representação gráfica que analisa a relação entre duas variáveis quantitativas — uma de causa e outra de efeito, chamadas de variáveis independente e dependente, respectivamente. Esse tipo de diagrama traz números simultâneos das duas variáveis, deixando visível se o que acontece em uma variável interfere na outra.

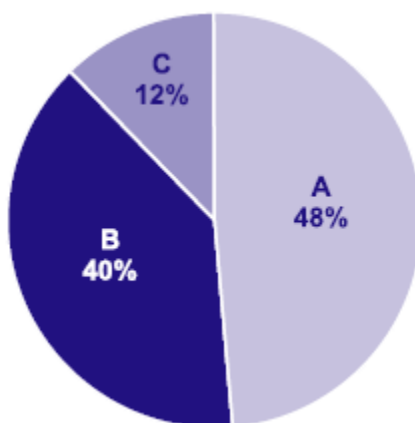
Letra C: Alternativa Errada. O gráfico em linhas é o gráfico em que os pontos são geralmente usados para controlar alterações ao longo do tempo e para facilitar a identificação de tendências ou de anomalias.

Letra D: Alternativa Errada. Os gráficos em colunas assim como os gráficos de barras são usados para distribuições de dados categóricos ou qualitativos. A diferença básica é que, no primeiro, uma série estatística é representada por um conjunto de retângulos dispostos verticalmente, cada um indicando uma categoria particular, todos com a mesma largura e alturas proporcionais aos respectivos.

Letra E: Alternativa Errada. Os gráficos em barras normalmente são usados para representar distribuições de dados categóricos ou qualitativos. Uma série estatística é representada por um conjunto de retângulos dispostos horizontalmente, cada um indicando uma categoria particular, os quais possuem a mesma altura e comprimentos proporcionais aos respectivos dados.

Gabarito: B.

(VUNESP/Pref. Campinas/2019) Uma empresa atua em três segmentos de mercado, A, B e C. O gráfico de setores mostra a distribuição percentual, por segmento, da receita total obtida por essa empresa em 2018.



Sabendo-se que a receita obtida no segmento A superou a receita obtida no segmento B em R\$ 64 milhões, é correto afirmar que a receita obtida no segmento C foi igual a

- a) R\$ 98 milhões.
- b) R\$ 96 milhões.
- c) R\$ 94 milhões.
- d) R\$ 88 milhões.
- e) R\$ 86 milhões.

Comentários:

Consideremos T o total de receitas obtidas pela empresa em 2018. Pelas informações apresentadas no gráfico de pizza, temos:

$$A = 0,48 \times T$$



$$B = 0,4 \times T$$

$$C = 0,12 \times T$$

Sabendo que a receita obtida no segmento A superou a receita obtida no segmento B em R\$ 64 milhões, então:

$$A = B + 64$$

$$0,48 \times T = 0,4 \times T + 64$$

$$0,8 \times T = 64$$

$$T = 800 \text{ milhões}$$

Logo,

$$C = 0,12 \times T$$

$$C = 12 \times 800$$

$$C = 96 \text{ milhões}$$

Gabarito: B.

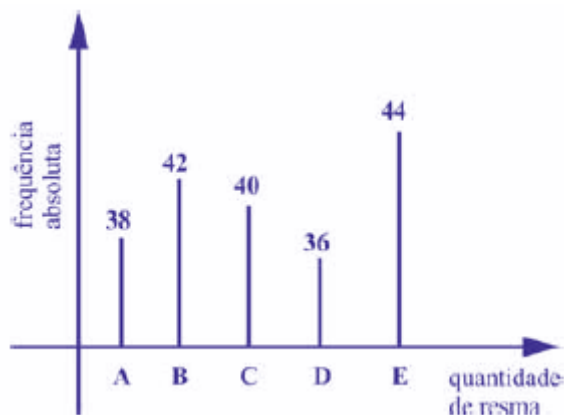
(CESPE/CBM-AL/2017) Na tabela a seguir, A, B, C, D e E são as quantidades de resmas de papel A4 consumidas, em quatro meses, pelas seções administrativas I, II, III, IV e V, respectivamente. Apesar de não mostrar explicitamente essas quantidades, a tabela apresenta as frequências absolutas e (ou) relativas de algumas dessas quantidades.

Seção	Quantidades de Resmas	Frequência Absoluta	Frequência Relativa
I	A	38	19%
II	B		
III	C		20%
IV	D	36	
V	E	44	
	Total		100%

Considerando que cada uma dessas resmas, juntamente com a embalagem, tem forma de um paralelepípedo retângulo reto que mede 5 cm × 21 cm × 30 cm, julgue o item seguinte.

O gráfico de barras verticais a seguir apresenta as frequências absolutas de resmas consumidas pelas cinco seções.





Comentários:

Podemos usar uma regra de três simples para completar a tabela. Primeiro, vamos encontrar o valor que representa 100%:

$$\begin{aligned} 38 &- 0,19 \\ Q &- 1,00 \\ Q &= \frac{38 \times 1,00}{0,19} = 200 \end{aligned}$$

Encontrando o valor de 20%:

$$\begin{aligned} 200 &- 1,00 \\ C &- 0,20 \\ C &= \frac{200 \times 0,2}{1,00} = 40 \end{aligned}$$

Agora, basta sabermos a frequência absoluta na seção II. Como foram consumidas 200 resmas, então o número de resmas consumidas pela seção II foi:

$$200 - 38 - 40 - 36 - 44 = 42$$

Dessa forma, nas seções I, II, III, IV e V foram consumidas, respectivamente 38, 42, 40, 36 e 44 resmas de papel A4, conforme mostra o gráfico.

Gabarito: Certo.



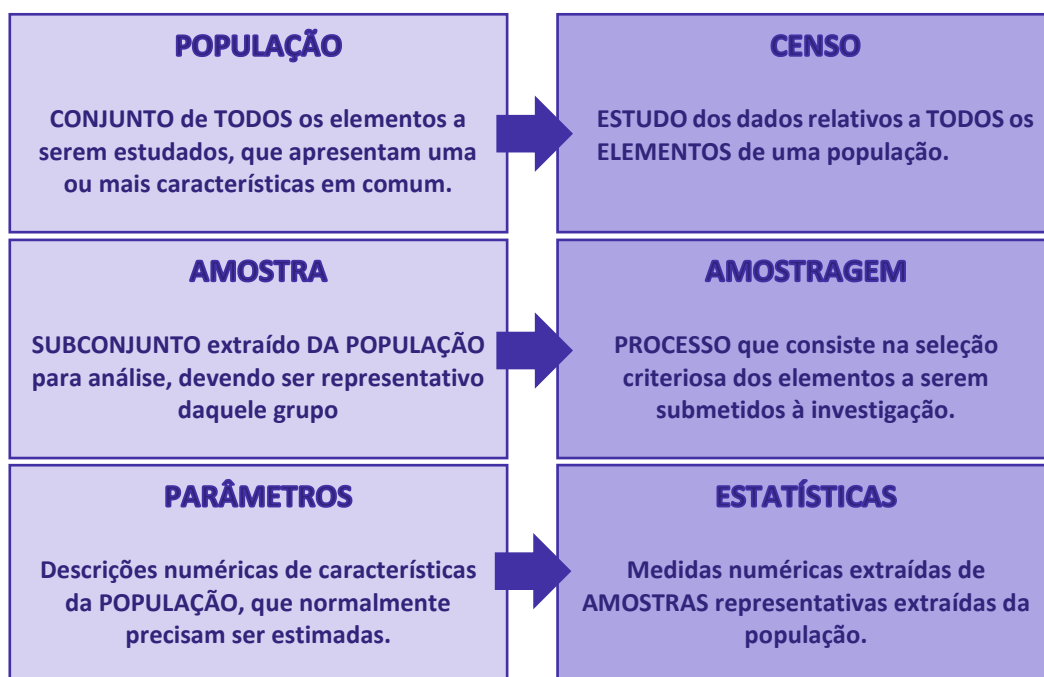
RESUMO DA AULA

INTRODUÇÃO À ESTATÍSTICA

A Estatística pode ser dividida em três grandes ramos: **Estatística Descritiva** (ou dedutiva), **Estatística Probabilística** e **Estatística Inferencial** (ou indutiva).

ESTATÍSTICA DESCRITIVA	ESTATÍSTICA PROBABILÍSTICA	ESTATÍSTICA INFERENCIAL
É responsável pela coleta, organização, descrição e resumo dos dados observados.	É responsável por estabelecer o modelo matemático adotado para explicar fenômenos aleatórios.	É responsável pela análise e interpretação dos dados.

CONCEITOS INICIAIS



MÉTODO EXPERIMENTAL X MÉTODO ESTATÍSTICO

MÉTODO EXPERIMENTAL

As CAUSAS são mantidas CONSTANTES, COM EXCEÇÃO DE UMA, que é VARIADA para que seus efeitos sejam descobertos.

MÉTODO ESTATÍSTICO

Admite e REGISTRA TODAS AS POSSÍVEIS VARIAÇÕES DAS CAUSAS PRESENTES, procurando determinar a influência de cada fator no resultado.

DADOS ESTATÍSTICOS

Com relação ao número de observações coletadas, os dados são classificados em **univariados**, **bivariados** ou **multivariados**:

DADOS UNIVARIADOS

É quando uma única observação de cada indivíduo é registrada.

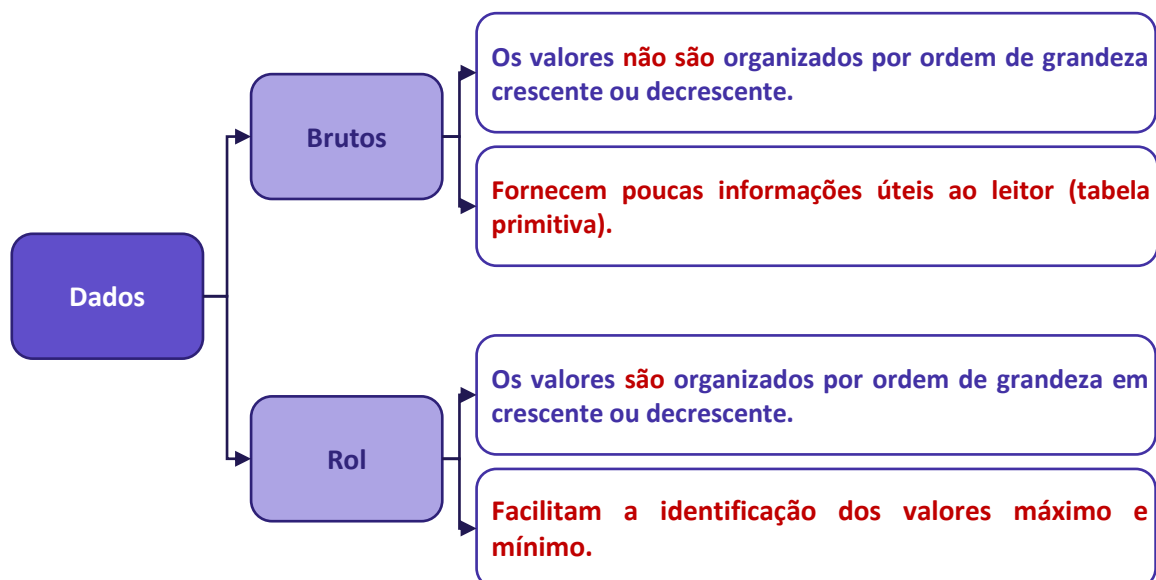
DADOS BIVARIADOS

É quando duas observações de cada indivíduo são registradas.

DADOS MULTIVARIADOS

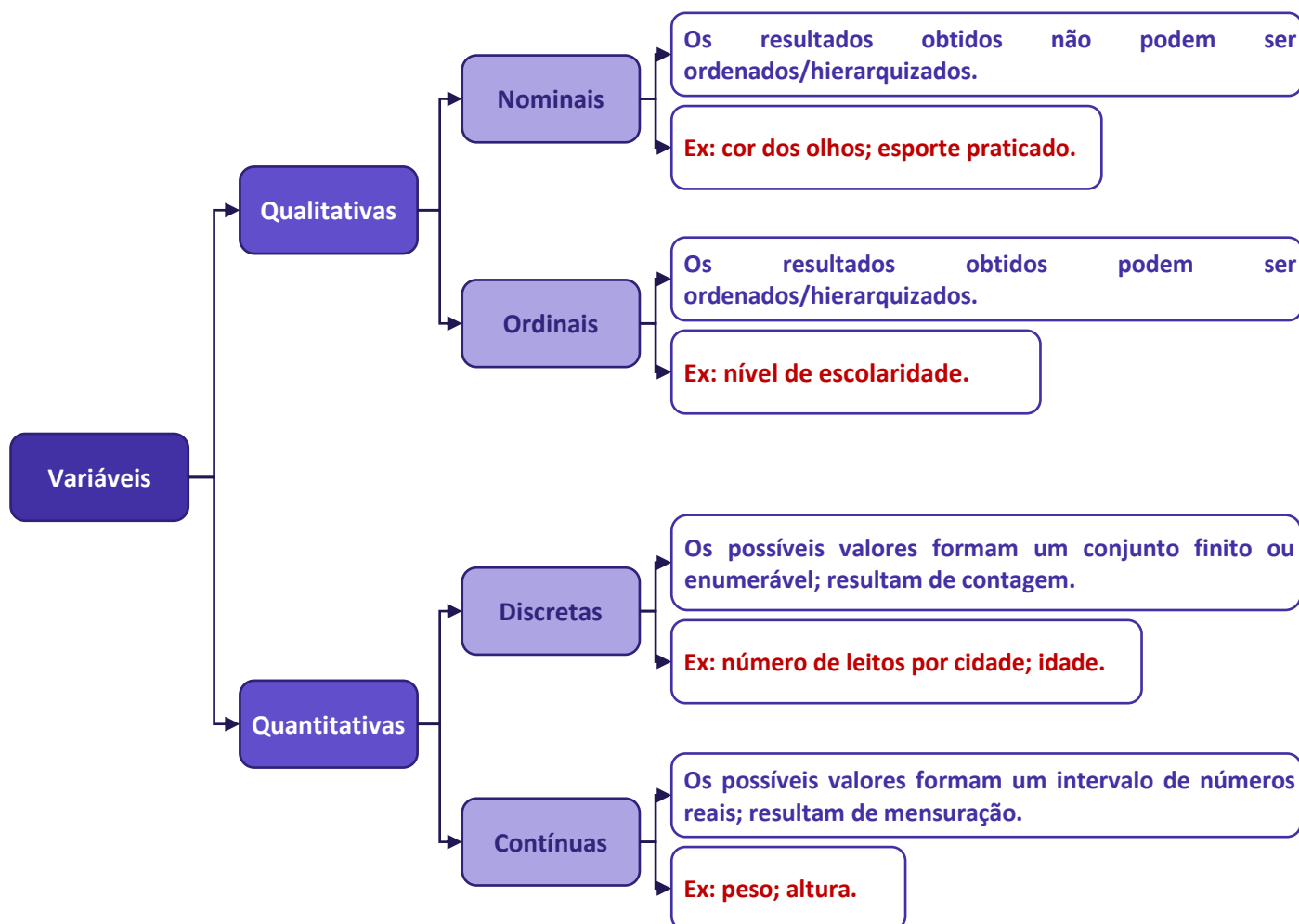
É quando mais duas observações acerca de cada indivíduo são registradas

Quanto à forma de apresentação, os dados podem ser classificados em **dados brutos** ou **rol**.



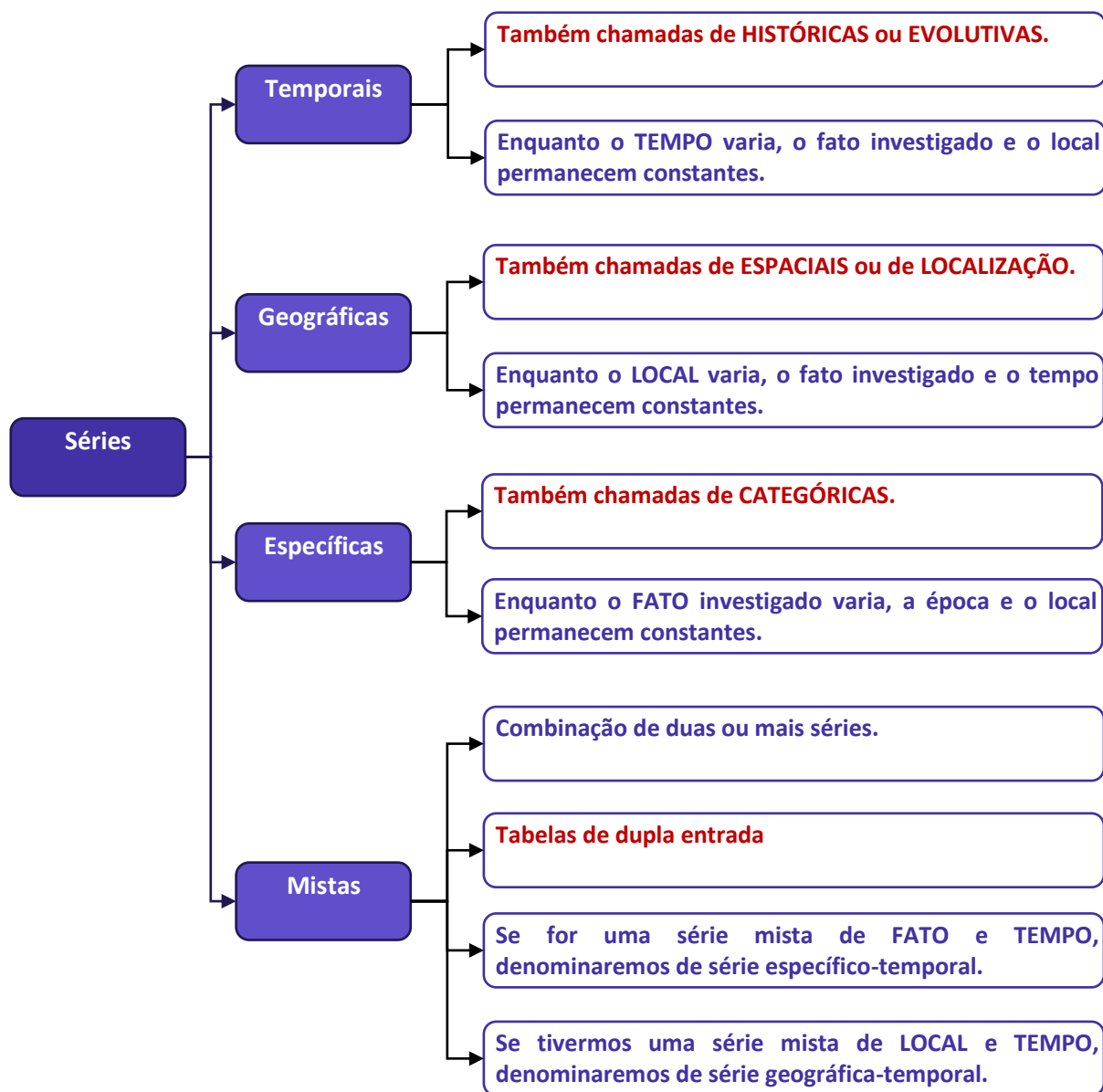
VARIÁVEIS ESTATÍSTICAS

As variáveis estatísticas podem ser classificadas, inicialmente, em duas categorias: **qualitativas** e **quantitativas**.



SÉRIES ESTATÍSTICAS

As **séries estatísticas** podem ser classificadas em: **temporais**, **geográficas**, **específicas** ou **mistas**:



DISTRIBUIÇÃO DE FREQUÊNCIAS

As **distribuições de frequências** podem ser classificadas em dois tipos: distribuição de frequências **pontual (ou discreta)** e distribuição de frequências **intervalar (ou contínua)**.

DISTRIBUIÇÃO DE FREQUÊNCIAS PONTUAL

São apresentados todos os dados coletados juntamente com suas respectivas frequências, não havendo perda de valores.

DISTRIBUIÇÃO DE FREQUÊNCIAS INTERVALAR

É agrupamento os valores por intervalos de classe.

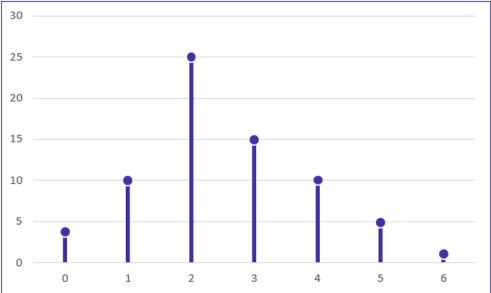
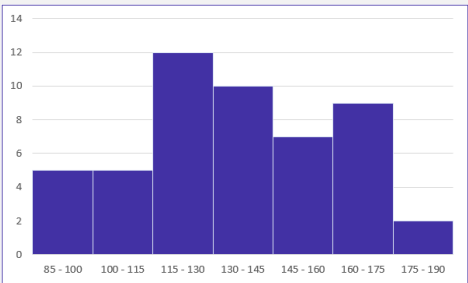
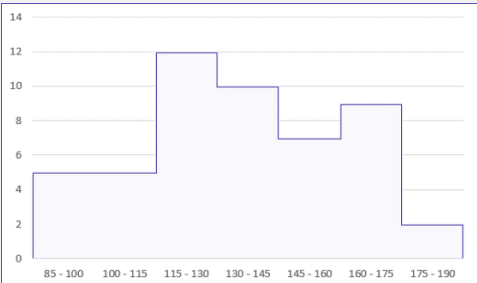
Elementos de uma Distribuição de Frequências

Item	Definição	Símbolos e Fórmulas
Número de Classes	As classes são os intervalos nos quais o fenômeno é subdividido.	$k = 1 + 3,3 \times \log n$ $k = \sqrt{n}$
Limites de Classe	Correspondem aos valores extremos.	l_{inf} e l_{sup}
Amplitude de um Intervalo de Classe	Distância entre os limites inferiores (ou superiores) de classes consecutivas.	$h = l_{sup} - l_{inf}$
Amplitude total	Diferença entre o limite superior da última classe (limite superior máximo) e o limite inferior da primeira classe (limite inferior mínimo).	$AT = l_{máx} - l_{mín}$ $AT = h \times k$
Ponto Médio	Média aritmética simples dos valores extremos de uma classe.	$PM = \frac{(l_{inf} + l_{sup})}{2}$ $PM = l_{inf} + \frac{h}{2}$ $PM = l_{sup} - \frac{h}{2}$
Frequência Absoluta Simples	Número de observações correspondentes a uma determinada classe ou a um determinado valor.	f_i
Frequência Absoluta Acumulada	Total das frequências de todos os valores inferiores ao limite superior do intervalo de uma dada classe	$f_{ac_i} = f_1 + f_2 + f_3 + \dots + f_i$

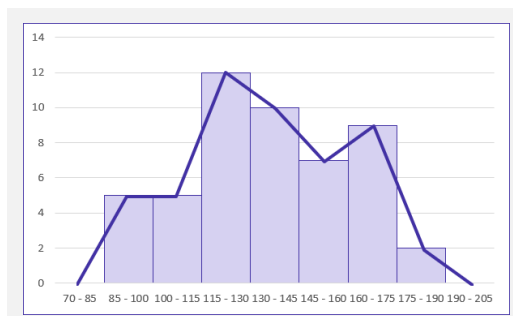


Frequência Relativa Simples	Proporção de dados existentes em uma determinada classe.	$F_i = \frac{f_i}{\sum f_i} = \frac{f_i}{n}$
Frequência Relativa Acumulada	Proporção de valores inferiores ao limite superior do intervalo de uma dada classe.	$F_{ac_i} = F_1 + F_2 + F_3 + \dots + F_i$
Densidade de Frequência	Quociente entre a frequência da classe (absoluta ou relativa) e sua amplitude	$d = \frac{f}{h}$

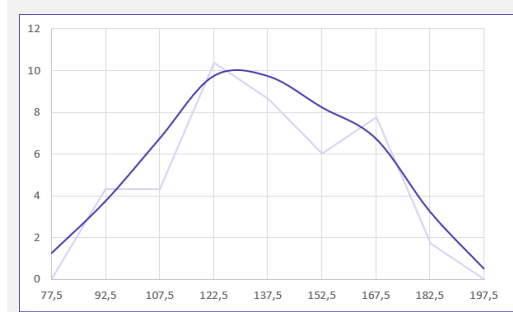
REPRESENTAÇÕES GRÁFICAS DAS DISTRIBUIÇÕES DE FREQUÊNCIA

Gráfico	Definição
	O gráfico de hastes ou bastões é muito utilizado para representar dados não agrupados em classes, o que normalmente ocorre com dados discretos.
	O histograma é um gráfico destinado a representar dados agrupados em classe, sendo composto por um conjunto de retângulos contíguos (justapostos).
	A poligonal característica é construída utilizando apenas os contornos do histograma.

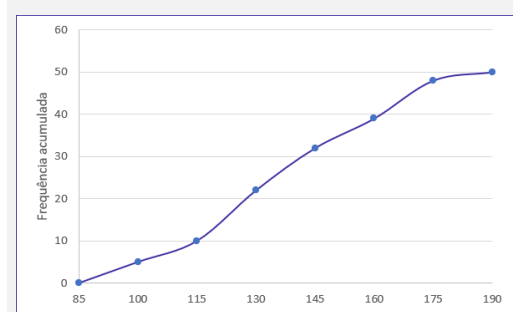




O **polígono de frequências** é um gráfico em linha obtido por meio da ligação, por segmentos de reta, dos pontos médios das bases superiores dos retângulos de um histograma.



A **curva de frequências** é obtida a partir do polígono de um polígono de frequências

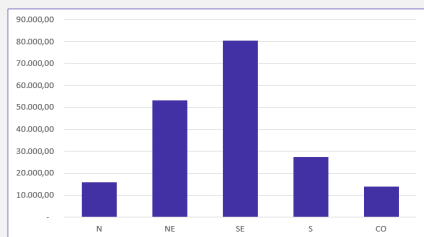


O **gráfico de ogiva** é empregado na representação de distribuições de frequências acumuladas, sejam elas crescentes ou decrescentes

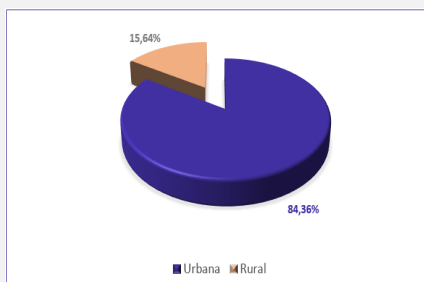
Principais formas de **representação de dados estatísticos**:

Gráfico	Definição
	Os gráficos em linha normalmente são usados para representar a variação dos valores de uma variável ao longo do tempo. Esse tipo de gráfico permite-nos comparar duas variáveis: uma é traçada no eixo x (horizontal) e a outra no eixo y (vertical).
	Os gráficos em barra normalmente são usados para representar distribuições de dados categóricos ou qualitativos. Uma série estatística é representada por um conjunto de retângulos dispostos horizontalmente , cada um indicando uma categoria particular.

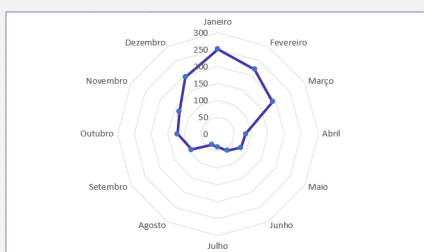




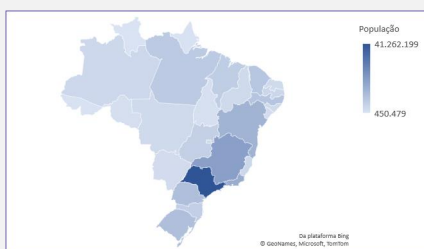
Os **gráficos em coluna** também são usados para distribuições de dados categóricos ou qualitativos. A diferença básica é que, agora, uma série estatística é representada por um conjunto de retângulos dispostos **verticalmente**, cada um indicando uma categoria particular.



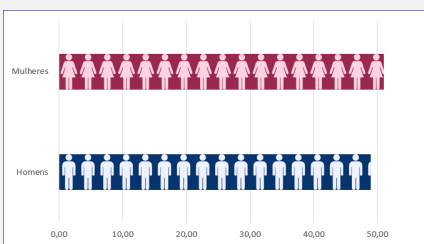
O **gráfico em setores** é usado para representar a frequência relativa (porcentagem) de uma variável categórica, sendo formado por um círculo dividido em setores circulares, cada um representando uma categoria.



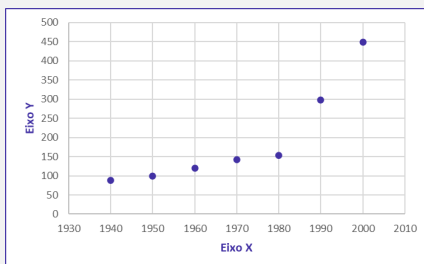
O **gráfico polar** consiste em uma sequência de eixos igualmente espaçados (ângulos iguais), cada um representando uma das variáveis. Uma linha é desenhada ligando os valores de cada eixo.



O **cartograma** é empregado com a finalidade de apresentar dados estatísticos diretamente relacionados com áreas geográficas.



O **pictograma** substitui valores por ícones, tornando os dados mais atraentes e facilitando o entendimento acerca de um determinado fenômeno.



O **gráfico de dispersão** é uma representação de pares ordenados em um plano cartesiano, composto por um eixo vertical (ordenada) e um eixo horizontal (abscissa). Os dados são representados como uma coleção de pontos.

8	5	9	Chave: 8 5 = 85	
9	6	8	9	
10	3	4	5	
11	3	4	5	5
12	3	3	4	6 6 6 7 8 9 9
13	4	5	5 5 7 7 7	
14	2	3	3 8	
15	3	4	5 7 8 9	

O **diagrama de ramos e folhas** fornece uma maneira rápida de representar graficamente a distribuição dos dados. Nele, cada número é separado em duas partes. Em geral, de um lado ficam as unidades do número e do outro lado fica o restante desse número.



QUESTÕES COMENTADAS – FCC

Conceitos Iniciais

1. (FCC/DPE-SP/2010) Sobre estatística aplicada, é correto o que se afirma em:

- a) Parâmetros são medidas características de grupos, determinadas por meio de uma amostra aleatória.
- b) A estatística descritiva é a técnica pela qual são coletados dados de uma amostra, a partir do qual são tomadas decisões sobre uma determinada população.
- c) A caracterização de uma população se dá por meio da observação de todos os seus componentes que a integram.
- d) A estatística inferencial compreende um conjunto de técnicas destinadas à síntese de dados numéricos.
- e) Censo é o processo utilizado para se medir as características de todos os membros de uma dada população.

Comentários:

Vejamos cada uma das alternativas:

- Letra A: na aula de amostragem, veremos que os parâmetros são as medidas características da população. Os valores obtidos da amostra são as estimativas da população. Logo, a alternativa A está errada.
- Letra B: é a Estatística Inferencial que possui técnicas para tomada de decisões sobre a população a partir de uma amostra. Portanto, a alternativa B está errada.
- Letra C: utilizamos justamente a Estatística Inferencial para caracterizar toda a população a partir da observação de uma parte de seus elementos (amostra). Dessa forma, a alternativa C está errada.
- Letra D: é a Estatística Descritiva que possui técnicas para síntese de dados numéricos. Assim, a alternativa D está errada.
- Letra E: o censo consiste na coleta de dados de todos os elementos de uma população. Portanto, a alternativa E está correta.

Gabarito: E.



QUESTÕES COMENTADAS – FCC

Distribuições de Frequência

1. (FCC/TRT 14ª Região/2018) De um histograma e uma tabela de frequências absolutas, elaborados para analisar a distribuição dos salários dos empregados em uma empresa, obtém-se a informação que 24 empregados ganham salários com valores pertencentes ao intervalo (2.000; 4.000], em reais, que apresenta uma densidade de frequência de $0,75 \times 10^{-4}(\text{R\$})^{-1}$

Densidade de frequência de um intervalo é o resultado da divisão da respectiva frequência relativa pela amplitude deste intervalo. Em um intervalo do histograma que está sendo analisado, com uma amplitude de R\$ 3.000,00 e uma densidade de frequência de $1 \times 10^{-4}(\text{R\$})^{-1}$, tem-se que o correspondente número de empregados é igual a

- a) 40.
- b) 36.
- c) 30.
- d) 48.
- e) 42.

Comentários:

Vamos destacar os dados da questão:

- densidade de frequência: $0,75 \times 10^{-4}(\text{R\$})^{-1}$;
- amplitude da classe: $4000 - 2000 = 2000$;
- número de funcionários na classe: 24; e
- total de funcionários na classe: T.

A frequência relativa é calculada pela fórmula a seguir:

$$\text{Frequência relativa} = \frac{\text{Nº de funcionários na classe}}{\text{Total de funcionários}} = \frac{24}{T}$$

Então, pela fórmula da densidade de frequência, teremos:

$$\text{Densidade de frequência} = \frac{\text{Frequência relativa}}{\text{Amplitude}}$$



$$0,75 \times 10^{-4} = \frac{\frac{24}{T}}{2000}$$

$$0,15 = \frac{24}{T}$$

$$T = 160$$

Agora, vamos aplicar a mesma metodologia para a classe do histograma com amplitude de 3000 e densidade de frequência de 1×10^{-4} . Considerando o número de funcionários na classe igual a N , teremos a seguinte frequência relativa:

$$\text{Frequência relativa} = \frac{\text{Nº de funcionários na classe}}{\text{Total de funcionários}} = \frac{N}{160}$$

Então, pela fórmula da densidade de frequência, teremos:

$$\text{Densidade de frequência} = \frac{\text{Frequência relativa}}{\text{Amplitude}}$$

$$10^{-4} = \frac{\frac{N}{160}}{3000}$$

$$0,3 = \frac{N}{160}$$

$$N = 48$$

Gabarito: D.

2. (FCC/ARTESP/2017) Foi solicitado para uma empresa de transportes que fizesse um levantamento da idade da frota dos seus caminhões que operavam em um trecho de rodovia com tráfego intenso. O gerente da empresa entregou a seguinte tabela:

Caminhão	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
Idade (anos)	15	20	5	2	3	3	17	23	16	8	6	9	14
Caminhão	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	
Idade (anos)	10	10	6	8	2	4	18	5	9	11	26	14	

De posse deste levantamento, a analista de operações da autarquia solicitante organizou uma distribuição de frequência para organizar melhor os dados para serem analisados. Sendo assim, em um primeiro



momento, fez-se necessário encontrar o número de intervalos (K) e a classe (C), que são expressos, respectivamente, por

- a) 5 e 4,80.
- b) 5 e 5,20.
- c) 6 e 4,80.
- d) 6 e 5,20.
- e) 4 e 5.

Comentários:

Iniciaremos a resolução calculando a amplitude total. Sabemos que o menor valor é 2 e o maior valor é 26. Assim, a amplitude total fica:

$$AT = 26 - 2 = 24.$$

Temos 25 caminhões, logo, o valor correspondente de intervalos será:

$$K = \sqrt{25} = 5.$$

Portanto, com K intervalos de amplitude C , conseguiremos cobrir as 24 unidades:

$$AT = C \times K$$

Podemos montar a equação da seguinte forma:

$$C = \frac{AT}{K} = \frac{24}{5}$$

$$C = 4,8$$

Portanto, a alternativa correta contém as combinações $K = 5$ e $C = 4,8$.

Gabarito: A.

3. (FCC/TRT 20ª Região/2016) Um gráfico corresponde a um histograma apresentando a distribuição dos salários dos funcionários lotados em um determinado órgão público. No eixo das abscissas constam os intervalos de classe (fechados à esquerda e abertos à direita) dos salários em R\$ e no eixo das ordenadas as respectivas densidades de frequências em (R\$)⁻¹. Densidade de frequência de um intervalo é definida como sendo o resultado da divisão da respectiva frequência relativa pela correspondente amplitude do intervalo. Se 135 funcionários ganham salários com valores pertencentes ao intervalo [3.000, 6.000) com uma densidade de frequência de 1×10^{-4} (R\$)⁻¹, então o número de funcionários que ganham salários com valores pertencentes ao intervalo [6.000, 8.000) com uma densidade de frequência de 2×10^{-4} (R\$)⁻¹ é igual a:

- a) 300
- b) 180



- c) 270
- d) 150
- e) 90

Comentários:

O enunciado da questão traz informações importantes para a resolução do problema.

Sabemos que a densidade de frequência (d), é a relação entre a **frequência relativa** (f_r) e a amplitude de classe (h). Assim:

$$d = \frac{f_r}{h}$$

Temos a informação de que 135 funcionários pertencem à classe [3.000, 6.000). Logo, a amplitude dessa classe será:

$$h = 6.000 - 3.000 = 3.000$$

Se 135 funcionários ganham salários com valores entre o intervalo [3.000, 6.000) com uma densidade de frequência de 10^{-4} , então precisamos encontrar a frequência relativa (f_r). Para isso, podemos fazer:

$$d = \frac{f_r}{h}$$

$$10^{-4} = \frac{f_r}{3000}$$

$$f_r = 3.000 \times 10^{-4}$$

$$f_r = 0,3$$

Então, temos 30% das observações nesta classe.

Além disso, foi afirmado que a classe [6.000, 8.000) tem densidade de frequência 2×10^{-4} . Esta classe tem amplitude:

$$h = 8.000 - 6.000 = 2.000$$

Aplicando a fórmula da densidade, temos:

$$d = \frac{f_r}{h}$$

$$2 \times 10^{-4} = \frac{f_r}{2000}$$

$$f_r = 2.000 \times 2 \times 10^{-4} = 0,4$$

Portanto, já sabemos que esta classe apresenta 40% das observações. Então, montando uma regra de três, temos:



$$30\% - 135 \text{ funcionários}$$

$$40\% - x$$

$$0,3x = 0,4 \times 135$$

$$x = \frac{54}{0,3} = 180$$

Gabarito: B.

4. (FCC/TRT 3ª Região/2015) Em um histograma representando os preços unitários de microcomputadores em estoque, observa-se que no eixo das abscissas constam os intervalos de classe em R\$ e no eixo das ordenadas as respectivas densidades de frequências em $(R\$)^{-1}$. Densidade de frequência de um intervalo de classe é o resultado da divisão da respectiva frequência relativa pela correspondente amplitude do intervalo. Um determinado intervalo de classe com amplitude igual a R\$ 2.500,00 apresenta uma densidade de frequência, em $(R\$)^{-1}$, igual a $12,8 \times 10^{-5}$. Se o número de microcomputadores deste intervalo é igual a 48, então o número total de microcomputadores em estoque é igual a

- a) 150.
- b) 120.
- c) 240.
- d) 160.
- e) 96.

Comentários:

Sabemos que a densidade de frequência (d), é a relação entre a **frequência relativa** (f_r) e a amplitude de classe (h). Assim:

$$d = \frac{f_r}{h}$$

Temos que, para determinada classe, a amplitude vale 2.500 e a densidade de frequência vale $12,8 \times 10^{-5}$. Aplicando na fórmula, temos:

$$12,8 \times 10^{-5} = \frac{f_r}{2500}$$

$$f_r = 12,8 \times 10^{-5} \times 2.500 = 0,32$$

Sabemos também que a frequência relativa vale 0,32. Isso significa que 32% das observações estão nesta classe. O enunciado informa que 32% correspondem a 48 microcomputadores. Para determinar o número total de computadores, fazemos uma regra de três:

$$32\% - 48$$

$$100\% - x$$



$$0,32x = 48$$

$$x = \frac{48}{0,32}$$

$$x = 150$$

Gabarito: A.

5. (FCC/TRT 16ª Região/2014) A distribuição das medidas dos comprimentos, em cm, de uma determinada peça em estoque de uma fábrica está representada em um histograma com todos os intervalos de classe fechados à esquerda e abertos à direita. No eixo horizontal constam os intervalos de classe e no eixo vertical as respectivas densidades de frequências, em cm^{-1} . Define-se densidade de frequência de um intervalo de classe como sendo o resultado da divisão da respectiva frequência relativa pela correspondente amplitude deste intervalo. Verifica-se com relação ao histograma, que o intervalo de classe $[2, 6)$, em cm, apresenta uma densidade de frequência igual a $0,028 \text{ cm}^{-1}$. Dado que o número de peças em estoque com medidas iguais ou superiores a 2 cm e inferiores a 6 cm é igual a 84, obtém-se que o número total destas peças em estoque é

- a) 750.
- b) 400.
- c) 500.
- d) 250.
- e) 1.000.

Comentários:

Vamos calcular a densidade de frequência:

$$d = \frac{f_r}{h}$$

Em que d é a densidade de frequências; f_r é a frequência relativa; e h é a amplitude.

Aplicando os valores do enunciado, temos:

$$0,28 = \frac{f_r}{6 - 2}$$

$$f_r = 0,28 \times 4$$

$$f_r = 0,112$$

O número de peças em estoque com medidas iguais ou superiores a 2 cm e inferiores a 6 cm é igual a 84, logo:

$$f_r = \frac{84}{T}$$



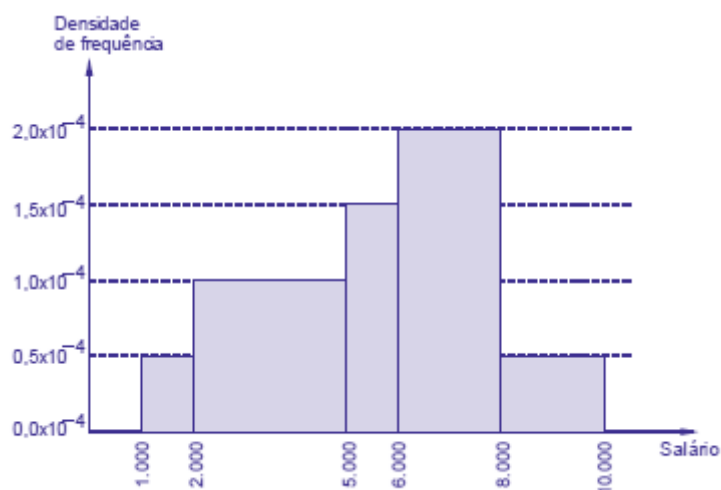
$$T \times f_r = 84$$

$$T = \frac{84}{0,112}$$

$$T = 750$$

Gabarito: A.

6. (FCC/TRT 13ª Região/2014) O histograma, abaixo, refere-se à distribuição dos salários dos funcionários lotados em um setor de um órgão público. No eixo das abscissas constam os intervalos de classe em R\$ (todos fechados à esquerda e abertos à direita) e no eixo das ordenadas as respectivas densidades de frequências em $(R\$)^{-1}$. Define-se densidade de frequência de um intervalo como sendo o resultado da divisão da respectiva frequência relativa pela correspondente amplitude do intervalo.



Se o número de funcionários que tem um salário inferior a R\$ 5.000,00 é igual a 56, então verifica-se que o número de funcionários que tem um salário igual ou superior a R\$ 2.000,00 e inferior a R\$ 8.000,00 é igual a

- a) 104.
- b) 152.
- c) 136.
- d) 144.
- e) 120.

Comentários:

Vamos iniciar a resolução montando uma tabela com os dados fornecidos pelo histograma. Assim:

	Classes	f_r	f_{ac}
--	---------	-------	----------



1	[0,1000)	0	0
2	[1000,2000)	0,05	0,05
3	[2000,5000)	0,30	0,35
4	[5000,6000)	0,15	0,50
5	[6000,8000)	0,40	0,90
6	[8000,10000)	0,10	1,00
		1,00	

Na tabela, f_r é a frequência relativa e f_{ac} é frequência acumulada.

Analisando a tabela percebemos que o número de empregados com salários inferiores a 5000 corresponde às três primeiras classes. O número de funcionários com salário igual ou superior a 2000 e inferior a 8000 corresponde às 3ª, 4ª e 5ª classes.

Vamos calcular a densidade de frequência:

$$d_f = \frac{f_r}{h}$$

A amplitude da terceira classe é 3000, temos:

$$1,0 \times 10^{-4} = \frac{f_r}{3000} f_r = 0,3$$

$$f_r = 0,3$$

Para encontrarmos o número de funcionários com salário igual ou superior a 2000 e inferior a 8000, deve-se calcular a f_{ac} . Já sabemos que a frequência acumulada é obtida pela soma das frequências relativas de todos os valores da variável (salário), menores ou iguais ao valor considerado, como apresentado na quarta coluna da nossa tabela.

Assim, os 56 empregados com salários inferiores a 5000 correspondem à f_{ac} de 0,35. Para achar a frequência acumulada correspondente ao número de funcionários com salário igual ou superior a 2000 e inferior a 8000, deve-se somar as f_r da 3ª, 4ª e 5ª ($0,35 + 0,15 + 0,40 = 0,85$).

Utilizando a regra de três, temos:

$$0,35 \rightarrow 56$$

$$0,85 \rightarrow x$$

$$0,35x = 47,60$$

$$x = 136$$



Gabarito: C.

7. (FCC/TRT 6ª Região/2012) A distribuição dos 500 preços unitários de um equipamento é representada por um histograma em que no eixo das abscissas constam os intervalos de classe e no eixo das ordenadas estão assinaladas as respectivas densidades de frequências, em $(R\$)^{-1}$. Define-se densidade de frequência de um intervalo de classe como sendo o resultado da divisão da respectiva frequência relativa pela correspondente amplitude do intervalo. Um intervalo de classe no histograma apresenta uma amplitude de R\$ 2,50 com uma densidade de frequência igual a 0,096. A quantidade de preços unitários referente a este intervalo é

- a) 96.
- b) 120.
- c) 144.
- d) 150.
- e) 192.

Comentários:

Sabemos que a densidade de frequência (d), é a relação entre a **frequência relativa** (f_r) e a amplitude de classe (h). Assim:

$$d = \frac{f_r}{h}$$

Dados do enunciado:

- Amplitude de classe = 2,50 ($h = 2,50$);
- Densidade de frequência = 0,096 ($d_f = 0,096$).

Substituindo esses valores na equação, temos:

$$d_f = \frac{f_r}{h}$$

$$f_r = 0,096 \times 2,50 = 0,24 = 24\%$$

Então, 24% dos preços estão localizados neste intervalo.

Calculando a quantidade para 500 preços, temos:

$$24\% \times 500 = 120$$

Gabarito: B.



8. (FCC/TRT 6ª Região/2012) A função de distribuição empírica abaixo, $F_{200}(x)$, refere-se a uma pesquisa realizada em 200 residências, escolhidas aleatoriamente, em que x é o número verificado de pessoas que trabalham em cada residência.

$$F_{200}(x) = \begin{cases} 0,00 & \text{se } x < 0 \\ 0,10 & \text{se } 0 \leq x < 1 \\ 0,40 & \text{se } 1 \leq x < 2 \\ 0,65 & \text{se } 2 \leq x < 3 \\ 0,85 & \text{se } 3 \leq x < 4 \\ 0,95 & \text{se } 4 \leq x < 5 \\ 1,00 & \text{se } x \geq 5 \end{cases}$$

O número de residências desta pesquisa em que se verificou possuir pelo menos uma pessoa que trabalha e menos que 4 é

- a) 150.
- b) 160.
- c) 170.
- d) 180.
- e) 190.

Comentários:

Inicialmente, vamos montar uma tabela com as frequências acumuladas para melhor visualizarmos a questão:

Classe	Frequência Acumulada
$0 \leq x < 1$	0,1
$1 \leq x < 2$	0,4
$2 \leq x < 3$	0,65
$3 \leq x < 4$	0,85
$4 \leq x < 5$	0,95
$x \geq 5$	1

A primeira linha nos diz que 10% das residências não apresentam ninguém que trabalhe.



A quarta linha nos diz que em 85% das residências há menos de 4 pessoas trabalhando.

Se o total de residências é 200 e temos a informação de que em 85% há menos de 4 pessoas trabalhando, logo, há 170 residências nesta classe. Queremos eliminar as residências em que não trabalha ninguém, os 10% = 20 residências. Então:

$$170 - 20 = 150$$

Gabarito: A.

9. (FCC/TRT 1ª Região/2011) Um histograma representa a distribuição dos preços unitários de venda de um determinado equipamento no mercado. No eixo das ordenadas estão assinaladas as respectivas densidades de frequência para cada intervalo em $(R\$)^{-1}$. Define-se densidade de frequência de um intervalo de classe como sendo o quociente da divisão da respectiva frequência relativa pela correspondente amplitude do intervalo. Um intervalo de classe do histograma corresponde aos preços unitários maiores ou iguais a R\$ 32,00 e inferiores a R\$ 44,50 com uma densidade de frequência igual a $1,6 \times 10^{-2} (R\$)^{-1}$. Se todos os intervalos de classe do histograma têm a mesma frequência relativa, então um intervalo de classe com densidade de frequência igual a $5,0 \times 10^{-3} (R\$)^{-1}$ apresenta uma amplitude de

- a) R\$ 64,00.
- b) R\$ 48,00.
- c) R\$ 40,00.
- d) R\$ 32,00.
- e) R\$ 24,00.

Comentários:

Calculando a amplitude do intervalo:

$$44,50 - 32 = 12,50$$

Sabemos que a densidade de frequência (d), é a relação entre a **frequência relativa** (f_r) e a amplitude de classe (h). Assim:

$$d = \frac{f_r}{h}$$

Em que d é a densidade de frequência; f_r é a frequência relativa e h é a amplitude.

Aplicando os valores do enunciado na fórmula, temos:

$$d = \frac{f_r}{h}$$



$$1,6 \times 10^{-2} = \frac{f_r}{12,50}$$

$$f_r = (1,6 \times 10^{-2}) \times 12,50 = 20 \times 10^{-2} = 0,2$$

A questão informou que todos os intervalos têm a mesma frequência. Assim, podemos concluir que todos eles têm frequência de 20%.

Considerando o intervalo com densidade de $5,0 \times 10^{-3} \text{ (R\$)}^{-1}$:

$$5 \times 10^{-3} = \frac{0,2}{h}$$

$$h = \frac{0,2}{5 \times 10^{-3}}$$

$$h = 40$$

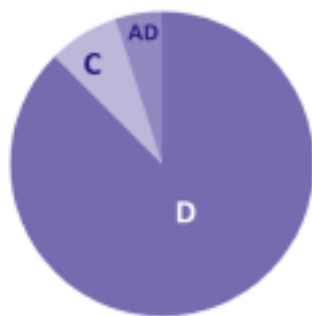
Gabarito: C.



QUESTÕES COMENTADAS – FCC

Outros Gráficos e Representações

1. (FCC/Pref. Macapá/2018) Para fazer um gráfico de setores que representasse o número de alunos canhotos, destros e ambidestros na sala de aula, Renato coletou os dados indicados na tabela abaixo.



	Nº DE ALUNOS DA SALA DE AULA
Destros (D)	35
Canhotos (C)	3
Ambidestros (AD)	2

Sabendo-se que um círculo pode ser dividido em 360° , quantos graus tem o setor circular correspondente aos canhotos no gráfico correto feito por Renato?

- a) 18° .
- b) 25° .
- c) $7,5^\circ$.
- d) 24° .
- e) 27° .

Comentários:

O gráfico em setores é usado para representar a frequência relativa (porcentagem) de uma variável categórica. Para a construção do gráfico de setores, utilizaremos uma regra de três simples, em que as frequências relativas de cada categoria correspondem ao ângulo central que desejamos representar em relação à frequência total, que corresponde ao ângulo de 360° .



Podemos considerar que 360° corresponde a 100% dos alunos. Temos um total de 40 alunos.

Queremos saber o percentual de canhotos. Então, montamos uma regra de três:

$$360^\circ - 40$$

$$X - 3$$

Calculando, temos que:

$$\frac{360}{x} = \frac{40}{3}$$

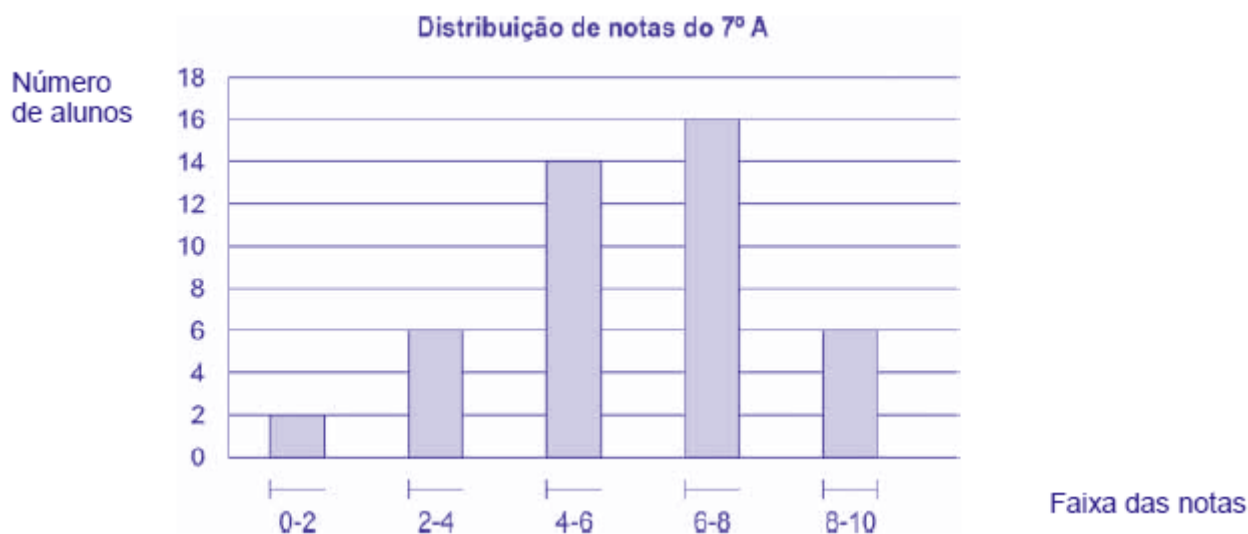
$$40x = 1080$$

$$x = \frac{1080}{40}$$

$$x = 27^\circ$$

Gabarito: E.

2. (FCC/SEDU-ES/2018) Depois da aplicação de uma prova para todos os alunos do 7º A, a professora Marli fez um histograma com a distribuição das notas, conforme indicado abaixo.



Se a média de notas da sala foi igual a seis, a porcentagem dos alunos que tiraram nota maior ou igual a média da sala nessa prova foi de

- a) 54%.
- b) 50%.
- c) 56%.
- d) 60%.
- e) 52%.



Comentários:

Vamos, inicialmente, calcular o total de alunos:

$$2 + 6 + 14 + 16 + 6 = 44$$

Agora com base nas informações do gráfico percebemos que existem 22 pessoas com média maior ou igual a 6 (representado pelas duas últimas colunas do gráfico). Assim:

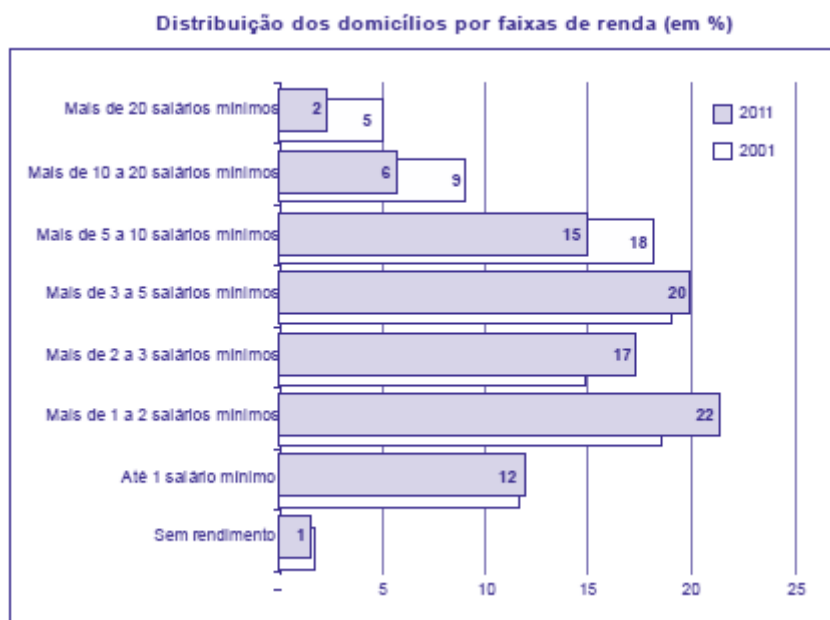
$$16 + 6 = 22$$

Logo, a porcentagem será de:

$$\frac{22}{44} = 0,5 = 50\%$$

Gabarito: B.

3. (FCC/ALE-PE/2014) Analise o gráfico e as afirmativas abaixo.



(<http://blogs.estadao.com.br/vox-publica/tag/psdb/>. Acessado em: 20/02/2013)

I. O crescimento da faixa de renda de “até 1 salário mínimo” pode ser reflexo dos programas de transferência de renda governamentais, os quais garantem um rendimento mínimo às pessoas carentes.

II. O crescimento da faixa de renda de “até 1 salário mínimo” é fruto do emprego formal gerado no país dentro do período da pesquisa, pois, os beneficiários dos programas de transferência de renda governamentais entram na categoria sem rendimento.

III. No gráfico, percebe-se uma diminuição da concentração de renda no país. Isso fica evidente quando analisamos, por exemplo, a faixa de renda “mais de 5 a 10 salários mínimos”.

IV. No gráfico, a faixa “mais de 1 a 2 salários mínimos” é a que apresenta a maior diferença em pontos percentuais entre os dados de 2001 e 2011.



Está correto o que se afirma APENAS em

- a) I e II.
- b) II e III.
- c) III e IV.
- d) I e III.
- e) II e IV.

Comentários:

Analisando as afirmações, temos o seguinte:

Item I: no gráfico percebemos que de fato houve um aumento na faixa de renda de “até 1 salário-mínimo”, porém, não temos nenhuma informação que justifique esse aumento. O que torna a alternativa correta é o emprego da possibilidade, não a afirmação categórica.

Item II: como dito no item anterior não temos nenhuma informação sobre o motivo do aumento da renda da respectiva faixa, portanto, o item está errado.

Item III: o gráfico mostra o aumento nas faixas abaixo de "mais de 5 a 10 salários-mínimos" e reduções nas faixas acima de "mais de 3 a 5 salários-mínimos". Assim, podemos sugerir que houve diminuição da concentração de renda no país. Logo, o item está correto.

Item IV: não temos informações suficientes no gráfico para esta afirmativa. Portanto, o item está incorreto.

Gabarito: D.



AVISO IMPORTANTE!



Olá, alunos (as)!

Informamos que não temos mais questões da banca, referente ao assunto tratado na aula de hoje, em virtude de baixa cobrança deste tópico ao longo dos anos. No entanto, para complementar o estudo e deixar sua preparação em alto nível, preparamos um caderno de questões inéditas que servirá como treino e aprimoramento do conteúdo.

Em caso de dúvidas, não deixe de nos chamar no Fórum de dúvidas!

Bons estudos!

Estratégia Concursos



QUESTÕES COMENTADAS – INÉDITAS

Introdução à Estatística

1. (INÉDITA/2022) O ramo da estatística que tem as atribuições de obter, organizar, reduzir e representar os dados estatísticos, bem como de obter informações que auxiliem na descrição de um fenômeno observado é denominada de:

- a) Estatística Indutiva.
- b) Estatística Inferencial.
- c) Estatística Populacional.
- d) Estatística Probabilística.
- e) Estatística Descritiva.

Comentários:

A Estatística está dividida em três grandes ramos, a saber:

- a) **Estatística Descritiva (ou Dedutiva)** - responsável pela coleta (ou obtenção), organização, redução e representação de dados estatísticos;
- b) **Estatística Probabilística** - responsável por estabelecer o modelo matemático probabilístico adotado para explicar os fenômenos aleatórios investigados pela Estatística; e
- c) **Estatística Inferencial (ou Indutiva)** - responsável pela análise e interpretação dos dados.

Portanto, a alternativa correta é a letra E.

Gabarito: E.



QUESTÕES COMENTADAS – INÉDITAS

Conceitos Iniciais

1. (INÉDITA/2022) Um funcionário decidiu extrair um subconjunto dos dados da empresa em que trabalhava, para analisar o comportamento dos produtos oferecidos por ela. Esse subconjunto é conhecido como

- a) censo
- b) variável
- c) amostra
- d) população
- e) parâmetro

Comentários:

A questão traz o conceito de amostra. Uma amostra é um subconjunto extraído da população para análise, que deve ser representativo. A partir das informações coletadas da amostra representativa, os resultados obtidos podem ser utilizados para generalizar, inferir ou tirar conclusões acerca da população. Portanto, o subconjunto coletado do banco de dados, que representa a população, é a amostra.

Vejamos as definições das demais alternativas:

Alternativa A: o censo, ou recenseamento, é um estudo dos dados referentes a todos os elementos de uma população.

Alternativa C: uma variável é uma característica de relevância que é medida em cada componente da amostra ou população. As variáveis podem ter valores numéricos (variáveis quantitativas) ou não numéricos (variáveis qualitativas).

Alternativa D: uma população é um conjunto que contém todos os indivíduos, objetos ou elementos a serem estudados, que apresentam uma ou mais características em comum.

Alternativa E: os parâmetros são descrições numéricas de características populacionais que raramente são conhecidas.

Gabarito: C.

2. (INÉDITA/2022) A coleção de unidades observacionais, que podem ser pessoas, objetos ou resultados experimentais, com uma ou mais características em comum, é denominada, para a estatística, de

- a) amostra.



- b) população.
- c) unidades.
- d) censo.
- e) variáveis.

Comentários:

Para resolvermos a questão vamos conceituar cada uma das alternativas:

- Letra A: amostra é um subconjunto de uma população. Os dados coletados e/ou selecionados de uma população estatística por um procedimento definido, denotado de amostragem.
- Letra B: população é o grupo completo de unidades elementares de pessoas, objetos ou coisas, ou seja, constitui todo o universo de informações de que se necessita.
- Letra C: unidades são elementos da amostra (unidades amostrais) ou da população (unidade populacional).
- Letra D: censo consiste na análise de todos os elementos da população.
- Letra E: variável é a característica de relevância que é medida em cada componente da amostra ou população. As variáveis podem ter valores numéricos (variáveis quantitativas) ou não numéricos (variáveis qualitativas).

Gabarito: B.



QUESTÕES COMENTADAS – INÉDITAS

Variáveis Estatísticas

1. (INÉDITA/2022) As variáveis podem ser classificadas como quantitativas ou qualitativas.

I. As quantitativas referem-se às variáveis ordinal ou discreta;

II. As qualitativas referem-se às variáveis nominal ou contínua;

III. As quantitativas referem-se às variáveis contínua ou discreta;

Assinale a alternativa que contempla apenas as assertivas corretas.

- a) I.
- b) II.
- c) I e II.
- d) III.
- e) II e III.

Comentários:

As variáveis podem ser classificadas em:

a) variáveis quantitativas: são as características que podem ser medidas em uma escala quantitativa, isto é, numérica. Elas podem ser contínuas ou discretas:

- variáveis discretas: características mensuráveis que podem assumir apenas um número finito ou infinito contável de valores e, assim, somente fazem sentido valores inteiros. Geralmente são o resultado de contagens. Exemplos: número de membros de uma família, número de carros produzidos por dia.
- variáveis contínuas: características mensuráveis que assumem valores em uma escala contínua (na reta real), nesse caso, valores fracionários fazem sentido. Geralmente são medidas por meio de algum instrumento. Exemplos: peso e altura.

b) variáveis qualitativas (ou categóricas): são as características que não possuem valores quantitativos. Nesse caso, são definidas por várias categorias, ou seja, representam uma classificação dos indivíduos. Elas podem ser nominais ou ordinais:

- variáveis nominais: não existe uma ordenação entre as categorias. Exemplos: sexo, estado civil, cor dos olhos.
- variáveis ordinais: existe uma ordenação entre as categorias. Exemplos: grau de instrução (fundamental, médio, superior), nível de aprendizado (básico, intermediário, avançado), nível de queimadura (1º, 2º, 3º graus).



Gabarito: D.

2. (INÉDITA/2022) Um município realizou uma pesquisa exclusivamente com variáveis do tipo qualitativa, sobre a satisfação dos usuários quanto aos serviços públicos disponibilizados. As escalas de mensuração que podem ser empregadas na pesquisa são:

- a) nominais e ordinais
- b) nominais e intervalares
- c) ordinais e razão
- d) intervalares e razão
- e) ordinais e intervalares

Comentários:

As variáveis qualitativas representam as características que não podem ser descritas de forma numérica, mas que podem ser definidas por meio de qualidades (atributos ou categorias) do indivíduo pesquisado.

Elas podem ser medidas em escalas nominais ou ordinais:

- Escala nominal: as variáveis são divididas em categorias segundo um ou mais de seus atributos (características) e não podem ser ordenadas. Por exemplo, as cores dos olhos dos moradores de uma determinada cidade (pretos, castanhos, azuis e verdes);
- Escala ordinal: as possíveis categorias podem ser ordenadas de alguma forma. Por exemplo, o grau de instrução dos funcionários de um determinado órgão (fundamental, médio e superior).

Gabarito: A.

3. (INÉDITA/2022) Uma empresa realizou uma pesquisa de satisfação para traçar os perfis de seus clientes e o grau de satisfação com os serviços prestados por ela. Em um formulário, ela solicitou os dados a seguir.

I. Idade.

II. Sexo.

III. Escolaridade.

IV. Nota atribuída ao serviço.

Assinale a opção que contempla apenas variáveis categóricas.

- a) I e II.
- b) III e IV.



- c) I, II e III.
- d) II e III.
- e) I, II e IV.

Comentários:

As variáveis podem ser classificadas em:

a) variáveis quantitativas: são as características que podem ser medidas em uma escala quantitativa, isto é, numérica. Elas podem ser contínuas ou discretas:

- variáveis discretas: características mensuráveis que podem assumir apenas um número finito ou infinito contável de valores e, assim, somente fazem sentido valores inteiros. Geralmente são o resultado de contagens. Exemplos: número de membros de uma família, número de carros produzidos por dia.
- variáveis contínuas: características mensuráveis que assumem valores em uma escala contínua (na reta real), nesse caso, valores fracionários fazem sentido. Geralmente são medidas por meio de algum instrumento. Exemplos: peso e altura.

b) variáveis qualitativas (ou categóricas): são as características que não possuem valores quantitativos. Nesse caso, são definidas por várias categorias, ou seja, representam uma classificação dos indivíduos. Elas podem ser nominais ou ordinais:

- variáveis nominais: não existe uma ordenação entre as categorias. Exemplos: sexo, estado civil, cor dos olhos.
- variáveis ordinais: existe uma ordenação entre as categorias. Exemplos: grau de instrução (fundamental, médio, superior), nível de aprendizado (básico, intermediário, avançado), nível de queimadura (1º, 2º, 3º graus).

Com base nos conceitos apresentados, concluímos que:

- I. Idade. (Quantitativa)
- II. Sexo. (Categórica)
- III. Escolaridade. (Categórica)
- IV. Nota atribuída ao serviço. (Quantitativa)

Gabarito: D.



QUESTÕES COMENTADAS – INÉDITAS

Séries Estatísticas

1. (INÉDITA/2022) Acerca das séries estatísticas, considere as definições apresentadas a seguir

I. É a série cujos dados são dispostos segundo a época de ocorrência. Isto é, enquanto o tempo varia, o fato e o local permanecem constantes.

II. É a série cujos dados são dispostos segundo a modalidade de ocorrência. Isto é, enquanto o fato varia, a época e o local permanecem constantes.

III. É a série cujos dados são dispostos segundo a localidade de ocorrência. Isto é, enquanto o local varia, o fato e o tempo permanecem constantes.

Assinale a alternativa que relaciona corretamente a definição à série estatística respectiva:

- a) série temporal, série geográfica, série específica
- b) série específica, série temporal, série geográfica
- c) série temporal, série específica, série geográfica
- d) série geográfica, série específica, série temporal
- e) série específica, série geográfica, série temporal

Comentários:

Podemos verificar a presença de três elementos nas séries estatística: o tempo, o espaço e a espécie. Conforme os elementos variem, a série pode ser classificada em temporal (ou cronológica), geográfica (ou territorial) e específica. Vejamos:

- série temporal: é a série cujos dados são dispostos segundo a época de ocorrência. Isto é, enquanto o tempo varia, o fato e o local permanecem constantes.
- série geográfica: é a série cujos dados são dispostos segundo a localidade de ocorrência. Isto é, enquanto o local varia, o fato e o tempo permanecem constantes.
- série específica: é a série cujos dados são dispostos segundo a modalidade de ocorrência. Isto é, enquanto o fato varia, a época e o local permanecem constantes.

Gabarito: C.



QUESTÕES COMENTADAS – INÉDITAS

Distribuições de Frequência

1. (INÉDITA/2022) A tabela apresenta o número de acertos de 50 candidatos a uma vaga de emprego, em uma avaliação contendo 5 questões de múltipla escolha.

Número de Acertos	Número de Candidatos
0	6
1	12
2	14
3	8
4	7
5	3

Com base nas informações apresentadas na tabela, é correto afirmar que

- a) Exatamente 7 candidatos acertaram a questão de número 4.
- b) Mais da metade dos candidatos acertaram mais da metade das questões.
- c) 32 candidatos acertaram, no máximo, duas questões.
- d) Menos da metade dos candidatos acertaram menos da metade das questões.
- e) Exatamente 45 candidatos acertaram, pelo menos, uma questão.

Comentários:

Analisando as alternativas, temos:

- Letra A: o enunciado não fornece informações suficientes para que possamos afirmar que os 7 candidatos que acertaram 4 questões também acertaram a quarta questão.
- Letra B: os candidatos das três últimas linhas da tabela acertaram mais da metade das questões. São aqueles que acertaram 3, 4 ou 5 questões. Somando as quantias correspondentes ($8 + 7 + 3$), concluímos que 18 candidatos acertaram mais de metade das questões. Isso corresponde a menos de 50% do total de alunos. Logo, alternativa incorreta.



- Letra C: De fato, 6 candidatos erraram todas; 12 candidatos acertaram (exatamente) uma questão e 14 candidatos acertaram (exatamente) duas questões, formando um total de $6 + 12 + 14 = 32$. Portanto, alternativa correta.
- Letra D: os candidatos das três primeiras linhas da tabela acertaram menos da metade das questões. São aqueles que acertaram 0, 1 ou 2 questões. Somando as quantias correspondentes ($6 + 12 + 14$), concluímos que 32 candidatos acertaram menos da metade das questões. Isso corresponde a mais de 50% do total de alunos. Assim, a alternativa está incorreta.
- Letra E: dos 50 candidatos, só 6 erraram todas as questões da prova. Os outros $50 - 6 = 44$ acertaram pelo menos uma questão. Dessa forma, a alternativa está incorreta.

Gabarito: C.

2. (INÉDITA/2022) Considere as informações a seguir para construir uma distribuição de frequência sem intervalo de classe e responder a questão.

Um dado foi lançado 50 vezes e foram registrados os seguintes resultados:

4 6 6 5 4 5 4 5 5 4

6 6 2 5 6 2 1 4 3 1

2 5 6 6 3 2 5 6 6 1

5 5 5 1 5 5 6 5 5 4

5 5 2 5 2 4 4 5 3 6

A frequência absoluta simples do primeiro elemento é

- a) 4.
- b) 8.
- c) 6.
- d) 11.
- e) 18.

Comentários:

A frequência absoluta é o número de vezes em que uma determinada variável assume um valor, enquanto a frequência relativa é o quociente entre a frequência absoluta da classe correspondente e a soma das frequências (total observado).

Para os dados apresentados, temos que



Valor obtido no lançamento	Frequência absoluta
1	4
2	6
3	3
4	8
5	18
6	11
Total	50

Portanto, a frequência absoluta simples do primeiro elemento é igual a 4.

Gabarito: A.

3. (INÉDITA/2022) Considere as informações a seguir para construir uma distribuição de frequência sem intervalo de classe e responder a questão. Um dado foi lançado 50 vezes e foram registrados os seguintes resultados:

4 6 6 5 4 5 4 5 5 4

6 6 2 5 6 2 1 4 3 1

2 5 6 6 3 2 5 6 6 1

5 5 5 1 5 5 6 5 5 4

5 5 2 5 2 4 4 5 3 6

A frequência relativa simples do quinto elemento é

- a) 5%.
- b) 12%.
- c) 6%.
- d) 36%.
- e) 22%.

Comentários:



A frequência absoluta é o número de vezes em que uma determinada variável assume um valor, enquanto a frequência relativa é o quociente entre a frequência absoluta da classe correspondente e a soma das frequências (total observado).

Para os dados apresentados, temos que:

Valor obtido no lançamento	Frequência absoluta	Frequência relativa
1	4	$4/50 = 0,08 = 8\%$
2	6	$6/50 = 0,12 = 12\%$
3	3	$3/50 = 0,06 = 6\%$
4	8	$8/50 = 0,16 = 16\%$
5	18	$18/50 = 0,36 = 36\%$
6	11	$11/50 = 0,22 = 22\%$
Total	50	100%

Portanto, a frequência relativa simples do quinto elemento é igual a 36%.

Gabarito: D.

4. (INÉDITA/2022) A tabela apresenta o número de acertos dos 100 candidatos que realizaram a prova da segunda fase de um concurso, que continha 5 questões de múltipla escolha.

Número de acertos	Número de candidatos
5	65
4	15
3	8
2	7
1	3
0	2



Analisando-se as informações apresentadas na tabela, é correto afirmar que

- a) Mais da metade dos candidatos acertou menos de 50% da prova.
- b) Menos da metade dos candidatos acertou mais de 50% da prova.
- c) Exatamente 90 candidatos acertaram, no mínimo, 2 questões.
- d) 20 candidatos acertaram, no máximo, 3 questões.
- e) 15 candidatos acertaram a questão de número 4.

Comentários:

Analisando as alternativas, temos:

- Letra A: A prova tinha 5 questões. Metade da prova corresponde a 2,5 questões. Portanto, acertaram "menos da metade da prova" quem teve 0, 1 ou 2 acertos, o que perfaz um total de $2 + 3 + 7 = 12$. Portanto, temos que 12 pessoas acertaram menos da metade da prova. Logo, menos da metade dos candidatos (50) acertaram menos da metade da prova. Dessa forma, alternativa incorreta.
- Letra B: já temos a informação na letra A de que 12 pessoas acertaram menos da metade da prova. Logo, a quantidade de pessoas que acertaram mais da metade da prova é: $100 - 12 = 88$. Portanto, temos que 88 pessoas acertaram mais da metade da prova. Logo, mais da metade das pessoas (50) acertou mais de 50% da prova. Logo, alternativa incorreta.
- Letra C: já vimos na letra A que 12 candidatos acertaram 0, 1 ou 2 questões; portanto, acertaram no máximo duas questões. Já a quantidade dos que acertaram no mínimo duas questões é dada por: $100 - 2 - 3 = 95$. Assim, podemos afirmar que a alternativa está incorreta.
- Letra D: 12 candidatos que acertaram até duas questões (vide letra A). Somando com os 8 que acertaram exatamente 3 questões, temos $12 + 8 = 20$. Portanto, alternativa correta.
- Letra E: sabemos que 15 candidatos acertaram exatamente quatro questões, mas não temos como saber quantos acertaram a quarta questão da prova. Além disso, nas demais linhas da tabela, ou seja, nas linhas referentes às pessoas que acertaram 1 questão, 2 questões, 3 questões, ou 5 questões, é perfeitamente possível termos mais gente acertando a questão 04. Assim, alternativa incorreta.

Gabarito: D.

5. (INÉDITA/2022) Os salários de 50 funcionários de uma empresa estão distribuídos conforme a tabela a seguir:



Salários (em salários mínimos)	Funcionários
1	18
2	12
3	10
5	6
8	3
10	1

Pode-se concluir que

- a) o total da folha de pagamentos é de 115 salários.
- b) 60% dos trabalhadores ganham mais ou igual a 3 salários.
- c) 10% dos trabalhadores ganham 10 salários.
- d) 30% dos trabalhadores detêm mais de 50% da renda total.
- e) 60% dos trabalhadores detêm menos de 20% da renda total.

Comentários:

Alternativa A: Incorreta. O total da folha de pagamentos equivale 136 salários, conforme os cálculos a seguir:

Salários (X)	Funcionários (f)	$X \times f$
1	18	18
2	12	24
3	10	30



5	6	30
8	3	24
10	1	10
Total		136

Alternativa B: Incorreta. Os trabalhadores que ganham 3 salários ou mais são $10+6+3+1=20$ funcionários de um total de 50. Isso equivale a $20 \div 50 = 40\%$ do total.

Salários (X)	Funcionários (f)	Frequência Relativa
1	18	36%
2	12	24%
3	10	20%
5	6	12%
8	3	6%
10	1	2%
Total	50	100%

Alternativa C: Incorreta. Apenas 1 funcionário ganha dez salários, o que corresponde a $1 \div 50 = 2\%$.

Alternativa D: Correta. A renda total é de 136 salários, como já calculamos na letra A. Vamos agora determinar 50% disso:

$$0,5 \times 136 = 68 \text{ salários}$$

São 50 funcionários. Portanto, 30% deles correspondem a $0,3 \times 50 = 15$ funcionários. Os 15 funcionários que mais ganham são os das três últimas linhas da tabela. Eles têm salários de:

$$10 + 8 + 8 + 8 + 5 + 5 + 5 + 5 + 5 + 5 + 3 + 3 + 3 + 3 + 3 = 79$$

Vejam que esses 15 trabalhadores (30% dos trabalhadores) detêm mais de 30% da renda total (mais de 68 salários)



Alternativa E: Incorreta. A renda total é de 136 salários, como já vimos na letra A. Então, 20% disso corresponde a 27,2 salários. Como são 50 funcionários ao todo, 60% disso resultam em 30 funcionários. Eles têm salários de:

Salários (X)	Funcionários (f)
1	18
2	12
Total	30

Então, os funcionários ganham 30 salários, o que é maior que 20% da renda total, ou seja, maior que 27,2 salários.

Gabarito: D.

6. (INÉDITA/2022) A distribuição de frequências é um agrupamento de dados em classes, de tal forma que contabilizamos o número de ocorrências em cada classe. Com relação ao conceito de frequência, avalie as afirmações a seguir.

I - frequência absoluta é o número de observações correspondente a cada classe. A frequência absoluta é, geralmente, chamada apenas de frequência.

II - frequência relativa é o quociente entre a frequência absoluta da classe correspondente e a soma das frequências (total observado).

III - frequência acumulada é o total acumulado (soma) de todas as classes anteriores até a classe atual, podendo ser: frequência acumulada absoluta; frequência acumulada relativa ou frequência acumulada percentual.

Assinale a alternativa que contempla todas as assertivas corretas.

- a) I.
- b) II.
- c) II e III.
- d) I, II e III.
- e) I e III.

Comentários:

Com relação à definição de frequência, podemos citar:



- frequência absoluta (f_i): é o número de observações correspondente a cada classe. A frequência absoluta é, geralmente, chamada apenas de frequência.
- frequência relativa (f_{ri}): é o resultado obtido da divisão entre a frequência absoluta - o valor que é observado na população - e a quantidade de elementos da amostra.
- frequência acumulada: é o total acumulado (soma) de todas as classes anteriores até a classe atual, podendo ser: frequência acumulada absoluta (f_i), frequência acumulada relativa (f_{ri}) ou frequência acumulada percentual (p_i).

Portanto, todas as assertivas estão corretas.

Gabarito: D.

7. (INÉDITA/2022) A distribuição dos salários dos funcionários em uma empresa está representada pela tabela de frequências absolutas abaixo, considerando que todos os intervalos de classe são fechados à esquerda e abertos à direita.

Ordem da Classe	Classe de Salários (R\$ 1.000)		Frequências
	Limite Inferior	Limite Superior	
1ª	1	2	15
2ª	2	3	25
3ª	3	4	45
4ª	4	5	35
5ª	5	6	30

Se inexistem funcionários que ganham salários inferiores a R\$ 1.000,00 ou salários iguais ou superiores a R\$ 6.000,00, então a porcentagem de funcionários que ganham, pelo menos, R\$ 2.000,00 e menos que R\$ 4.000,00 é igual a

- a) 43,33%.
- b) 45,00%.
- c) 46,67%.
- d) 50,00%.
- e) 53,33%.



Comentários:

Inicialmente, precisamos calcular as frequências relativas de cada classe:

Ordem da Classe	Classe de Salários (R\$ 1.000)		Frequências	Frequências Relativas
	Limite Inferior	Limite Superior		
1ª	1	2	15	10,00%
2ª	2	3	25	16,67%
3ª	3	4	45	30,00%
4ª	4	5	35	23,33%
5ª	5	6	30	20,00%
TOTAL			150	

O percentual de pessoas que ganham, pelo menos, R\$ 2.000,00 e menos que R\$ 4.000,00 é igual a soma dos percentuais da 2ª e da 3ª classe:

$$16,67 + 30,00 = 46,67\%$$

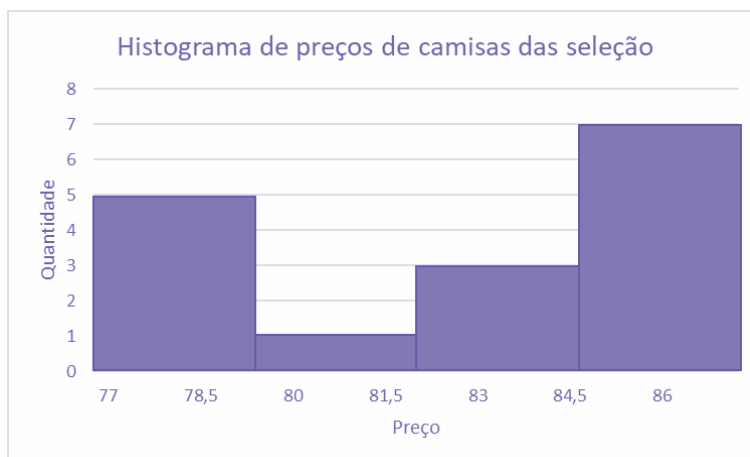
Gabarito: C.



QUESTÕES COMENTADAS – INÉDITAS

Representação Gráfica das Distribuições de Frequências

1. (INÉDITA/2022) O histograma a seguir mostra a quantidade de camisas da seleção brasileira, por faixas de preço, vendidas em determinada região.



Sabendo-se que o menor valor encontrado foi de R\$ 77,00; que o maior valor foi de R\$ 87,00; e que os valores foram divididos em 4 classes de mesma amplitude, marque o conjunto de dados consistente com o histograma:

- a) 77, 77, 77, 78, 79, 84, 84, 84, 85, 85, 85, 85, 86, 86, 86, 87;
- b) 77, 77, 77, 78, 79, 84, 84, 84, 85, 85, 86, 86, 87;
- c) 77, 77, 77, 78, 79, 81, 83, 84, 84, 85, 85, 85, 86, 86, 86, 87;
- d) 77, 77, 78, 79, 80, 84, 84, 84, 85, 85, 85, 85, 86, 86, 86, 87;
- e) 77, 77, 77, 78, 79, 81, 81, 84, 84, 85, 85, 85, 86, 86, 86, 87.

Comentários:

Calculando a amplitude de cada classe:

$$\frac{87-77}{4} = 2,50$$

De posse dessa informação, podemos formar as classes do histograma:

77 – 79,50

79,50 – 82,00

82,00 – 84,50



84,50 ┤ 87,00

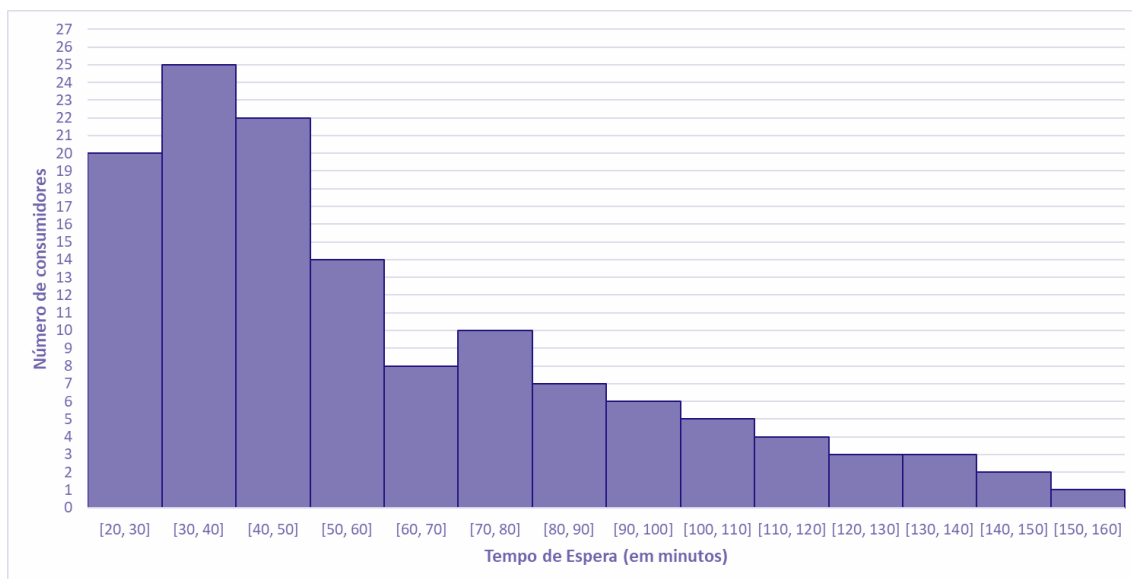
Agora, podemos acrescentar as frequências de cada classe:

Classes	Frequências
77 ┤ 79,50	5
79,50 ┤ 82,00	1
82,00 ┤ 84,50	3
84,50 ┤ 87,00	7

Analisando as alternativas, concluímos que a letra C está correta.

Gabarito: C.

2. (INÉDITA/2022) Os tempos de espera, em minutos, para o atendimento de 130 consumidores em uma central telefônica estão registrados no gráfico a seguir.



Com base no gráfico, afirmar que o tempo de espera de

- a) mais da metade dos consumidores foi superior a 1 hora.
- b) 37 consumidores foi entre 50 min e 80 min.
- c) 70% dos consumidores foi inferior a 1 hora.
- d) 10,0% dos consumidores foi entre 1 h 50 min e 2 h e 40 min.
- e) no mínimo 3 pessoas, foi superior a 2 h e 30 min.



Comentários:

Primeiro, podemos montar a tabela de frequências acumuladas para simplificar a análise das alternativas:

Classes	Frequência Absoluta	Frequência Absoluta Acumulada	Frequência Relativa	Frequência Relativa Acumulada
20 – 30	20	20	15,38%	15,38%
30 – 40	25	45	19,23%	34,62%
40 – 50	22	67	16,92%	51,54%
50 – 60	14	81	10,77%	62,31%
60 – 70	8	89	6,15%	68,46%
70 – 80	10	99	7,69%	76,15%
80 – 90	7	106	5,38%	81,54%
90 – 100	6	112	4,62%	86,15%
100 – 110	5	117	3,85%	90,00%
110 – 120	4	121	3,08%	93,08%
120 – 130	3	124	2,31%	95,38%
130 – 140	3	127	2,31%	97,69%
140 – 150	2	129	1,54%	99,23%
150 – 160	1	130	0,77%	100,00%
Total	130	130	100%	100%

Agora, analisando as alternativas, podemos afirmar que:



Alternativa A: Incorreta. O tempo de espera foi inferior a 50 minutos para mais da metade (51,54%) das pessoas.

Alternativa B: Incorreta. O tempo de espera foi entre 50 min e 80 min para $14 + 8 + 10 = 32$ pessoas.

Alternativa C: Incorreta. O tempo de espera foi inferior a 1h para 62,31% das pessoas.

Alternativa D: Correta. Para 10,0% dos consumidores, o tempo de espera foi entre 1h e 50 min e 2h e 40min. Somando as frequências relativas referentes às classes $110 \text{ h } 120$, $120 \text{ h } 130$, $130 \text{ h } 140$, $140 \text{ h } 150$ e $150 \text{ h } 160$, temos:

$$3,08\% + 2,31\% + 2,31\% + 1,54\% + 0,77\% = 10,0\%$$

Alternativa E: Incorreta. O tempo de espera foi superior a 2h e 30 min para apenas uma pessoa.

Gabarito: B.

3. (INÉDITA/2022) Após a coleta de dados, uma das formas de se iniciar a análise dos dados é por meio da geração e a avaliação de um histograma para uma variável selecionada. Em estudos climatológicos, por exemplo, o histograma pode ser utilizado para se estudar a precipitação mensal das chuvas de uma determinada região. Nesse contexto, o histograma é um gráfico em que são apresentadas as

- a) as frequências da variável selecionada em intervalos de valores.
- b) as somas dos quadrados médios de cada valor da variável selecionada.
- c) as médias históricas da variável selecionada nos últimos sete dias
- d) as variações da variável selecionada ao longo do tempo
- e) as últimas doze médias móveis da variável selecionada.

Comentários:

O histograma é um gráfico destinado a representar dados agrupados em classe, sendo composto por um conjunto de retângulos contíguos (justapostos) cujas bases ficam localizadas sobre o eixo horizontal (eixo x), de forma que os seus pontos médios devem coincidir com os pontos médios dos intervalos de classe e seus limites devem coincidir com os limites de cada classe. A quantidade de retângulos em um histograma é equivalente ao número de classes. A largura de cada retângulo é equivalente à amplitude do intervalo de classe, enquanto a altura deve ser proporcional à frequência da classe.

Logo, podemos estabelecer que o histograma é um gráfico em que são apresentadas as frequências de uma variável X em intervalos de valores.

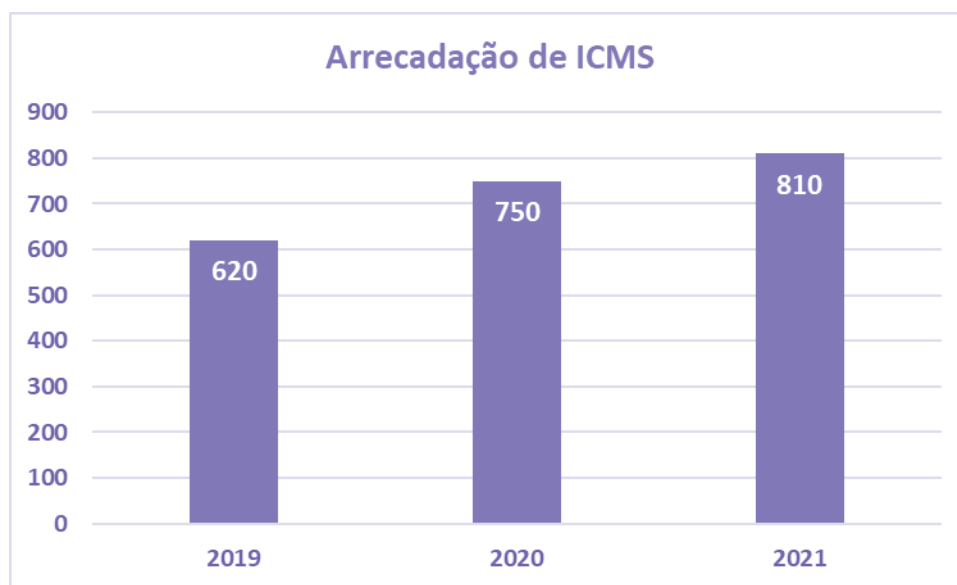
Gabarito: A.



QUESTÕES COMENTADAS – INÉDITAS

Outros Gráficos e Representações

1. (INÉDITA) O gráfico a seguir apresenta informações sobre a arrecadação de ICMS de determinado Estado brasileiro.



Com base nas informações do gráfico, avalie as afirmações a seguir.

- I. De 2019 a 2021, a arrecadação de ICMS desse Estado aumentou.
- II. De 2020 para 2021, houve um aumento de mais de 10% na arrecadação de ICMS desse Estado.
- III. É crescente a variação da arrecadação de ICMS desse Estado, de 2019 para 2020 e de 2020 para 2021.

Está correto o contido em

- a) apenas I.
- b) apenas I e II.
- c) apenas I e III.
- d) apenas II e III.
- e) I, II e III.

Comentários:

Analisando as assertivas:



Item I. Correto. De 2019 a 2021, a arrecadação de ICMS desse Estado aumentou. De acordo com o gráfico, a cada ano que passa, a arrecadação de ICMS é maior.

Item II. Incorreto. Em 2021, houve uma arrecadação de R\$ 810 milhões e, em 2020, a arrecadação foi de R\$ 750 milhões. Assim, o aumento da arrecadação foi de: $810 - 750 = \text{R\$ } 60$ milhões. Como 10% de 750 é $0,10 \times 750 = 75$ milhões, o aumento da arrecadação foi menor que 10%.

Item III. Correto. De 2019 para 2020, a variação foi de $750 - 620 = 130$ milhões. E, de 2020 para 2021, a variação foi de $810 - 750 = \text{R\$ } 60$ milhões. Logo, a variação da arrecadação é crescente.

Gabarito: C.

2. (INÉDITA) Durante uma pesquisa de campo, algumas variáveis se destacam.

(i) número de indivíduos por faixa de massa corporal;

(ii) percentuais do nível de escolaridade; e

(iii) número de indivíduos por região.

Portanto, os tipos de gráficos considerados adequados a serem empregados em cada caso são, respectivamente:

- a) cartograma, linha e setores;
- b) setores, cartograma e barras;
- c) histograma, setores e linha;
- d) histograma, setores e cartograma;
- e) pictograma, setores e linha.

Comentários:

Analisando as assertivas:

Item I. O histograma é o gráfico mais indicado para representação do número de indivíduos por faixa de massa corporal.

Item II. O gráfico de setor é recomendado para representação de percentuais de variáveis categóricas, como no caso do nível de escolaridade.

Item III. Para representação do nível de renda por região, podemos utilizar um cartograma, que consiste em representar um território indicando de maneira proporcional os valores de uma determinada variável.



Gabarito: D.

3. (INÉDITA) A respeito de gráficos estatísticos, avalie as afirmações a seguir.

I. Em um gráfico de colunas, as alturas de cada retângulo são proporcionais aos dados.

II. Um gráfico de barras apresenta a frequência absoluta (ou relativa) cumulativa.

III. Em um gráfico de linhas, os dados de categorias são distribuídos uniformemente ao longo do eixo vertical, e todos os valores são distribuídos igualmente ao longo do eixo horizontal.

Assinale a alternativa que contempla todas as assertivas corretas.

- a) I
- b) I e II
- c) II e III
- d) I, II e III
- e) I e III

Comentários:

Analisando as assertivas:

Item I. Correto. Em um gráfico de colunas, as alturas de cada retângulo são proporcionais aos dados.

Item II. Incorreto. Não necessariamente precisa ser a frequência acumulada. O gráfico de barras também pode ser construído com base na frequência absoluta simples.

Item III. Incorreto. Normalmente, em um gráfico de linhas, as categorias estão distribuídas ao longo do eixo horizontal e os dados estão distribuídos proporcionalmente aos seus valores ao longo do eixo vertical.

Gabarito: A.

4. (INÉDITA) A respeito das representações gráficas, avalie as afirmações a seguir.

I. Os gráficos de setores apresentam os dados em um círculo, no qual cada setor indica a frequência acumulada de um item observado.

II. Os gráficos de barras verticais apresentam os dados por meio de colunas retangulares em que a altura de cada coluna corresponde à frequência (absoluta ou relativa) dos itens observados.



III. Os pictogramas exibem os dados por meio de símbolos que possuem o mesmo tamanho e valor.

Assinale a alternativa que contempla apenas as assertivas corretas.

- a) I.
- b) I e II.
- c) II e III.
- d) I, II e III.
- e) I e III.

Comentários:

Analisando-se cada item, temos que:

Item I: Incorreto. O gráfico de setores é um diagrama circular no qual os valores de cada categoria representada são proporcionais às respectivas **frequências simples**, podendo vir acompanhado de porcentagens. Normalmente é utilizado para dados qualitativos nominais.

Item II: Correto. Um gráfico de barras resume um conjunto de dados categóricos utilizando um número de barras de mesma largura, cada uma delas representando uma categoria particular. A altura de cada barra é proporcional a uma frequência específica, seja ela absoluta ou relativa.

Item III: Correto. Os pictogramas são gráficos que utilizam imagens para chamar atenção, podendo ser representado por gráficos de barras, colunas, linhas e circulares. As imagens devem possuir o mesmo tamanho, mas podem aparecer fracionadas para mostrar a respectiva fração de uma determinada quantidade.

Gabarito: C.

5. (INÉDITA) Acerca das representações gráficas, considere:

- I. O gráfico de setores não é adequado para representar variáveis categóricas.
- II. O gráfico de barras não é adequado para representar variáveis quantitativas contínuas.
- III. Histograma é um gráfico que apresenta a distribuição de frequências de uma variável por meio de retângulos justapostos, sendo a área de cada retângulo proporcional à frequência observada da classe correspondente.

Está correto o que consta apenas em:



- a) I.
- b) III.
- c) I e II.
- d) I e III.
- e) II e III.

Comentários:

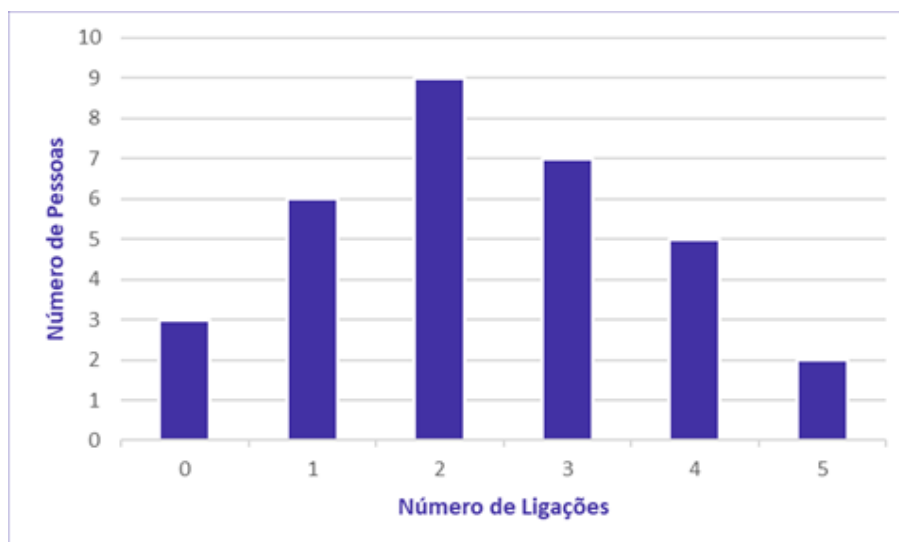
Item I - Incorreto. O gráfico de setores é indicado para representar variáveis categóricas. Nesse caso, cada fatia da "pizza", ou setor, é utilizado para representar uma categoria da variável.

Item II - Correto. Como cada barra tem que ser associada a um único valor, não temos como representar variáveis contínuas.

Item III - Correto. A assertiva apresentou a exata definição de um histograma.

Gabarito: E.

6. (INÉDITA) Em uma empresa foi realizada uma auditoria para descobrir com que frequência os funcionários atendiam ligações pessoais no horário de trabalho de um único dia. O resultado está representado no gráfico a seguir.



O número de pessoas que trabalham nessa empresa é

- a) 29.
- b) 30.



- c) 31.
- d) 32.
- e) 33.

Comentários:

Ao analisarmos o gráfico, percebemos a existência de um eixo horizontal, que nos mostra o número de ligações atendidas no período; e um eixo vertical, que nos apresenta o número de pessoas. Assim, podemos montar uma tabela atribuindo os valores do gráfico:

Nº de ligações	Nº de pessoas
0	3
1	6
2	9
3	7
4	5
5	2

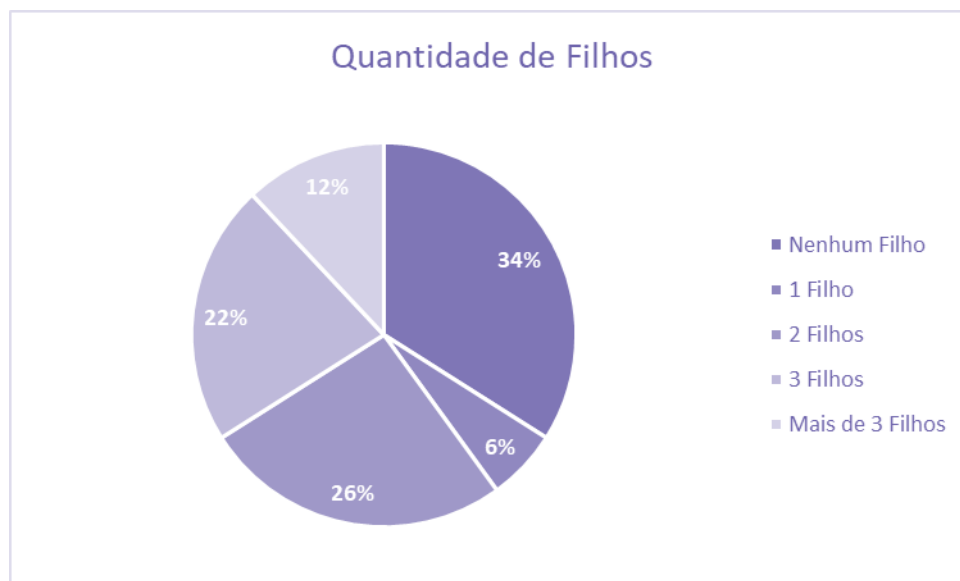
Logo, somando todos os valores que representam o número de pessoas, temos:

$$3 + 6 + 9 + 7 + 5 + 2 = 32 \text{ pessoas}$$

Gabarito: D.

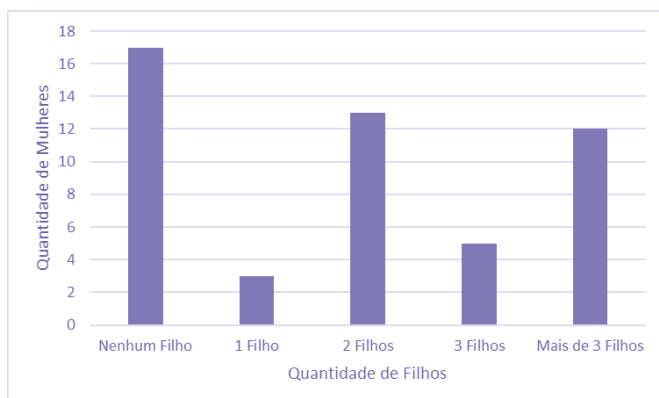
7. (INÉDITA) O gráfico de setor apresentado a seguir fornece os resultados de uma pesquisa realizada com 50 mulheres acerca da quantidade de filhos.



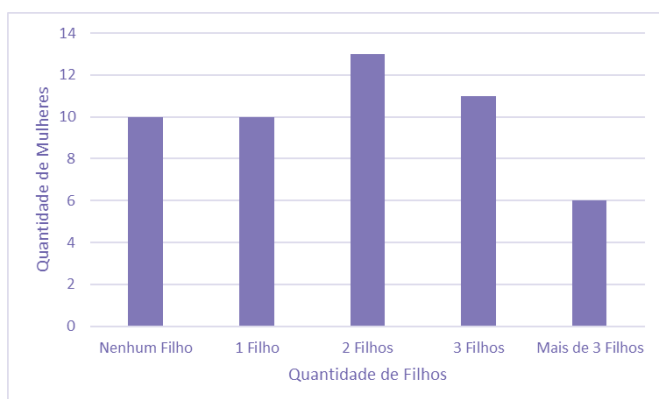


Assinale o gráfico de colunas que representa os dados apresentados acima.

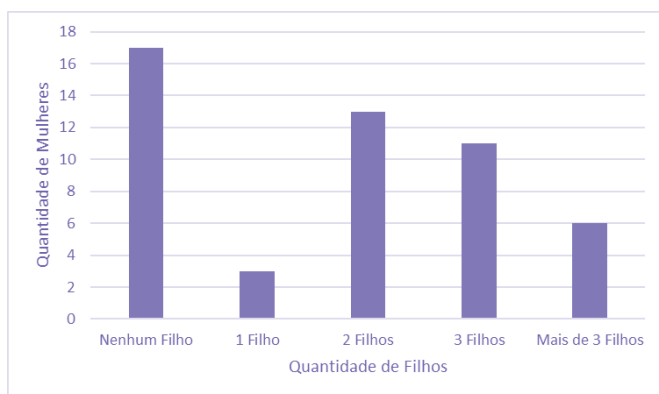
a)



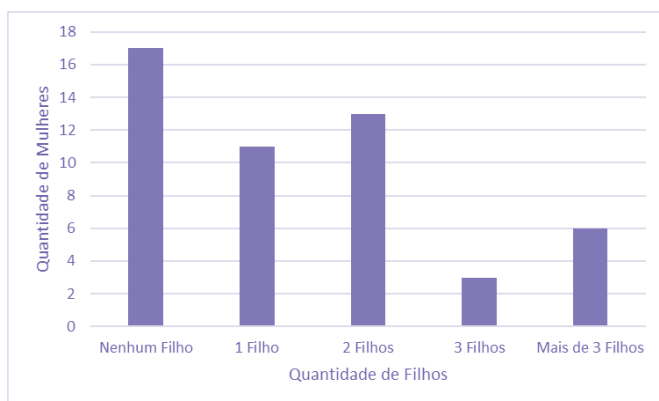
b)



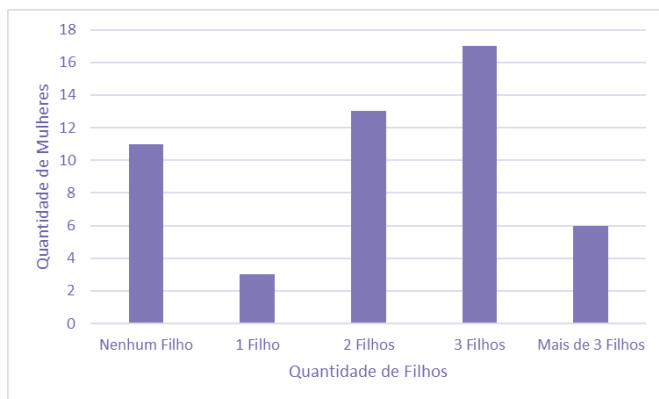
c)



d)



e)



Comentários:

Segundo o enunciado, a pesquisa foi realizada com um total de 50 mulheres. Interpretando as informações do gráfico, temos:

- nenhum filho = 34%. Logo, 34% de 50 mulheres correspondem a: $0,34 \times 50 = 17$ *mulheres*;
- um filho = 6%. Logo, 6% de 50 mulheres correspondem a: $0,06 \times 50 = 3$ *mulheres*.



- três filhos = 22%. Logo, 22% de 50 mulheres correspondem a: $0,22 \times 50 = 11$ *mulheres*.

Olhando para as alternativas, percebemos que não se faz necessário calcular todas as colunas do gráfico. Portanto, ficamos entre as alternativas a) ou c), cujas primeiras colunas demonstram que 17 mulheres não tiveram nenhum filho.

Passamos para a terceira informação calculada, em que 11 mulheres tiveram 3 filhos. Com isso eliminamos a letra a) e temos nosso gabarito, letra c).

Gabarito: C.

8. (INÉDITA) Dentre os tipos de representações gráficas a seguir, o único que não pode ser utilizado para representar uma variável categórica é:

- a) histograma.
- b) diagrama de barras justapostas.
- c) diagrama de colunas.
- d) diagrama de setores.
- e) diagrama de colunas empilhadas.

Comentários:

Variáveis qualitativas (ou categóricas) são as características que não possuem valores quantitativos. Nesse caso, são definidas por várias categorias, ou seja, representam uma classificação dos indivíduos. Os gráficos normalmente utilizados para representação desse tipo de variável são: gráfico de barras, gráfico de colunas e gráfico de setores. Por sua vez, o histograma é indicado para variáveis quantitativas, sendo a nossa resposta.

Gabarito: A.



LISTA DE QUESTÕES – FCC

Conceitos Iniciais

1. (FCC/DPE-SP/2010) Sobre estatística aplicada, é correto o que se afirma em:

- a) Parâmetros são medidas características de grupos, determinadas por meio de uma amostra aleatória.
- b) A estatística descritiva é a técnica pela qual são coletados dados de uma amostra, a partir dos quais são tomadas decisões sobre uma determinada população.
- c) A caracterização de uma população se dá por meio da observação de todos os seus componentes que a integram.
- d) A estatística inferencial compreende um conjunto de técnicas destinadas à síntese de dados numéricos.
- e) Censo é o processo utilizado para se medir as características de todos os membros de uma dada população.



GABARITO – FCC

Conceitos Iniciais

1. LETRA E



LISTA DE QUESTÕES – FCC

Distribuições de Frequência

1. (FCC/TRT 14ª Região/2018) De um histograma e uma tabela de frequências absolutas, elaborados para analisar a distribuição dos salários dos empregados em uma empresa, obtém-se a informação que 24 empregados ganham salários com valores pertencentes ao intervalo (2.000; 4.000], em reais, que apresenta uma densidade de frequência de $0,75 \times 10^{-4} (R\$)^{-1}$

Densidade de frequência de um intervalo é o resultado da divisão da respectiva frequência relativa pela amplitude deste intervalo. Em um intervalo do histograma que está sendo analisado, com uma amplitude de R\$ 3.000,00 e uma densidade de frequência de $1 \times 10^{-4} (R\$)^{-1}$, tem-se que o correspondente número de empregados é igual a

- a) 40.
- b) 36.
- c) 30.
- d) 48.
- e) 42.

2. (FCC/ARTESP/2017) Foi solicitado para uma empresa de transportes que fizesse um levantamento da idade da frota dos seus caminhões que operavam em um trecho de rodovia com tráfego intenso. O gerente da empresa entregou a seguinte tabela:

Caminhão	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
Idade (anos)	15	20	5	2	3	3	17	23	16	8	6	9	14
Caminhão	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	
Idade (anos)	10	10	6	8	2	4	18	5	9	11	26	14	

De posse deste levantamento, a analista de operações da autarquia solicitante organizou uma distribuição de frequência para organizar melhor os dados para serem analisados. Sendo assim, em um primeiro momento, fez-se necessário encontrar o número de intervalos (K) e a classe (C), que são expressos, respectivamente, por

- a) 5 e 4,80.
- b) 5 e 5,20.



- c) 6 e 4,80.
- d) 6 e 5,20.
- e) 4 e 5.

3. (FCC/TRT 20ª Região/2016) Um gráfico corresponde a um histograma apresentando a distribuição dos salários dos funcionários lotados em um determinado órgão público. No eixo das abscissas constam os intervalos de classe (fechados à esquerda e abertos à direita) dos salários em R\$ e no eixo das ordenadas as respectivas densidades de frequências em $(R\$)^{-1}$. Densidade de frequência de um intervalo é definida como sendo o resultado da divisão da respectiva frequência relativa pela correspondente amplitude do intervalo. Se 135 funcionários ganham salários com valores pertencentes ao intervalo [3.000, 6.000) com uma densidade de frequência de $1 \times 10^{-4} (R\$)^{-1}$, então o número de funcionários que ganham salários com valores pertencentes ao intervalo [6.000, 8.000) com uma densidade de frequência de $2 \times 10^{-4} (R\$)^{-1}$ é igual a:

- a) 300
- b) 180
- c) 270
- d) 150
- e) 90

4. (FCC/TRT 3ª Região/2015) Em um histograma representando os preços unitários de microcomputadores em estoque, observa-se que no eixo das abscissas constam os intervalos de classe em R\$ e no eixo das ordenadas as respectivas densidades de frequências em $(R\$)^{-1}$. Densidade de frequência de um intervalo de classe é o resultado da divisão da respectiva frequência relativa pela correspondente amplitude do intervalo. Um determinado intervalo de classe com amplitude igual a R\$ 2.500,00 apresenta uma densidade de frequência, em $(R\$)^{-1}$, igual a $12,8 \times 10^{-5}$. Se o número de microcomputadores deste intervalo é igual a 48, então o número total de microcomputadores em estoque é igual a

- a) 150.
- b) 120.
- c) 240.
- d) 160.
- e) 96.

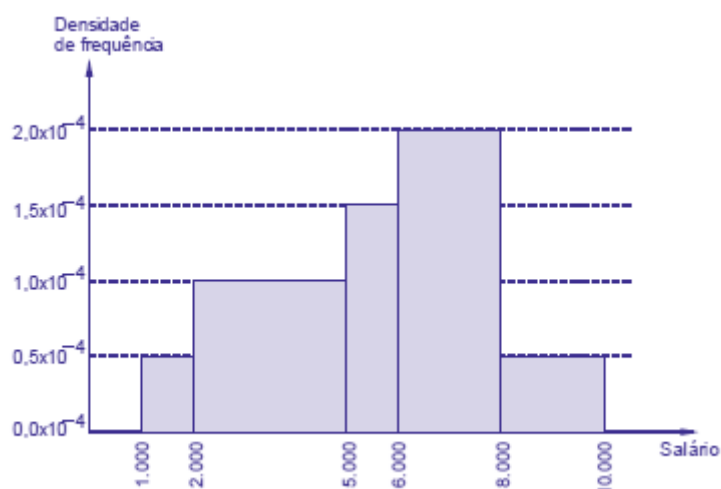
5. (FCC/TRT 16ª Região/2014) A distribuição das medidas dos comprimentos, em cm, de uma determinada peça em estoque de uma fábrica está representada em um histograma com todos os intervalos de classe fechados à esquerda e abertos à direita. No eixo horizontal constam os intervalos de classe e no eixo



vertical as respectivas densidades de frequências, em cm^{-1} . Define-se densidade de frequência de um intervalo de classe como sendo o resultado da divisão da respectiva frequência relativa pela correspondente amplitude deste intervalo. Verifica-se com relação ao histograma, que o intervalo de classe $[2, 6)$, em cm, apresenta uma densidade de frequência igual a $0,028 \text{ cm}^{-1}$. Dado que o número de peças em estoque com medidas iguais ou superiores a 2 cm e inferiores a 6 cm é igual a 84, obtém-se que o número total destas peças em estoque é

- a) 750.
- b) 400.
- c) 500.
- d) 250.
- e) 1.000.

6. (FCC/TRT 13ª Região/2014) O histograma, abaixo, refere-se à distribuição dos salários dos funcionários lotados em um setor de um órgão público. No eixo das abscissas constam os intervalos de classe em R\$ (todos fechados à esquerda e abertos à direita) e no eixo das ordenadas as respectivas densidades de frequências em $(\text{R\$})^{-1}$. Define-se densidade de frequência de um intervalo como sendo o resultado da divisão da respectiva frequência relativa pela correspondente amplitude do intervalo.



Se o número de funcionários que tem um salário inferior a R\$ 5.000,00 é igual a 56, então verifica-se que o número de funcionários que tem um salário igual ou superior a R\$ 2.000,00 e inferior a R\$ 8.000,00 é igual a

- a) 104.
- b) 152.
- c) 136.
- d) 144.
- e) 120.



7. (FCC/TRT 6ª Região/2012) A distribuição dos 500 preços unitários de um equipamento é representada por um histograma em que no eixo das abscissas constam os intervalos de classe e no eixo das ordenadas estão assinaladas as respectivas densidades de frequências, em (R\$)⁻¹. Define-se densidade de frequência de um intervalo de classe como sendo o resultado da divisão da respectiva frequência relativa pela correspondente amplitude do intervalo. Um intervalo de classe no histograma apresenta uma amplitude de R\$ 2,50 com uma densidade de frequência igual a 0,096. A quantidade de preços unitários referente a este intervalo é

- a) 96.
- b) 120.
- c) 144.
- d) 150.
- e) 192.

8. (FCC/TRT 6ª Região/2012) A função de distribuição empírica abaixo, $F_{200}(x)$, refere-se a uma pesquisa realizada em 200 residências, escolhidas aleatoriamente, em que x é o número verificado de pessoas que trabalham em cada residência.

$$F_{200}(x) = \begin{cases} 0,00 & \text{se } x < 0 \\ 0,10 & \text{se } 0 \leq x < 1 \\ 0,40 & \text{se } 1 \leq x < 2 \\ 0,65 & \text{se } 2 \leq x < 3 \\ 0,85 & \text{se } 3 \leq x < 4 \\ 0,95 & \text{se } 4 \leq x < 5 \\ 1,00 & \text{se } x \geq 5 \end{cases}$$

O número de residências desta pesquisa em que se verificou possuir pelo menos uma pessoa que trabalha e menos que 4 é

- a) 150.
- b) 160.
- c) 170.
- d) 180.
- e) 190.

9. (FCC/TRT 1ª Região/2011) Um histograma representa a distribuição dos preços unitários de venda de um determinado equipamento no mercado. No eixo das ordenadas estão assinaladas as respectivas



densidades de frequência para cada intervalo em $(R\$)^{-1}$. Define-se densidade de frequência de um intervalo de classe como sendo o quociente da divisão da respectiva frequência relativa pela correspondente amplitude do intervalo. Um intervalo de classe do histograma corresponde aos preços unitários maiores ou iguais a R\$ 32,00 e inferiores a R\$ 44,50 com uma densidade de frequência igual a $1,6 \times 10^{-2} (R\$)^{-1}$. Se todos os intervalos de classe do histograma têm a mesma frequência relativa, então um intervalo de classe com densidade de frequência igual a $5,0 \times 10^{-3} (R\$)^{-1}$ apresenta uma amplitude de

- a) R\$ 64,00.
- b) R\$ 48,00.
- c) R\$ 40,00.
- d) R\$ 32,00.
- e) R\$ 24,00.



GABARITO – FCC

Distribuições de Frequência

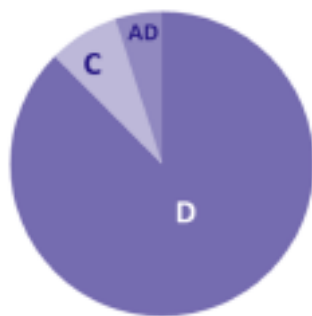
- | | | |
|------------|------------|------------|
| 1. LETRA D | 4. LETRA A | 7. LETRA B |
| 2. LETRA A | 5. LETRA A | 8. LETRA A |
| 3. LETRA B | 6. LETRA C | 9. LETRA C |



LISTA DE QUESTÕES – FCC

Outros Gráficos e Representações

1. (FCC/Pref. Macapá/2018) Para fazer um gráfico de setores que representasse o número de alunos canhotos, destros e ambidestros na sala de aula, Renato coletou os dados indicados na tabela abaixo.



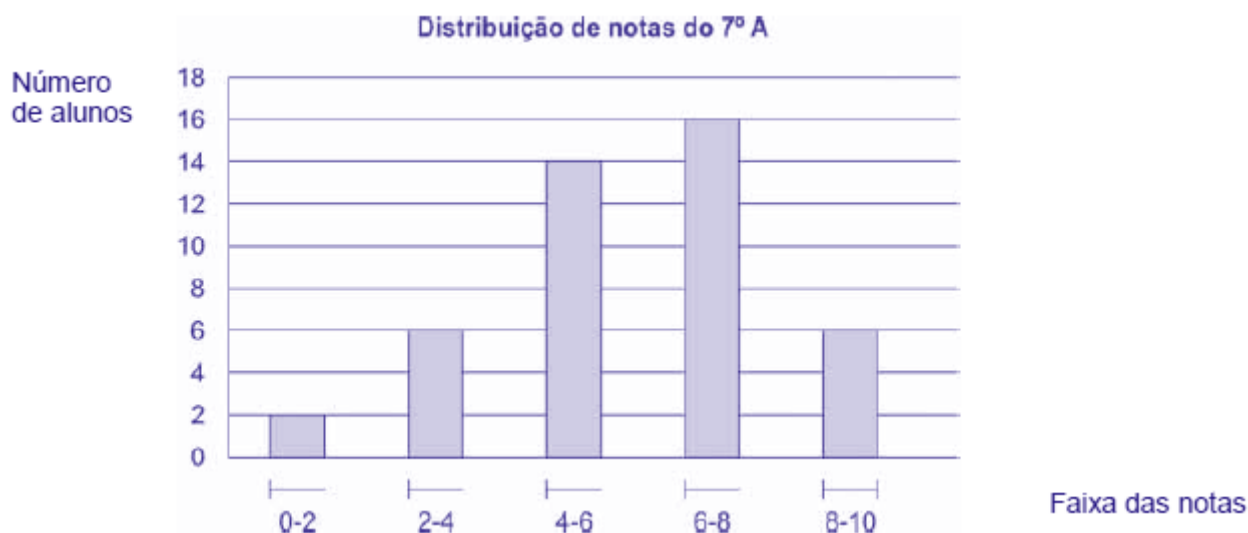
	Nº DE ALUNOS DA SALA DE AULA
Destros (D)	35
Canhotos (C)	3
Ambidestros (AD)	2

Sabendo-se que um círculo pode ser dividido em 360° , quantos graus tem o setor circular correspondente aos canhotos no gráfico correto feito por Renato?

- a) 18° .
- b) 25° .
- c) $7,5^\circ$.
- d) 24° .
- e) 27° .

2. (FCC/SEDU-ES/2018) Depois da aplicação de uma prova para todos os alunos do 7º A, a professora Marli fez um histograma com a distribuição das notas, conforme indicado abaixo.

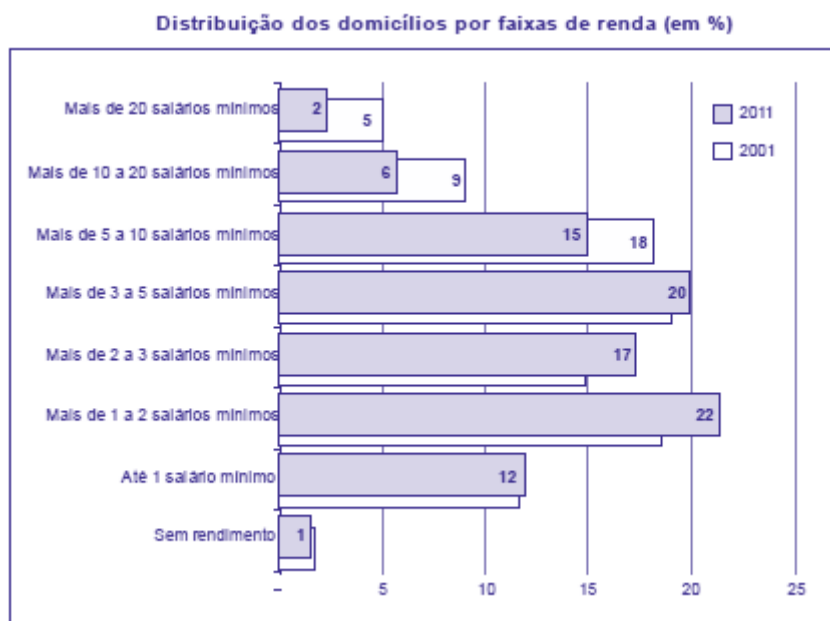




Se a média de notas da sala foi igual a seis, a porcentagem dos alunos que tiraram nota maior ou igual a média da sala nessa prova foi de

- a) 54%.
- b) 50%.
- c) 56%.
- d) 60%.
- e) 52%.

3. (FCC/ALE-PE/2014) Analise o gráfico e as afirmativas abaixo.



(<http://blogs.estadao.com.br/vox-publica/tag/psdb/>. Acessado em: 20/02/2013)



I. O crescimento da faixa de renda de “até 1 salário mínimo” pode ser reflexo dos programas de transferência de renda governamentais, os quais garantem um rendimento mínimo às pessoas carentes.

II. O crescimento da faixa de renda de “até 1 salário mínimo” é fruto do emprego formal gerado no país dentro do período da pesquisa, pois, os beneficiários dos programas de transferência de renda governamentais entram na categoria sem rendimento.

III. No gráfico, percebe-se uma diminuição da concentração de renda no país. Isso fica evidente quando analisamos, por exemplo, a faixa de renda “mais de 5 a 10 salários mínimos”.

IV. No gráfico, a faixa “mais de 1 a 2 salários mínimos” é a que apresenta a maior diferença em pontos percentuais entre os dados de 2001 e 2011.

Está correto o que se afirma APENAS em

- a) I e II.
- b) II e III.
- c) III e IV.
- d) I e III.
- e) II e IV.



GABARITO – FCC

Outros Gráficos e Representações

1. LETRA E

2. LETRA B

3. LETRA D



LISTA DE QUESTÕES – INÉDITAS

Introdução à Estatística

1. (INÉDITA/2022) O ramo da estatística que tem as atribuições de obter, organizar, reduzir e representar os dados estatísticos, bem como de obter informações que auxiliem na descrição de um fenômeno observado é denominada de:

- a) Estatística Indutiva.
- b) Estatística Inferencial.
- c) Estatística Populacional.
- d) Estatística Probabilística.
- e) Estatística Descritiva.



GABARITO – INÉDITAS

Introdução à Estatística

1. LETRA E



LISTA DE QUESTÕES – INÉDITAS

Conceitos Iniciais

1. (INÉDITA/2022) Um funcionário decidiu extrair um subconjunto dos dados da empresa em que trabalhava, para analisar o comportamento dos produtos oferecidos por ela. Esse subconjunto é conhecido como

- a) censo
- b) variável
- c) amostra
- d) população
- e) parâmetro

2. (INÉDITA/2022) A coleção de unidades observacionais, que podem ser pessoas, objetos ou resultados experimentais, com uma ou mais características em comum, é denominada, para a estatística, de

- a) amostra.
- b) população.
- c) unidades.
- d) censo.
- e) variáveis.



GABARITO – INÉDITAS

Conceitos Iniciais

1. LETRA C

2. LETRA B



LISTA DE QUESTÕES – INÉDITAS

Variáveis Estatísticas

1. (INÉDITA/2022) As variáveis podem ser classificadas como quantitativas ou qualitativas.

- I. As quantitativas referem-se às variáveis ordinal ou discreta;
- II. As qualitativas referem-se às variáveis nominal ou contínua;
- III. As quantitativas referem-se às variáveis contínua ou discreta;

Assinale a alternativa que contempla apenas as assertivas corretas.

- a) I.
- b) II.
- c) I e II.
- d) III.
- e) II e III.

2. (INÉDITA/2022) Um município realizou uma pesquisa exclusivamente com variáveis do tipo qualitativa, sobre a satisfação dos usuários quanto aos serviços públicos disponibilizados. As escalas de mensuração que podem ser empregadas na pesquisa são:

- a) nominais e ordinais
- b) nominais e intervalares
- c) ordinais e razão
- d) intervalares e razão
- e) ordinais e intervalares

3. (INÉDITA/2022) Uma empresa realizou uma pesquisa de satisfação para traçar os perfis de seus clientes e o grau de satisfação com os serviços prestados por ela. Em um formulário, ela solicitou os dados a seguir.

- I. Idade.
- II. Sexo.
- III. Escolaridade.
- IV. Nota atribuída ao serviço.

Assinale a opção que contempla apenas variáveis categóricas.



- a) I e II.
- b) III e IV.
- c) I, II e III.
- d) II e III.
- e) I, II e IV.



GABARITO – INÉDITAS

Variáveis Estatísticas

1. LETRA D

2. LETRA A

3. LETRA D



LISTA DE QUESTÕES – INÉDITAS

Séries Estatísticas

1. (INÉDITA/2022) Acerca das séries estatísticas, considere as definições apresentadas a seguir
- I. É a série cujos dados são dispostos segundo a época de ocorrência. Isto é, enquanto o tempo varia, o fato e o local permanecem constantes.
- II. É a série cujos dados são dispostos segundo a modalidade de ocorrência. Isto é, enquanto o fato varia, a época e o local permanecem constantes.
- III. É a série cujos dados são dispostos segundo a localidade de ocorrência. Isto é, enquanto o local varia, o fato e o tempo permanecem constantes.
- Assinale a alternativa que relaciona corretamente a definição à série estatística respectiva:
- a) série temporal, série geográfica, série específica
 - b) série específica, série temporal, série geográfica
 - c) série temporal, série específica, série geográfica
 - d) série geográfica, série específica, série temporal
 - e) série específica, série geográfica, série temporal



GABARITO – INÉDITAS

Séries Estatísticas

1. LETRA C



LISTA DE QUESTÕES – INÉDITAS

Distribuições de Frequência

1. (INÉDITA/2022) A tabela apresenta o número de acertos de 50 candidatos a uma vaga de emprego, em uma avaliação contendo 5 questões de múltipla escolha.

Número de Acertos	Número de Candidatos
0	6
1	12
2	14
3	8
4	7
5	3

Com base nas informações apresentadas na tabela, é correto afirmar que

- a) Exatamente 7 candidatos acertaram a questão de número 4.
- b) Mais da metade dos candidatos acertaram mais da metade das questões.
- c) 32 candidatos acertaram, no máximo, duas questões.
- d) Menos da metade dos candidatos acertaram menos da metade das questões.
- e) Exatamente 45 candidatos acertaram, pelo menos, uma questão.

2. (INÉDITA/2022) Considere as informações a seguir para construir uma distribuição de frequência sem intervalo de classe e responder a questão.

Um dado foi lançado 50 vezes e foram registrados os seguintes resultados:

4 6 6 5 4 5 4 5 5 4
6 6 2 5 6 2 1 4 3 1
2 5 6 6 3 2 5 6 6 1
5 5 5 1 5 5 6 5 5 4
5 5 2 5 2 4 4 5 3 6



A frequência absoluta simples do primeiro elemento é

- a) 4.
- b) 8.
- c) 6.
- d) 11.
- e) 18.

3. (INÉDITA/2022) Considere as informações a seguir para construir uma distribuição de frequência sem intervalo de classe e responder a questão. Um dado foi lançado 50 vezes e foram registrados os seguintes resultados:

4 6 6 5 4 5 4 5 5 4
6 6 2 5 6 2 1 4 3 1
2 5 6 6 3 2 5 6 6 1
5 5 5 1 5 5 6 5 5 4
5 5 2 5 2 4 4 5 3 6

A frequência relativa simples do quinto elemento é

- a) 5%.
- b) 12%.
- c) 6%.
- d) 36%.
- e) 22%.

4. (INÉDITA/2022) A tabela apresenta o número de acertos dos 100 candidatos que realizaram a prova da segunda fase de um concurso, que continha 5 questões de múltipla escolha.

Número de acertos	Número de candidatos
5	65
4	15
3	8



2	7
1	3
0	2

Analisando-se as informações apresentadas na tabela, é correto afirmar que

- a) Mais da metade dos candidatos acertou menos de 50% da prova.
- b) Menos da metade dos candidatos acertou mais de 50% da prova.
- c) Exatamente 90 candidatos acertaram, no mínimo, 2 questões.
- d) 20 candidatos acertaram, no máximo, 3 questões.
- e) 15 candidatos acertaram a questão de número 4.

5. (INÉDITA/2022) Os salários de 50 funcionários de uma empresa estão distribuídos conforme a tabela a seguir:

Salários (em salários mínimos)	Funcionários
1	18
2	12
3	10
5	6
8	3
10	1

Pode-se concluir que

- a) o total da folha de pagamentos é de 115 salários.
- b) 60% dos trabalhadores ganham mais ou igual a 3 salários.
- c) 10% dos trabalhadores ganham 10 salários.
- d) 30% dos trabalhadores detêm mais de 50% da renda total.



e) 60% dos trabalhadores detêm menos de 20% da renda total.

6. (INÉDITA/2022) A distribuição de frequências é um agrupamento de dados em classes, de tal forma que contabilizamos o número de ocorrências em cada classe. Com relação ao conceito de frequência, avalie as afirmações a seguir.

I - frequência absoluta é o número de observações correspondente a cada classe. A frequência absoluta é, geralmente, chamada apenas de frequência.

II - frequência relativa é o quociente entre a frequência absoluta da classe correspondente e a soma das frequências (total observado).

III - frequência acumulada é o total acumulado (soma) de todas as classes anteriores até a classe atual, podendo ser: frequência acumulada absoluta; frequência acumulada relativa ou frequência acumulada percentual.

Assinale a alternativa que contempla todas as assertivas corretas.

- a) I.
- b) II.
- c) II e III.
- d) I, II e III.
- e) I e III.

7. (INÉDITA/2022) A distribuição dos salários dos funcionários em uma empresa está representada pela tabela de frequências absolutas abaixo, considerando que todos os intervalos de classe são fechados à esquerda e abertos à direita.

Ordem da Classe	Classe de Salários (R\$ 1.000)		Frequências
	Limite Inferior	Limite Superior	
1ª	1	2	15
2ª	2	3	25
3ª	3	4	45
4ª	4	5	35
5ª	5	6	30



Se inexistem funcionários que ganham salários inferiores a R\$ 1.000,00 ou salários iguais ou superiores a R\$ 6.000,00, então a porcentagem de funcionários que ganham, pelo menos, R\$ 2.000,00 e menos que R\$ 4.000,00 é igual a

- a) 43,33%.
- b) 45,00%.
- c) 46,67%.
- d) 50,00%.
- e) 53,33%.



GABARITO – INÉDITAS

Distribuições de Frequência

1. LETRA C
2. LETRA A

3. LETRA D
4. LETRA D

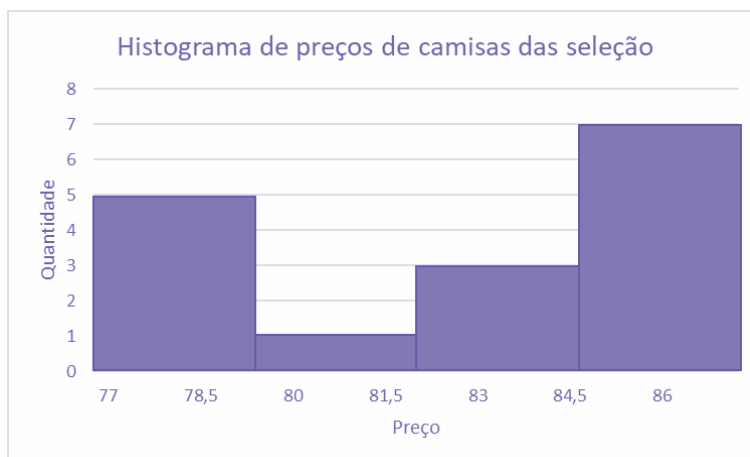
5. LETRA D
6. LETRA D
7. LETRA C



LISTA DE QUESTÕES – INÉDITAS

Representação Gráfica das Distribuições de Frequências

1. (INÉDITA/2022) O histograma a seguir mostra a quantidade de camisas da seleção brasileira, por faixas de preço, vendidas em determinada região.

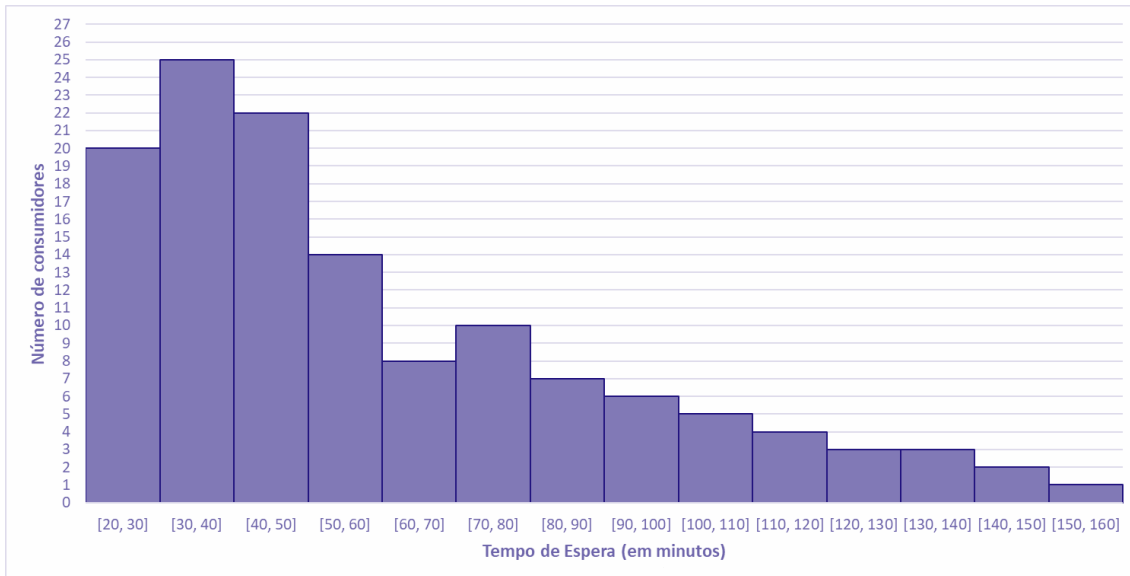


Sabendo-se que o menor valor encontrado foi de R\$ 77,00; que o maior valor foi de R\$ 87,00; e que os valores foram divididos em 4 classes de mesma amplitude, marque o conjunto de dados consistente com o histograma:

- a) 77, 77, 77, 78, 79, 84, 84, 84, 85, 85, 85, 85, 86, 86, 86, 87;
- b) 77, 77, 77, 78, 79, 84, 84, 84, 85, 85, 86, 86, 87;
- c) 77, 77, 77, 78, 79, 81, 83, 84, 84, 85, 85, 85, 86, 86, 86, 87;
- d) 77, 77, 78, 79, 80, 84, 84, 84, 85, 85, 85, 85, 86, 86, 86, 87;
- e) 77, 77, 77, 78, 79, 81, 81, 84, 84, 85, 85, 85, 86, 86, 86, 87.

2. (INÉDITA/2022) Os tempos de espera, em minutos, para o atendimento de 130 consumidores em uma central telefônica estão registrados no gráfico a seguir.





Com base no gráfico, afirmar que o tempo de espera de

- a) mais da metade dos consumidores foi superior a 1 hora.
- b) 37 consumidores foi entre 50 min e 80 min.
- c) 70% dos consumidores foi inferior a 1 hora.
- d) 10,0% dos consumidores foi entre 1 h 50 min e 2 h e 40 min.
- e) no mínimo 3 pessoas, foi superior a 2 h e 30 min.

3. (INÉDITA/2022) Após a coleta de dados, uma das formas de se iniciar a análise dos dados é por meio da geração e a avaliação de um histograma para uma variável selecionada. Em estudos climatológicos, por exemplo, o histograma pode ser utilizado para se estudar a precipitação mensal das chuvas de uma determinada região. Nesse contexto, o histograma é um gráfico em que são apresentadas as

- a) as frequências da variável selecionada em intervalos de valores.
- b) as somas dos quadrados médios de cada valor da variável selecionada.
- c) as médias históricas da variável selecionada nos últimos sete dias
- d) as variações da variável selecionada ao longo do tempo
- e) as últimas doze médias móveis da variável selecionada.



GABARITO – INÉDITAS

Representação Gráfica das Distribuições de Frequências

1. LETRA C

2. LETRA B

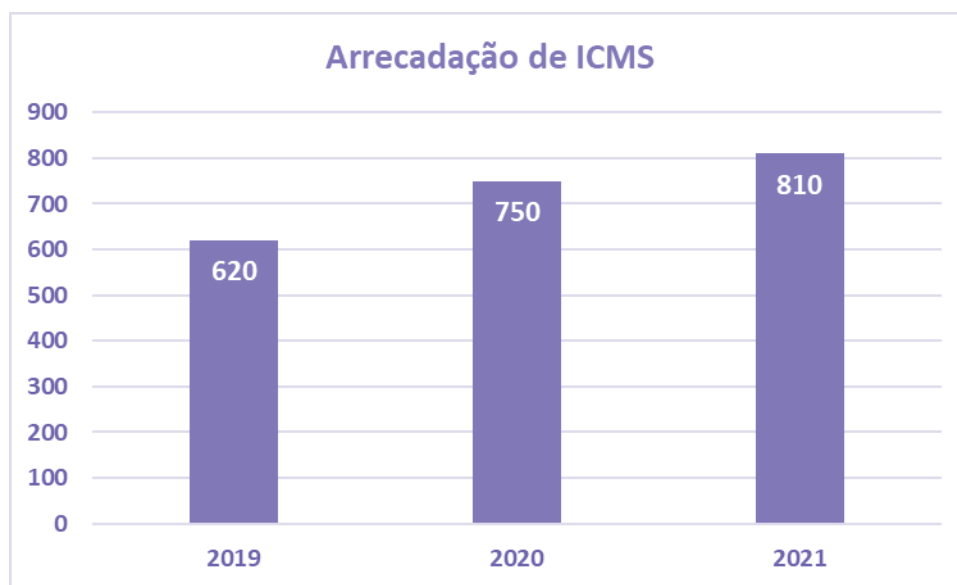
3. LETRA A



LISTA DE QUESTÕES – INÉDITAS

Outros Gráficos e Representações

1. (INÉDITA) O gráfico a seguir apresenta informações sobre a arrecadação de ICMS de determinado Estado brasileiro.



Com base nas informações do gráfico, avalie as afirmações a seguir.

- I. De 2019 a 2021, a arrecadação de ICMS desse Estado aumentou.
- II. De 2020 para 2021, houve um aumento de mais de 10% na arrecadação de ICMS desse Estado.
- III. É crescente a variação da arrecadação de ICMS desse Estado, de 2019 para 2020 e de 2020 para 2021.

Está correto o contido em

- a) apenas I.
- b) apenas I e II.
- c) apenas I e III.
- d) apenas II e III.
- e) I, II e III.

2. (INÉDITA) Durante uma pesquisa de campo, algumas variáveis se destacam.

- (i) número de indivíduos por faixa de massa corporal;



(ii) percentuais do nível de escolaridade; e

(iii) número de indivíduos por região.

Portanto, os tipos de gráficos considerados adequados a serem empregados em cada caso são, respectivamente:

- a) cartograma, linha e setores;
- b) setores, cartograma e barras;
- c) histograma, setores e linha;
- d) histograma, setores e cartograma;
- e) pictograma, setores e linha.

3. (INÉDITA) A respeito de gráficos estatísticos, avalie as afirmações a seguir.

I. Em um gráfico de colunas, as alturas de cada retângulo são proporcionais aos dados.

II. Um gráfico de barras apresenta a frequência absoluta (ou relativa) cumulativa.

III. Em um gráfico de linhas, os dados de categorias são distribuídos uniformemente ao longo do eixo vertical, e todos os valores são distribuídos igualmente ao longo do eixo horizontal.

Assinale a alternativa que contempla todas as assertivas corretas.

- a) I
- b) I e II
- c) II e III
- d) I, II e III
- e) I e III

4. (INÉDITA) A respeito das representações gráficas, avalie as afirmações a seguir.

I. Os gráficos de setores apresentam os dados em um círculo, no qual cada setor indica a frequência acumulada de um item observado.

II. Os gráficos de barras verticais apresentam os dados por meio de colunas retangulares em que a altura de cada coluna corresponde à frequência (absoluta ou relativa) dos itens observados.

III. Os pictogramas exibem os dados por meio de símbolos que possuem o mesmo tamanho e valor.



Assinale a alternativa que contempla apenas as assertivas corretas.

- a) I.
- b) I e II.
- c) II e III.
- d) I, II e III.
- e) I e III.

5. (INÉDITA) Acerca das representações gráficas, considere:

I. O gráfico de setores não é adequado para representar variáveis categóricas.

II. O gráfico de barras não é adequado para representar variáveis quantitativas contínuas.

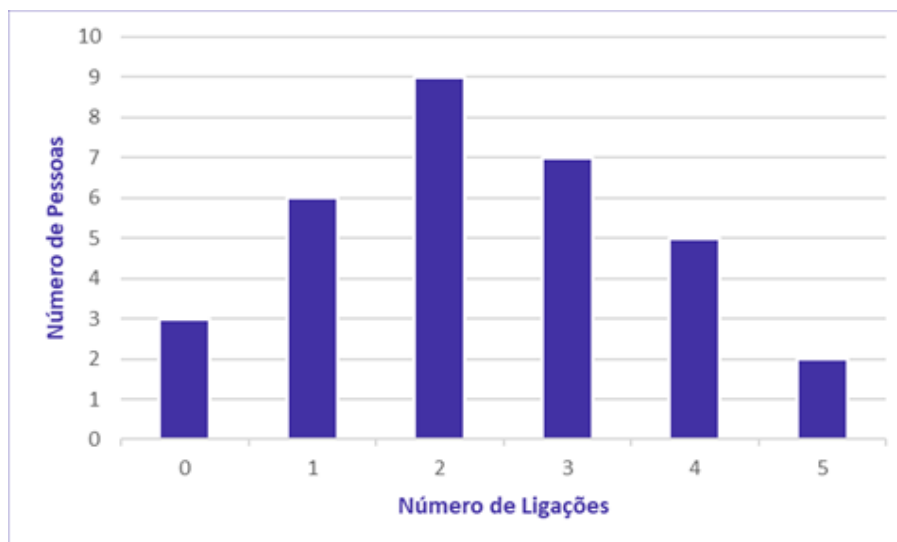
III. Histograma é um gráfico que apresenta a distribuição de frequências de uma variável por meio de retângulos justapostos, sendo a área de cada retângulo proporcional à frequência observada da classe correspondente.

Está correto o que consta apenas em:

- a) I.
- b) III.
- c) I e II.
- d) I e III.
- e) II e III.

6. (INÉDITA) Em uma empresa foi realizada uma auditoria para descobrir com que frequência os funcionários atendiam ligações pessoais no horário de trabalho de um único dia. O resultado está representado no gráfico a seguir.

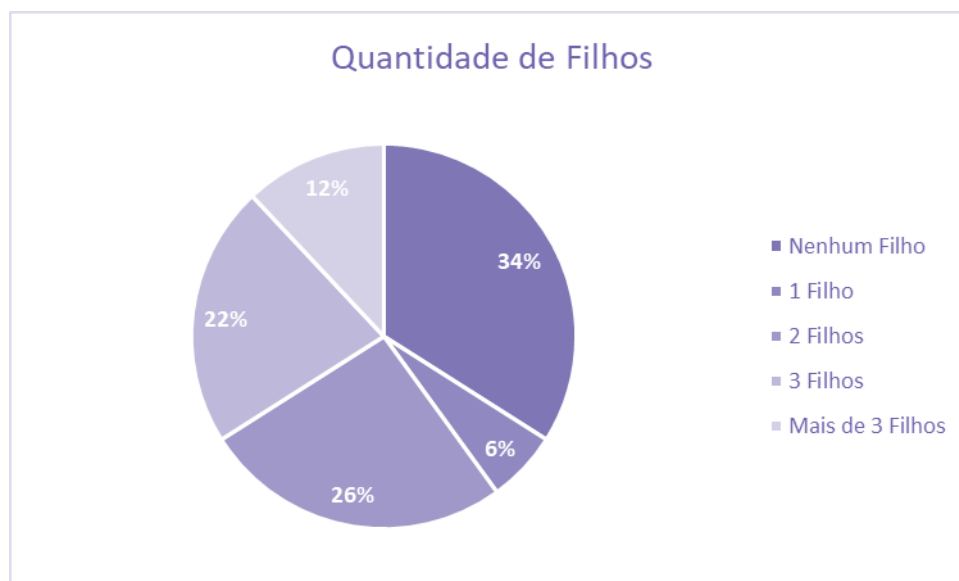




O número de pessoas que trabalham nessa empresa é

- a) 29.
- b) 30.
- c) 31.
- d) 32.
- e) 33.

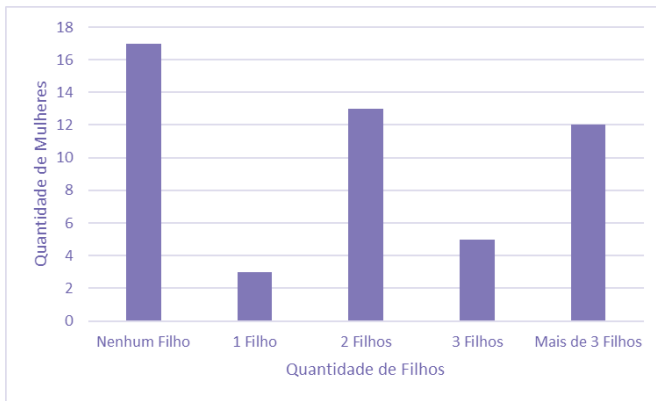
7. (INÉDITA) O gráfico de setor apresentado a seguir fornece os resultados de uma pesquisa realizada com 50 mulheres acerca da quantidade de filhos.



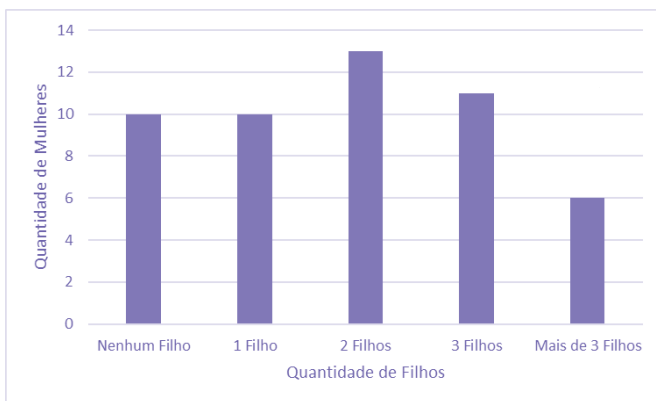
Assinale o gráfico de colunas que representa os dados apresentados acima.



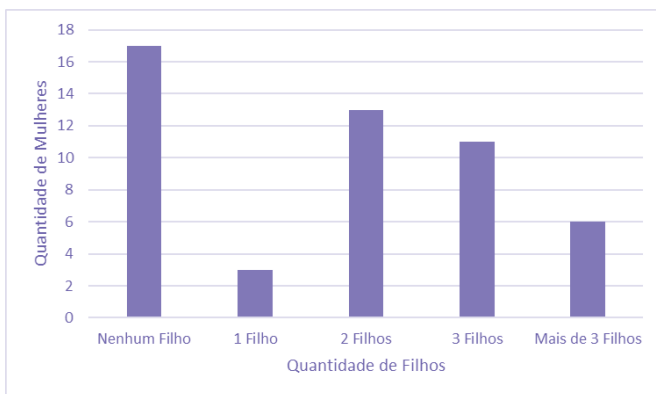
a)



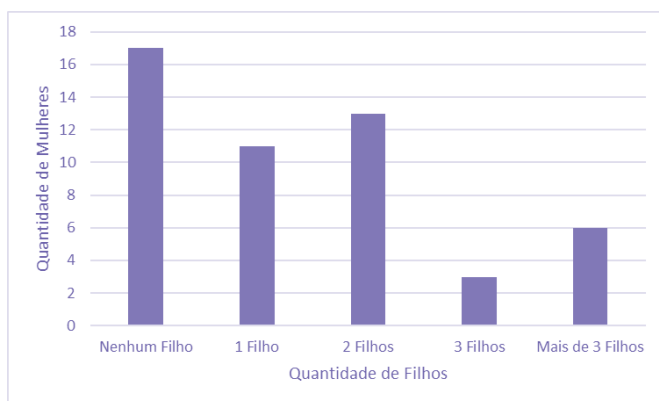
b)



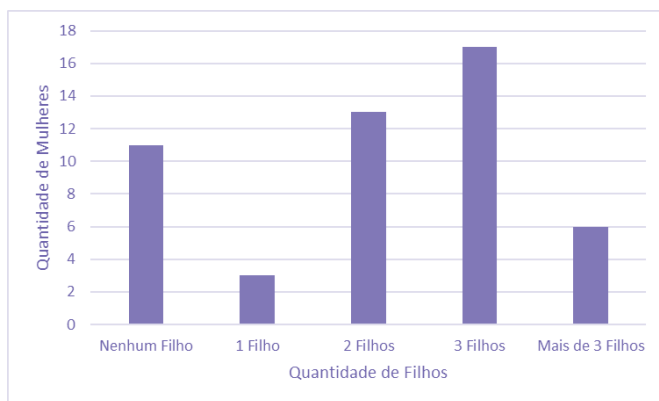
c)



d)



e)



8. (INÉDITA) Dentre os tipos de representações gráficas a seguir, o único que não pode ser utilizado para representar uma variável categórica é:

- a) histograma.
- b) diagrama de barras justapostas.
- c) diagrama de colunas.
- d) diagrama de setores.
- e) diagrama de colunas empilhadas.



GABARITO – INÉDITAS

Outros Gráficos e Representações

1. LETRA C
2. LETRA D
3. LETRA A

4. LETRA C
5. LETRA E
6. LETRA D

7. LETRA C
8. LETRA A



ESSA LEI TODO MUNDO CONHECE: PIRATARIA É CRIME.

Mas é sempre bom revisar o porquê e como você pode ser prejudicado com essa prática.



1 Professor investe seu tempo para elaborar os cursos e o site os coloca à venda.



2 Pirata divulga ilicitamente (grupos de rateio), utilizando-se do anonimato, nomes falsos ou laranjas (geralmente o pirata se anuncia como formador de "grupos solidários" de rateio que não visam lucro).



3 Pirata cria alunos fake praticando falsidade ideológica, comprando cursos do site em nome de pessoas aleatórias (usando nome, CPF, endereço e telefone de terceiros sem autorização).



4 Pirata compra, muitas vezes, clonando cartões de crédito (por vezes o sistema anti-fraude não consegue identificar o golpe a tempo).



5 Pirata fere os Termos de Uso, adultera as aulas e retira a identificação dos arquivos PDF (justamente porque a atividade é ilegal e ele não quer que seus fakes sejam identificados).



6 Pirata revende as aulas protegidas por direitos autorais, praticando concorrência desleal e em flagrante desrespeito à Lei de Direitos Autorais (Lei 9.610/98).



7 Concurseiro(a) desinformado participa de rateio, achando que nada disso está acontecendo e esperando se tornar servidor público para exigir o cumprimento das leis.



8 O professor que elaborou o curso não ganha nada, o site não recebe nada, e a pessoa que praticou todos os ilícitos anteriores (pirata) fica com o lucro.



Deixando de lado esse mar de sujeira, aproveitamos para agradecer a todos que adquirem os cursos honestamente e permitem que o site continue existindo.